一般來說執行 binary search 的時間為 $O(\log(n))$,但插入一個新元素到排序好的陣列中則需要線性的時間,課本中提出了一種可以降低插入新元素的時間複雜度的想法: Let $k=\lceil \lg(n+1) \rceil$, and let the binary representation of n be $< n_{k-1}, n_{k-2}, ..., n_0 >$. We have k sorted arrays $A_0, A_1, ..., A_{k-1}$, where for i=0,1,...,k-1, the length of array Ai is 2^i. Each array is either full or empty, depending on whether n_i =1 or n_i =0, respectively. The total number of elements held in all k arrays is therefore exactly n.

看到這裡先不用緊張,題目其實就是要我們不斷將兩個 array merge 和 binary search。 大家可以先想想看為什麼這種做法 insert 的時間複雜度會比較低。 詳見 CLRS problem17-2

這禮拜的作業,請實作兩個 function:

- 1. merging two sorted array (array 長度可能會不一樣)
- 2. Binary search 找出 array 指定數字的位子