

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ ТА НАУКИ УКРАЇНИ  
НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ІМЕНІ ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»  
ФАКУЛЬТЕТ ІНФОРМАТИКИ ТА ОБЧИСЛЮВАЛЬНОЇ ТЕХНІКИ  
КАФЕДРА ОБЧИСЛЮВАЛЬНОЇ ТЕХНІКИ

Лабораторна робота №3.3  
з дисципліни «Інтелектуальні вбудовані системи»  
на тему «Дослідження генетичного алгоритму »

Виконав:  
студент гр. ПІ-84  
Дмитренко Олександр

Перевірив:  
Регіда П.Г.

Київ 2021

## Основні теоретичні відомості

Генетичні алгоритми служать, головним чином, для пошуку рішень в багатовимірних просторах пошуку.

Можна виділити наступні етапи генетичного алгоритму:

- (Початок циклу)
- Розмноження (схрещування)
- Мутація
- Обчислити значення цільової функції для всіх особин
- Формування нового покоління (селекція)
- Якщо виконуються умови зупинки, то (кінець циклу), інакше (початок циклу).

Розглянемо приклад реалізації алгоритму для знаходження цілих коренів діофантового рівняння  $a+b+2c=15$ .

Згенеруємо початкову популяцію випадковим чином, але з дотриманням умови – усі згенеровані значення знаходяться у проміжку від одиниці до  $y/2$ , тобто на відрізок [1;8] (узагалі, границі випадкового генерування можна вибирати на свій розсуд):

(1,1,5); (2,3,1); (3,4,1); (3,6,4)

Отриманий генотип оцінюється за допомогою функції пристосованості (fitness function). Згенеровані значення підставляються у рівняння, після чого обраховується різниця отриманої правої частини з початковим  $y$ . Після цього рахується ймовірність вибору генотипу для ставання батьком – зворотня дельта ділиться на сумму сумарних дельт усіх генотипів.

$1+1+2\cdot5=12$	$\Delta=3$	$\frac{\frac{1}{3}}{\frac{27}{24}} = 0,7$
$2+3+2\cdot1=7$	$\Delta=8$	$\frac{\frac{1}{8}}{\frac{27}{24}} = 0,11$
$3+4+2\cdot1=9$	$\Delta=6$	$\frac{\frac{1}{6}}{\frac{27}{24}} = 0,15$
$3+6+2\cdot4=17$	$\Delta=2$	$\frac{\frac{1}{2}}{\frac{27}{24}} = 0,44$

Наступний етап включає в себе схрещування генотипів по методу кросоверу – у якості дітей виступають генотипи, отримані змішуванням коренів – частина йде від одного з батьків, частина від іншого, наприклад:

$$\left. \begin{array}{l} (3 \mid 6,4) \\ (1 \mid 1,5) \end{array} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} (3,1,5) \\ (1,6,4) \end{array} \right.$$

Лінія кросоверу може бути поставлена в будь-якому місці, кількість потомків також може вибиратися. Після отримання нових генотипів вони перевіряються функцією пристосованості та створюють власних потомків, тобто виконуються дії, описані вище.

Ітерації алгоритму відбуваються, поки один з генотипів не отримає  $\Delta=0$ , тобто його значення будуть розв'язками рівняння.

## Завдання

Налаштувати генетичний алгоритм для знаходження цілих коренів діофантового рівняння  $ax_1 + bx_2 + cx_3 + dx_4 = y$ . Розробити відповідний мобільний додаток і вивести отримані значення. Провести аналіз витрат часу на розрахунки

## Лістинг програми

```
const random = (min, max) => ~~~(Math.random() * (max - min) + min)

class Chromosome {
  genes = [];
  fitness = Infinity;
  task = [];
  target = 0;

  calc = () =>
    this.genes.reduce((a, gene, i) => a + (gene * this.task[i]))

  constructor({ genes, task, target }) {
    Object.assign(this, { genes, task, target });
    this.calcFitness();
  }

  crossover(partner) {
    const child = this.clone();
    const fromParent = child.genes.length / 2;
    child.genes = [...child.genes.slice(0, fromParent), ...partner.genes.slice(child.genes.length - fromParent)];
    child.calcFitness();

    return child
  }

  calcFitness() {
    this.fitness = Math.abs(this.target - this.calc());
  }

  clone() {
    return Object.assign(Object.create(Object.getPrototypeOf(this)), this);
  }
}

class Genetic {
  population = []
  constructor(task, target) {
    const { length } = task
    this.population =
      Array.from(
        { length },
        () => new Chromosome({
          genes: Array.from({ length }, () => random(1, target / 2)),
          task: task,
          target: target,
        })
      ),
  }

  solve() {
    while (true) {
      const chromosome = this.crossover()
      if (chromosome)
        return chromosome.genes
    }
  }

  crossover() {
    const children = []
    for (let i = 0; i < this.population.length; i++) {
      const parents = this.population
        .map((chromosome) => ({ chromosome, probability: Math.random() * (chromosome.fitness * 1000) }))
        .sort((a, b) => a.probability - b.probability)

      const parent = parents[0].chromosome
      const partner = parents[1].chromosome
      const child = parent.crossover(partner)

      if (child.fitness === 0)
        return child

      children.push(child)
    }

    this.population = children
  }
}

export default Genetic;
```

Результат роботи програми

$a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3 + d \cdot x_4 = Y$

Set koefs and press 'Compute'

Compute

$2 \cdot x_1 + 2 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 + 2 \cdot x_4 = 14$

$[x_1, x_2, x_3, x_4] = [1, 1, 3, 2]$

Compute

1	2 ABC	3 DEF
4 GHI	5 JKL	6 MNO
7 PQRS	8 TUV	9 WXYZ
,	0	<X

$1 \cdot x_1 + 2 \cdot x_2 + 3 \cdot x_3 + 4 \cdot x_4 = 20$

$[x_1, x_2, x_3, x_4] = [6, 1, 2, 1]$

Compute

1	2 ABC	3 DEF
4 GHI	5 JKL	6 MNO
7 PQRS	8 TUV	9 WXYZ
,	0	<X

## **Висновки**

Під час виконання лабораторної роботи були дослідженні принципи реалізації генетичного алгоритму. Було досліджено особливості даного алгоритму з використанням засобів моделювання і сучасних програмних оболонок. Було налаштовано генетичний алгоритм для знаходження цілих коренів діафантового рівняння  $ax^4+bx^3+cx^2+dx=e$ , розроблено відповідну програму та реалізовано користувацький інтерфейс з можливістю вводу даних.