Минобрнауки РФ МГТУ МИРЭА МИРЭА Зкзаменационный билет 8 по курсу Дискретная математика 1 семестр (лектор И.В.Артамкин)	Утверждаю (зав.кафедрой) 2021 г.
--	--

В задачах билета используются числа a, b и c, которые находятся следующим образом: a — это число букв в Вашем имени, b — это число букв в Вашей фамилии, c — это наименьшее число, большее и a и b и не имеющее общих делителей с a.

- 1)Докажите методом математической индукции:
- $\frac{1}{1^2+1}+\frac{1}{2^2+2}+\frac{1}{3^2+3}+\ldots+\frac{1}{n^2+n}=\frac{n}{n+1}.$ 2) Укажите на действительной прямой такие отрезки X и Y (разные для каждого из трех заданий ниже), что формула $f(x)=x^2-2ax+b$ определяет отображение из X в Y, такое что
- а) f инъективно, но не сюръективно;
- б) f сюръективно, но не инъективно;
- \mathbf{B}) f биекция.
- 3) Вычислите произведение перестановок $\alpha\beta$, где $\alpha=(165)$ и $\beta=\begin{pmatrix}1&2&3&4&5&6\\2&6&4&1&3&5\end{pmatrix}$. Найдите четность и порядок полученной перестановки.
- 4) Расставьте недостающие цифры в перестановке $\alpha = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & & 6 & & 2 & & 1 \end{pmatrix}$, чтобы перестановка α была четной и ее порядок был равен 2.
- 5) Сколькими способами можно пройти кратчайшим путем из точки (0;0) на плоскости в точку (2;7), идя только по линиям клетчатой бумаги?
- 6) Сколько нечетных перестановок порядка 6 имеется в S_7 ? Перечислите все возможные разложения в произведение независимых циклов.
- 7) Рассмотрим множество подмножеств $\mathcal{B}(W)$ множества $W = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. Каких подмножеств больше: тех, которые содержат множество $W = \{1, 6\}$ или тех, у которых сумма значений характеристичской функции равна 4?