

Delete Unnecessary Terms

Approach

The code follows the main approach to reduce the maximal terms by covering most uncovered vertices and then removing redundant areas.

- 1) Add doesn't care terms to the true terms list. Let this list be L
- 2) Convert all terms to binary
- 3) Make a list that contains the binary representation of terms and a set that only contains the index of the term, let this list be B
- 4) Initialize U as an empty list.
- 5) While B is not empty:
 - (a) Iterate over all pairs of elements in the list and see if they can be combined to form a larger region.
 - (b) If so, add the binary representation of the region & union of the 2 sets stored to B .
 - (c) Remove the used terms from B and add them to U .
- 6) Initialize A to be an empty list.
- 7) For each term, take the terms which contain it in its set and have the most don't care bits, i. e. the largest regions, and add all of these to A .
- 8) For each term in A , make a hash map, Tmap, mapping the terms to their included 1's.
- 9) Initialise S to be an empty list
- 10) While the true list is not empty,
 - (a) For each element in A , check the number of true terms it contains.
 - (b) Add the element which contains the most ones to S .
 - (c) Remove this element from A and remove the ones contained from the true list.
- 11) Now iterates over the set S and removes redundant terms that cover 1's already in the union of others using Tmap.
- 12) Return S .

Let n be the number of input variables.

Let N be the number of true terms.

Let M be the number of don't care terms.

The time complexity of this algorithm is $O(n(N + M)^3)$

Note: Finding the optimal sum of products given minterms is an NP-hard problem so this algorithm is not optimal.

Tests

- 1) Testcase 1:
True Values : ["ab'cd'", "abcd'"]
Don't Care Values : ["a'b'cd"]
Output : ["acd'", "acd'"]
- 2) Testcase 2:
True Values : ["a'b'c'd", "a'b'c'd'", "a'b'cd'", "abcd'"]
Don't Care Values : ["abc'd'", "abcd'", "a'b'cd", "ab'cd'", "a'bc'd'", "a'b'c'd'"]
Output : ["a'b'c'", "a'b'c'", "a'b'd'", "abd'"]
- 3) Testcase 3:
True Values : ["a'bc'd'", "abc'd'", "a'b'c'd", "a'bc'd", "a'b'cd"]
Don't Care Values : ["abc'd"]
Output : ["bc'", "bc'", "a'c'd", "bc'", "a'b'd"]
- 4) Testcase 4:
True Values : ["a'b'c'd'e'", "a'b'cd'e", "a'b'cde'", "a'bc'd'e'", "a'bc'd'e", "a'bc'd'e", "a'bc'd'e", "a'bc'd'e"]

"ab'c'd'ef'g'h'ij", "ab'c'defgh'i'j", "a'b'cde'f'g'h'i'j", "abcde'fghij", "ab'c'd'e'f'g'h'ij", "a'b'cd'ef'g'h'ij", "a'b'c'd'efghi'j"]

Output : ["abc'dfghi'j", "a'bc'd'fghij", "ab'c'd'e'g'hi'j", "a'b'c'd'e'fhi'j", "a'b'd'e'g'h'i'j", "a'bcede'hj", "bcd'e'fg'hi'j", "bcdef'gh'ij", "a'bc'dfgh'i'j", "a'bc'efghij", "a'b'd'e'f'ghj", "a'bc'd'e'f'gh'i", "b'c'de'ghij", "a'bdef'h'ij", "b'cde'fh'ij", "ab'cd'ef'ghj", "a'bcdf'g'h'i'j", "ab'c'd'egij", "abc'def'gh'i", "a'bcede'f'g'i'j", "a'b'c'd'eg'hij", "ab'cdefhi'j", "a'c'd'ef'ghi'j", "a'b'd'e'f'ghj", "abc'dfghi'j", "abd'efhi'j", "a'bde'f'hi'j", "a'bc'def'g'ij", "ab'c'd'egij", "a'b'cd'ef'hi'j", "ab'cd'ef'ghj", "a'bdef'h'ij", "b'c'de'ghij", "abce'fg'h'i'j", "a'b'd'e'g'h'i'j", "a'bc'd'e'gh'j", "a'b'c'd'f'g'hij", "b'cde'f'gi'j", "a'bc'efg'h'i'j", "a'b'd'ef'g'ij", "acde'f'g'hij", "a'b'd'ef'g'ij", "a'b'c'de'fg'h'i", "a'bc'def'ghj", "a'b'c'e'fg'h'j", "a'c'de'f'gh'i'j", "ac'd'ef'gh'i'j", "a'cde'fhj", "a'bc'd'fghi'j", "a'b'cd'eg'h'ij", "a'b'd'f'ghi'j", "a'bcede'hj", "a'b'd'e'g'h'i'j", "a'bd'e'fghi'j", "b'd'e'f'ghi'j", "a'cde'fhj", "bcdef'g'ij", "a'b'cd'e'f'hi'j", "a'b'c'e'fg'h'j", "a'bcede'hj", "ab'c'def'g'hij", "a'bc'e'gh'i'j", "abc'def'gh'i", "a'bcede'hj", "abc'd'f'g'h'i'j", "a'bc'e'f'g'hi'j", "b'c'defg'h'i'j", "abc'de'f'h'ij", "a'b'c'def'g'h", "bcde'f'g'hj", "a'b'c'd'ef'gi'j", "b'cd'e'fg'hij", "ab'ce'f'g'hi'j", "abce'f'ghi'j", "ab'c'de'ghi", "a'bcd'e'g'h'ij", "ab'cdefh'i'j", "a'cd'e'fgh'ij", "ab'c'd'f'gh'ij", "a'bcede'hj", "b'c'defg'h'i'j", "abc'def'h'i'j", "abc'de'fh'ij", "abc'de'g'hj", "ab'd'e'f'hi'j", "a'b'd'e'g'h'i'j", "b'cde'f'gi'j", "a'b'c'd'e'fhi'j", "ab'def'ghi'j", "a'bc'd'f'g'i'j", "a'bcede'hj", "acd'ef'g'h'i'j", "b'c'd'e'fg'h'j"]

11) Testcase 11:

True Values : ["a'b'c'd'", "a'b'cd"]

Don't Care Values : ["a'bc'd'", "abc'd'", "ab'c'd'", "a'b'c'd", "a'bcd", "abcd", "ab'cd", "a'b'cd'"]

Output : ["a'b'"]

12) Testcase 12:

True Values : ["a'bc'd'", "abc'd'", "a'b'c'd", "a'bc'd", "a'b'cd"]

Don't Care Values : ["abc'd"]

Output : ["bc'", "a'b'd"]

13) Testcase 13:

True Values : ["a'b'c'd", "a'b'cd", "a'bc'd", "abc'd'", "abc'd", "ab'c'd'", "ab'cd"]

Don't Care Values : ["a'bc'd'", "a'bcd", "ab'c'd"]

Output : ["a'd", "ac'", "b'd"]

14) Testcase 14:

True Values : ["a'b'c", "a'bc", "a'bc'", "ab'c'"]

Don't Care Values : ["abc'"]

Output : ["a'c", "a'b", "ac'"]

15) Testcase 15:

True Values : ["a'b'c'd'e'", "a'bc'd'e'", "abc'd'e'", "ab'c'd'e'", "abc'de'", "abcde'", "a'bcede'", "a'bcd'e'", "abcd'e'", "a'bc'de", "abc'de", "abcde", "a'bcde", "a'bcd'e", "abcd'e", "a'b'cd'e", "ab'cd'e"]

Don't Care Values : []

Output : ['bc', "c'd'e'", 'abd', "cd'e", 'bde']

16) Testcase 16:

True Values : ["abc'd", "abcd", "ab'c'd'", "a'bcd'"]

Don't Care Values : ["abc'd'", "ab'c'd", "a'bcd", "abcd'"]

Output : ["ac'", 'bc']

Validity of test cases: First 10 test cases are taken from assignment 2, and test cases 8, 9, and 10 specifically are for showing the working on large sets and variables. Testcases 11-15 are the same as the Assignment pdf, hence showing that basic types of redundancies are removed. Testcases 16, illustrate that though the main part of the algorithm gives 3 terms, one of them is redundant and can be removed by another part of the algorithm. The initial 10 cases cover different ways terms can be covered so are repeated in this assignment.

```

(base) nischay@nischay-Predator-PH315-53:~/Documents/sem 5/COL215/COL215/Assignment 5$
python3 2020CS50433_2020CS50444_assignment_3.py
["acd'"]
["a'b'c'", "a'b'd'", "abd'"]
["bc'", "a'b'd'"]
["bc'", "c'd'e'", "a'b'cd'e'", "a'b'cde'", "ab'd'e'"]
["a'c'd'e'f'", "bc'ef", "a'b'cd'ef", "a'b'cde'f", "a'bc'df", "ac'd'e'f", "ab'cd'e'f'"]
['a', 'bc']
['a', 'bc']
["abc'f", "cd'e'g", "a'bc'de'", "ab'df'g'", "b'cef'g'", "bd'e'g", "a'b'cd'f'", "bce'f'g",
"ac'd'ef", "bcd'e'f'"]
["a'b'c'd'e'g'h'i'j'", "a'b'c'd'e'f'h'i'j'", "a'b'cd'e'g'h'i'j'", "a'bcde'g'hij'", "abc'd'e'f
gh'i'j'", "a'bc'd'e'f'ghij'", "abcd'e'fg'h'i'j'", "abcdef'gh'ij'", "abcdef'gh'i'j'", "ab'c'de
'fghi", "a'bcd'e'f'g'h'ij'", "ab'cdefh'i'j'", "a'b'cd'e'f'gh'ij'", "ab'c'd'e'f'gh'ij'", "a
b'c'defg'i'j'", "abc'def'g'h'i'j'", "abc'de'fg'h'ij'", "abc'de'fg'h'ij'", "ab'de'f'gh'i'j'
", "ab'def'gh'i'j'", "a'bc'd'eg'h'i'j'", "a'bcde'f'gh'ij'", "abcd'e'f'g'h'i'j'", "ab'c'd'e'f'g'
h'j'"]
["a'bcde'h'ij'", "a'b'd'e'g'h'i'j'", "abc'dfgh'ij'", "a'bc'd'fghij'", "ab'c'd'e'g'h'i'j'", "
a'b'c'd'e'f'h'i'j'", "bcdef'gh'ij'", "a'bc'd'e'f'gh'i", "b'c'de'ghij", "ab'cd'ef'ghj'", "
ab'c'd'egij", "abc'def'gh'i'", "a'b'c'd'eg'h'ij'", "bde'f'g'h'i'j'", "a'b'cd'ef'h'i'j'", "b
'cde'f'g'i'j'", "a'b'c'e'f'g'h'ij'", "a'c'de'f'gh'ij'", "a'cde'fhj'", "b'c'defg'h'i'j'", "b
cd'e'fg'h'i'j'", "a'bc'dfgh'i'j'", "a'bc'efghij'", "b'd'e'f'gh'i'j'", "a'bdef'h'ij'", "b'cd
e'fh'ij'", "a'bcdfg'h'i'j'", "abc'def'h'i'j'", "a'bcde'f'g'i'j'", "ab'cdefhij'", "a'c'd'e
'f'gh'i'j'", "ab'def'h'ij'", "a'bc'def'g'ij'", "abce'fg'h'i'j'", "a'b'c'd'f'g'h'ij'", "a'bc
'efg'h'i'j'", "a'b'd'ef'g'ij'", "acde'f'g'h'ij'", "a'b'c'd'e'f'g'h'i", "a'bc'def'ghj", "b'c'
d'e'f'g'h'ij'", "ac'd'ef'gh'i'j'", "a'b'cd'eg'h'ij'", "a'bd'e'f'gh'ij'", "bcdef'g'ij", "a'b
'cd'e'f'h'ij", "ab'c'def'g'h'ij", "abc'd'fg'h'i'j'", "a'bc'e'f'g'h'ij'", "abc'de'f'h'ij'",
"a'b'c'def'g'h'ij'", "a'b'c'd'ef'g'i'j'", "b'cd'e'f'g'h'ij", "ab'ce'f'g'h'ij'", "abce'f'gh'ij
'", "ab'c'de'ghi", "a'bcd'e'g'h'ij", "ab'cdefh'i'j'", "a'cd'e'f'gh'ij'", "ab'c'd'f'gh'ij
", "abc'de'fh'ij", "abc'de'g'h'ij", "ab'def'gh'ij", "a'bc'd'f'g'ij", "acd'ef'g'h'ij'"]
["a'b'"]
["bc'", "a'b'd'"]
["a'd", "ac'", "b'd"]
["a'c", "a'b", "ac'"]
['bc', 'c'd'e', 'abd', 'cd'e', 'bde']
["ac'", 'bc']

```

FIGURE 1. Screenshot of above outputs