Sémantique et traduction des langages Interprétation d'un sous-ensemble de Caml : mini-ML

1 Grammaire

$$Expr \longrightarrow Ident \\ | Const \\ | Expr Binaire Expr \\ | Unaire Expr \\ | (Expr) \\ | if Expr then Expr else Expr \\ | let Ident = Expr in Expr \\ | fun Ident -> Expr \\ | (Expr) Expr \\ | let rec Ident = Expr in Expr \\ | const \longrightarrow entier | booleen \\ Unaire \longrightarrow -|! \\ Binaire \longrightarrow +|-|*|/|%|&|| \\ | ==|!=|<|<||>|>=|$$

2 Sémantique opérationnelle

Constante

$$\gamma \vdash entier \Rightarrow entier \quad \gamma \vdash booleen \Rightarrow booleen$$

Accès à l'environnement

$$\frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = \langle e \,,\, \gamma_{def} \,\rangle \quad \gamma_{def} \,\vdash\, e \,\Rightarrow\, v}{\gamma \,\vdash\, x \,\Rightarrow\, v} \quad \frac{x \in \gamma \quad \gamma(x) = v \quad v \neq \langle \, e \,,\, \gamma_{def} \,\rangle}{\gamma \,\vdash\, x \,\Rightarrow\, v}$$

Opérateur binaire

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \, \Rightarrow \, v_1 \quad \gamma \vdash e_2 \, \Rightarrow \, v_2 \quad v_1 \times v_2 \in \operatorname{domop} \quad v = v_1 \operatorname{op} v_2}{\gamma \vdash e_1 \operatorname{op} e_2 \, \Rightarrow \, v}$$

Opérateur unaire

$$\frac{\gamma \vdash e \Rightarrow v \quad v \in dom \ op \quad v' = op \ v}{\gamma \vdash op \ e \Rightarrow v'}$$

Conditionnelle

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow \mathtt{true} \quad \gamma \vdash e_2 \Rightarrow v}{\gamma \vdash \mathtt{if} \ e_1 \ \mathtt{then} \ e_2 \ \mathtt{else} \ e_3 \Rightarrow v} \quad \frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow \mathtt{false} \quad \gamma \vdash e_3 \Rightarrow v}{\gamma \vdash \mathtt{if} \ e_1 \ \mathtt{then} \ e_2 \ \mathtt{else} \ e_3 \Rightarrow v}$$

Définition locale

$$\frac{\gamma \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad \gamma :: \{x \mapsto v_1\} \vdash e_2 \Rightarrow v}{\gamma \vdash \mathtt{let} \ x = e_1 \ \mathtt{in} \ e_2 \Rightarrow v}$$

Définition de fonction

$$\gamma \vdash \text{fun } x \rightarrow e \Rightarrow \langle \text{fun } x \rightarrow e, \gamma \rangle$$

Appel de fonction

$$\frac{\gamma \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad \gamma \vdash e_1 \Rightarrow \langle \operatorname{fun} x -\!\!\!\!> e_3 \,,\, \gamma_{def} \rangle \quad \gamma_{def} :: \{x \mapsto v_2\} \vdash e_3 \Rightarrow v}{\gamma \vdash (e_1 \text{) } e_2 \Rightarrow v}$$

Définition récursive

$$\frac{\gamma :: \{x \, \mapsto \, \langle \, \texttt{let rec} \, \, x \, \texttt{=} \, e_1 \, \, \texttt{in} \, e_1 \, , \, \gamma \, \rangle \} \, \vdash \, e_2 \, \Rightarrow \, v}{\gamma \, \vdash \, \texttt{let rec} \, \, x \, \texttt{=} \, e_1 \, \, \texttt{in} \, e_2 \, \Rightarrow \, v}$$

Gestion des erreurs

Il faut ajouter à ces règles, celles d'apparition et propagation des erreurs.