

一、选择题:

1. 3001: 把单摆摆球从平衡位置向位移正方向拉开, 使摆线与竖直方向成一微小角度  $\theta$ , 然后由静止放手任其振动, 从放手时开始计时。若用余弦函数表示其运动方程, 则该单摆振动的初相为

- (A)  $\pi$  (B)  $\pi/2$  (C) 0 (D)  $\theta$   
[ ]

2. 3002: 两个质点各自作简谐振动, 它们的振幅相同、周期相同。第一个质点的振动方程为  $x_1 = A\cos(\omega t + \alpha)$ 。当第一个质点从相对于其平衡位置的正位移处回到平衡位置时, 第二个质点正在最大正位移处。则第二个质点的振动方程为:

- (A)  $x_2 = A\cos(\omega t + \alpha + \frac{1}{2}\pi)$  (B)  $x_2 = A\cos(\omega t + \alpha - \frac{1}{2}\pi)$   
(C)  $x_2 = A\cos(\omega t + \alpha - \frac{3}{2}\pi)$  (D)  $x_2 = A\cos(\omega t + \alpha + \pi)$   
[ ]

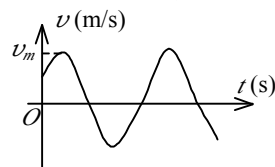
3. 3007: 一质量为  $m$  的物体挂在劲度系数为  $k$  的轻弹簧下面, 振动角频率为  $\omega$ 。若把这弹簧分割成二等份, 将物体  $m$  挂在分割后的一根弹簧上, 则振动角频率是

- (A)  $2\omega$  (B)  $\sqrt{2}\omega$  (C)  $\omega/\sqrt{2}$  (D)  $\omega/2$   
[ ]

4. 3396: 一质点作简谐振动。其运动速度与时间的曲线如图所示。若质点的振动规律用余弦函数描述, 则其初相应为

- (A)  $\pi/6$  (B)  $5\pi/6$   
(C)  $-5\pi/6$  (D)  $-\pi/6$   
(E)  $-2\pi/3$

[ ]



5. 3552: 一个弹簧振子和一个单摆 (只考虑小幅度摆动), 在地面上的固有振动周期分别为  $T_1$  和  $T_2$ 。将它们拿到月球上去, 相应的周期分别为  $T'_1$  和  $T'_2$ 。则有

- (A)  $T'_1 > T_1$  且  $T'_2 > T_2$  (B)  $T'_1 < T_1$  且  $T'_2 < T_2$   
(C)  $T'_1 = T_1$  且  $T'_2 = T_2$  (D)  $T'_1 = T_1$  且  $T'_2 > T_2$   
[ ]

6. 5178: 一质点沿  $x$  轴作简谐振动, 振动方程为  $x = 4 \times 10^{-2} \cos(2\pi t + \frac{1}{3}\pi)$  (SI)。从  $t=0$  时刻起, 到质点位置在  $x = -2$  cm 处, 且向  $x$  轴正方向运动的最短时间为

- (A)  $\frac{1}{8}$  s (B)  $\frac{1}{6}$  s (C)  $\frac{1}{4}$  s (D)  $\frac{1}{3}$  s (E)  $\frac{1}{2}$  s  
[ ]

7. 5179: 一弹簧振子, 重物的质量为  $m$ , 弹簧的劲度系数为  $k$ , 该振子作振幅为  $A$  的简谐振动。当重物通过平衡位置且向规定的正方向运动时, 开始计时。则其振动方程为:

- (A)  $x = A\cos(\sqrt{k/m} t + \frac{1}{2}\pi)$  (B)  $x = A\cos(\sqrt{k/m} t - \frac{1}{2}\pi)$   
(C)  $x = A\cos(\sqrt{m/k} t + \frac{1}{2}\pi)$  (D)  $x = A\cos(\sqrt{m/k} t - \frac{1}{2}\pi)$   
(E)  $x = A\cos\sqrt{k/m} t$   
[ ]

8. 5312: 一质点在  $x$  轴上作简谐振动, 振幅  $A = 4$  cm, 周期  $T = 2$  s, 其平衡位置取作坐标原点。若  $t = 0$  时刻质点第一次通过  $x = -2$  cm 处, 且向  $x$  轴负方向运动, 则质点第二次通过  $x = -2$  cm 处的时刻为

- (A) 1 s (B) (2/3) s (C) (4/3) s (D) 2 s

9. 5501: 一物体作简谐振动, 振动方程为  $x = A \cos(\omega t + \frac{1}{4}\pi)$ 。在  $t = T/4$  ( $T$  为周期) 时刻, 物体的加速度为

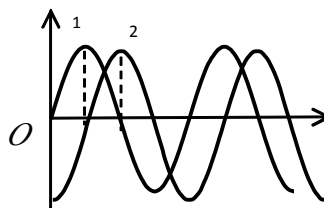
- (A)  $-\frac{1}{2}\sqrt{2}A\omega^2$  (B)  $\frac{1}{2}\sqrt{2}A\omega^2$  (C)  $-\frac{1}{2}\sqrt{3}A\omega^2$  (D)  $\frac{1}{2}\sqrt{3}A\omega^2$

10. 5502: 一质点作简谐振动, 振动方程为  $x = A \cos(\omega t + \phi)$ , 当时间  $t = T/2$  ( $T$  为周期) 时, 质点的速度为

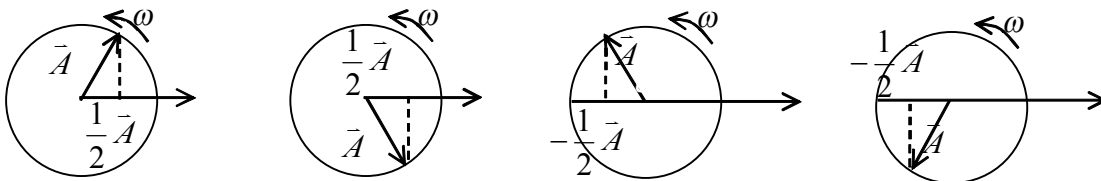
- (A)  $-A\omega \sin \phi$  (B)  $A\omega \sin \phi$  (C)  $-A\omega \cos \phi$  (D)  $A\omega \cos \phi$

11. 3030: 两个同周期简谐振动曲线如图所示。  
 $x_1$  的相位比  $x_2$  的相位

- (A) 落后  $\pi/2$   
(B) 超前  $\pi/2$   
(C) 落后  $\pi$   
(D) 超前  $\pi$



12. 3042: 一个质点作简谐振动, 振幅为  $A$ , 在起始时刻质点的位移为  $\frac{1}{2}A$ , 且向  $x$  轴的正方向运动, 代表此简谐振动的旋转矢量图为

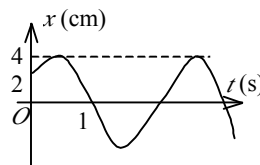


13. 3254: 一质点作简谐振动, 周期为  $T$ 。质点由平衡位置向  $x$  轴正方向运动时, 由平衡位置到二分之一最大位移这段路程所需要的时间为

- (A)  $T/4$  (B)  $T/6$  (C)  $T/8$  (D)  $T/12$

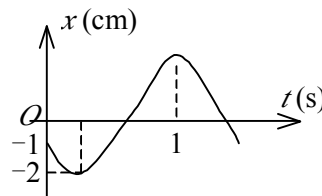
14. 3270: 一简谐振动曲线如图所示。则振动周期是

- (A) 2.62 s (B) 2.40 s  
(C) 2.20 s (D) 2.00 s



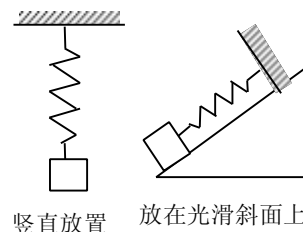
15. 5186: 已知某简谐振动的振动曲线如图所示, 位移的单位为厘米, 时间单位为秒。则此简谐振动的振动方程为:

- (A)  $x = 2 \cos(\frac{2}{3}\pi t + \frac{2}{3}\pi)$  (B)  $x = 2 \cos(\frac{2}{3}\pi t - \frac{2}{3}\pi)$   
(C)  $x = 2 \cos(\frac{4}{3}\pi t + \frac{2}{3}\pi)$  (D)  $x = 2 \cos(\frac{4}{3}\pi t - \frac{2}{3}\pi)$   
(E)  $x = 2 \cos(\frac{4}{3}\pi t - \frac{1}{4}\pi)$



16. 3023: 一弹簧振子, 当把它水平放置时, 它可以作简谐振动。若把它竖直放置或放在固定的光滑斜面上, 试判断下面哪种情况是正确的:

- (A) 竖直放置可作简谐振动, 放在光滑斜面上不能作简谐振动



- (B) 竖直放置不能作简谐振动, 放在光滑斜面上可作简谐振动  
 (C) 两种情况都可作简谐振动  
 (D) 两种情况都不能作简谐振动 [ ]

17. 3028: 一弹簧振子作简谐振动, 总能量为  $E_1$ , 如果简谐振动振幅增加为原来的两倍, 重物的质量增为原来的四倍, 则它的总能量  $E_2$  变为

- (A)  $E_1/4$  (B)  $E_1/2$  (C)  $2E_1$  (D)  $4E_1$

[ ]

18. 3393: 当质点以频率  $\nu$  作简谐振动时, 它的动能的变化频率为

- (A)  $4\nu$  (B)  $2\nu$  (C)  $\nu$  (D)  $\frac{1}{2}\nu$

[ ]

19. 3560: 弹簧振子在光滑水平面上作简谐振动时, 弹性力在半个周期内所作的功为

- (A)  $kA^2$  (B)  $\frac{1}{2}kA^2$  (C)  $(1/4)kA^2$  (D) 0

[ ]

20. 5182: 一弹簧振子作简谐振动, 当位移为振幅的一半时, 其动能为总能量的

- (A)  $1/4$  (B)  $1/2$  (C)  $1/\sqrt{2}$  (D)  $3/4$  (E)  $\sqrt{3}/2$

[ ]

21. 5504: 一物体作简谐振动, 振动方程为  $x = A\cos(\omega t + \frac{1}{2}\pi)$ 。则该物体在  $t=0$  时刻的动能与  $t=T/8$  ( $T$  为振动周期) 时刻的动能之比为:

- (A) 1:4 (B) 1:2 (C) 1:1 (D) 2:1 (E) 4:1

[ ]

22. 5505: 一质点作简谐振动, 其振动方程为  $x = A\cos(\omega t + \phi)$ 。在求质点的振动动能时, 得出下面 5 个表达式: (1)  $\frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \phi)$  (2)

$\frac{1}{2}m\omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \phi)$

(3)  $\frac{1}{2}kA^2 \sin(\omega t + \phi)$  (4)  $\frac{1}{2}kA^2 \cos^2(\omega t + \phi)$  (5)  $\frac{2\pi^2}{T^2}mA^2 \sin^2(\omega t + \phi)$

其中  $m$  是质点的质量,  $k$  是弹簧的劲度系数,  $T$  是振动的周期。这些表达式中

- (A) (1), (4) 是对的 (B) (2), (4) 是对的 (C) (1), (5) 是对的  
 (D) (3), (5) 是对的 (E) (2), (5) 是对的

[ ]

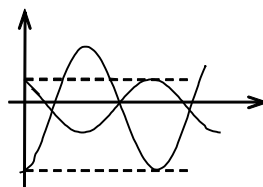
23. 3008: 一长度为  $l$ 、劲度系数为  $k$  的均匀轻弹簧分割成长度分别为  $l_1$  和  $l_2$  的两部分, 且  $l_1 = n l_2$ ,  $n$  为整数。则相应的劲度系数  $k_1$  和  $k_2$  为

- (A)  $k_1 = \frac{kn}{n+1}$ ,  $k_2 = k(n+1)$  (B)  $k_1 = \frac{k(n+1)}{n}$ ,  $k_2 = \frac{k}{n+1}$   
 (C)  $k_1 = \frac{k(n+1)}{n}$ ,  $k_2 = k(n+1)$  (D)  $k_1 = \frac{kn}{n+1}$ ,  $k_2 = \frac{k}{n+1}$

[ ]

24. 3562: 图中所画的是两个简谐振动的振动曲线。若这两个简谐振动可叠加, 则合成的余弦振动的初相为

- (A)  $\frac{3}{2}\pi$



- (B)  $\pi$   
 (C)  $\frac{1}{2}\pi$   
 (D) 0

[ ]

## 二、填空题:

1. 3009: 一弹簧振子作简谐振动, 振幅为  $A$ , 周期为  $T$ , 其运动方程用余弦函数表示。若  $t=0$  时, (1) 振子在负的最大位移处, 则初相为 \_\_\_\_\_; (2) 振子在平衡位置向正方向运动, 则初相为 \_\_\_\_\_; (3) 振子在位移为  $A/2$  处, 且向负方向运动, 则初相为 \_\_\_\_\_。

2. 3390: 一质点作简谐振动, 速度最大值  $v_m = 5 \text{ cm/s}$ , 振幅  $A = 2 \text{ cm}$ 。若令速度具有 **正** 最大值的那一时刻为  $t=0$ , 则振动表达式为 \_\_\_\_\_。

3. 3557: 一质点沿  $x$  轴作简谐振动, 振动范围的中心点为  $x$  轴的原点。已知周期为  $T$  振幅为  $A$ 。(1) 若  $t=0$  时质点过  $x=0$  处且朝  $x$  轴正方向运动, 则振动方程为  $x = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(2) 若  $t=0$  时质点处于  $x = \frac{1}{2}A$  处且向  $x$  轴负方向运动, 则振动方程为  $x = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

4. 3816: 一质点沿  $x$  轴以  $x=0$  为平衡位置作简谐振动, 频率为  $0.25 \text{ Hz}$ 。  $t=0$  时,  $x = -0.37 \text{ cm}$  而速度等于零, 则振幅是 \_\_\_\_\_, 振动的数值表达式为 \_\_\_\_\_。

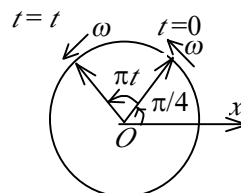
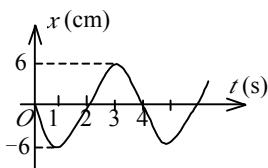
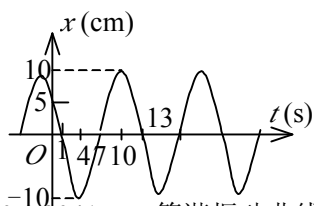
5. 3817: 一简谐振动的表达式为  $x = A \cos(3t + \phi)$ , 已知  $t=0$  时的初位移为  $0.04 \text{ m}$ , 初速度为  $0.09 \text{ m/s}$ , 则振幅  $A = \underline{\hspace{2cm}}$ , 初相  $\phi = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

6. 3818: 两个弹簧振子的周期都是  $0.4 \text{ s}$ , 设开始时第一个振子从平衡位置向负方向运动, 经过  $0.5 \text{ s}$  后, 第二个振子才从正方向的端点开始运动, 则这两振动的相位差为 \_\_\_\_\_。

7. 3819: 两质点沿水平  $x$  轴线作相同频率和相同振幅的简谐振动, 平衡位置都在坐标原点。它们总是 **沿相反方向** 经过同一个点, 其位移  $x$  的绝对值为振幅的一半, 则它们之间的相位差为 \_\_\_\_\_。

8. 3820: 将质量为  $0.2 \text{ kg}$  的物体, 系于劲度系数  $k = 19 \text{ N/m}$  的竖直悬挂的弹簧的下端。假定在弹簧不变形的位置将物体由静止释放, 然后物体作简谐振动, 则振动频率为 \_\_\_\_\_, 振幅为 \_\_\_\_\_。

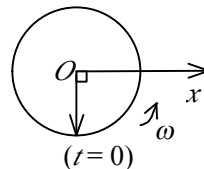
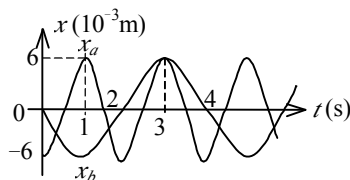
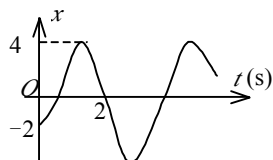
9. 3033: 一简谐振动用余弦函数表示, 其振动曲线如图所示, 则此简谐振动的三个特征量为  $A = \underline{\hspace{2cm}}$ ;  $\omega = \underline{\hspace{2cm}}$ ;  $\phi = \underline{\hspace{2cm}}$ 。



10. 3041: 一简谐振动曲线如图所示, 则由图可确定在  $t=2 \text{ s}$  时刻质点的位移为 \_\_\_\_\_, 速度为 \_\_\_\_\_。

11. 3046: 一简谐振动的旋转矢量图如图所示, 振幅矢量长  $2 \text{ cm}$ , 则该简谐振动的初相为 \_\_\_\_\_。振动方程为 \_\_\_\_\_。

12. 3398: 一质点作简谐振动。其振动曲线如图所示。根据此图, 它的周期  $T = \underline{\hspace{2cm}}$ , 用余弦函数描述时初相  $\phi = \underline{\hspace{2cm}}$ 。



13. 3399: 已知两简谐振动曲线如图所示, 则这两个简谐振动方程(余弦形式)分别为  
和\_\_\_\_\_。

14. 3567: 图中用旋转矢量法表示了一个简谐振动。旋转矢量的长度为  $0.04\text{ m}$ , 旋转角速度  $\omega = 4\pi\text{ rad/s}$ 。此简谐振动以余弦函数表示的振动方程为  $x =$  \_\_\_\_\_ (SI)。

15. 3029: 一物块悬挂在弹簧下方作简谐振动, 当这物块的位移等于振幅的一半时, 其动能是总能量的\_\_\_\_\_。(设平衡位置处势能为零)。当这物块在平衡位置时, 弹簧的长度比原长长  $\Delta l$ , 这一振动系统的周期为\_\_\_\_\_。

16. 3268 一系统作简谐振动, 周期为  $T$ , 以余弦函数表达振动时, 初相为零。在  $0 \leq t \leq \frac{1}{2}T$  范围内, 系统在  $t =$  \_\_\_\_\_ 时刻动能和势能相等。

17. 3561: 质量为  $m$  物体和一个轻弹簧组成弹簧振子, 其固有振动周期为  $T$ 。当它作振幅为  $A$  自由简谐振动时, 其振动能量  $E =$  \_\_\_\_\_。

18. 3821: 一弹簧振子系统具有  $1.0\text{ J}$  的振动能量,  $0.10\text{ m}$  的振幅和  $1.0\text{ m/s}$  的最大速率, 则弹簧的劲度系数为\_\_\_\_\_, 振子的振动频率为\_\_\_\_\_。

19. 3401: 两个同方向同频率的简谐振动, 其振动表达式分别为:

$$x_1 = 6 \times 10^{-2} \cos(5t + \frac{1}{2}\pi) \quad (\text{SI}), \quad x_2 = 2 \times 10^{-2} \cos(\pi - 5t) \quad (\text{SI})$$

它们的合振动的振幅为\_\_\_\_\_, 初相为\_\_\_\_\_。

20. 3839: 两个同方向的简谐振动, 周期相同, 振幅分别为  $A_1 = 0.05\text{ m}$  和  $A_2 = 0.07\text{ m}$ , 它们合成为一个振幅为  $A = 0.09\text{ m}$  的简谐振动。则这两个分振动的相位差\_\_\_\_\_rad。

21. 5314: 一质点同时参与了两个同方向的简谐振动, 它们的振动方程分别为

$$x_1 = 0.05 \cos(\omega t + \frac{1}{4}\pi) \quad (\text{SI}), \quad x_2 = 0.05 \cos(\omega t + \frac{9}{12}\pi) \quad (\text{SI})$$

其合成运动的运动方程为  $x =$  \_\_\_\_\_。

22. 5315: 两个同方向同频率的简谐振动, 其合振动的振幅为  $20\text{ cm}$ , 与第一个简谐振动的相位差为  $\phi - \phi_1 = \pi/6$ 。若第一个简谐振动的振幅为  $10\sqrt{3}\text{ cm} = 17.3\text{ cm}$ , 则第二个简谐振动的振幅为\_\_\_\_\_cm, 第一、二两个简谐振动的相位差  $\phi_1 - \phi_2$  为\_\_\_\_\_。

### 三、计算题:

1. 3017: 一质点沿  $x$  轴作简谐振动, 其角频率  $\omega = 10\text{ rad/s}$ 。试分别写出以下两种初始状态下的振动方程: (1) 其初始位移  $x_0 = 7.5\text{ cm}$ , 初始速度  $v_0 = 75.0\text{ cm/s}$ ; (2) 其初始位移  $x_0 = 7.5\text{ cm}$ , 初始速度  $v_0 = -75.0\text{ cm/s}$ 。

2. 3018: 一轻弹簧在  $60\text{ N}$  的拉力下伸长  $30\text{ cm}$ 。现把质量为  $4\text{ kg}$  的物体悬挂在该弹簧的下端并使之静止, 再把物体向下拉  $10\text{ cm}$ , 然后由静止释放并开始计时。求: (1) 物体的振动方程; (2) 物体在平衡位置上方  $5\text{ cm}$  时弹簧对物体的拉力; (3) 物体从第一次越过平衡位置时刻起到它运动到上方  $5\text{ cm}$  处所需要的最短时间。

3. 5191: 一物体作简谐振动, 其速度最大值  $v_m = 3 \times 10^{-2}\text{ m/s}$ , 其振幅  $A = 2 \times 10^{-2}\text{ m}$ 。若  $t = 0$  时, 物体位于平衡位置且向  $x$  轴的负方向运动。求: (1) 振动周期  $T$ ; (2) 加速度的最大值  $a_m$ ; (3) 振动方程的数值式。

4. 3391: 在一竖直轻弹簧的下端悬挂一小球, 弹簧被拉长  $l_0 = 1.2\text{ cm}$  而平衡。再经拉动后, 该小球在竖直方向作振幅为  $A = 2\text{ cm}$  的振动, 试证此振动为简谐振动; 选小球在正最大位移处开始计时, 写出此振动的数值表达式。

5. 3835 在竖直悬挂的轻弹簧下端系一质量为  $100\text{ g}$  的物体, 当物体处于平衡状态时, 再对物体加一拉力使弹簧伸长, 然后从静止状态将物体释放。已知物体在  $32\text{ s}$  内完成  $48$  次振动, 振幅为  $5\text{ cm}$ 。(1) 上述的外加拉力是多大? (2) 当物体在平衡位置以下  $1\text{ cm}$  处时, 此振动系统的动能和势能各是多少?

6. 3836 在一竖直轻弹簧下端悬挂质量  $m = 5\text{ g}$  的小球, 弹簧伸长  $\Delta l = 1\text{ cm}$  而平衡。经

推动后, 该小球在竖直方向作振幅为  $A = 4 \text{ cm}$  的振动, 求: (1) 小球的振动周期; (2) 振动能量。

7. 5506 一物体质量  $m = 2 \text{ kg}$ , 受到的作用力为  $F = -8x$  (SI)。若该物体偏离坐标原点  $O$  的最大位移为  $A = 0.10 \text{ m}$ , 则物体动能的最大值为多少?

8. 5511 如图, 有一水平弹簧振子, 弹簧的劲度系数  $k = 24 \text{ N/m}$ , 重物的质量  $m = 6 \text{ kg}$ , 重物静止在平衡位置上。设以一水平恒力  $F = 10 \text{ N}$  向左作用于物体 (不计摩擦), 使之由平衡位置向左运动了  $0.05 \text{ m}$  时撤去力  $F$ 。当重物运动到左方最远位置时开始计时, 求物体的运动方程。



### 一、选择题:

1. 3001: C; 2. 3002: B; 3. 3007: B; 4. 3396: C; 5. 3552: D; 6. 5178: E;
7. 5179: B; 8. 5312: B; 9. 5501: B; 10. 5502: B; 11. 3030: B; 12. 3042: B;
13. 3254: D; 14. 3270: B; 15. 5186: C; 16. 3023: C; 17. 3028: D; 18. 3393: B;
19. 3560: D; 20. 5182: D; 21. 5504: D; 22. 5505: C; 23. 3008: C; 24. 3562: B;

### 二、填空题:

1. 3009:  $\pi$ ;  $-\pi/2$ ;  $\pi/3$   

$$x = 2 \times 10^{-2} \cos(5t/2 - \frac{1}{2}\pi)$$
2. 3390:
3. 3557:  $A \cos(\frac{2\pi t}{T} - \frac{1}{2}\pi)$ ;  $A \cos(\frac{2\pi t}{T} + \frac{1}{3}\pi)$   

$$x = 0.37 \times 10^{-2} \cos(\frac{1}{2}\pi t \pm \pi)$$
4. 3816:  $0.37 \text{ cm}$ ;
5. 3817:  $0.05 \text{ m}$ ;  $-0.205\pi$  (或  $-36.9^\circ$ )
6. 3818:  $\pi$
7. 3819:  $\pm 2\pi/3$
8. 3820:  $1.55 \text{ Hz}$ ;  $0.103 \text{ m}$
9. 3033:  $10 \text{ cm } (\pi/6) \text{ rad/s}$ ;  $\pi/3$
10. 3041:  $0$ ;  $3\pi \text{ cm/s}$
11. 3046:  $\pi/4$ ;  $x = 2 \times 10^{-2} \cos(\pi t + \pi/4)$  (SI)
12. 3398:  $3.43 \text{ s}$ ;  $-2\pi/3$
13. 3399:  $x_a = 6 \times 10^{-3} \cos(\pi t + \pi)$  (SI);  $x_b = 6 \times 10^{-3} \cos(\frac{1}{2}\pi t + \frac{1}{2}\pi)$  (SI)
14. 3567:  $0.04 \cos(4\pi t - \frac{1}{2}\pi)$
15. 3029:  $3/4$ ;  $2\pi\sqrt{\Delta l/g}$
16. 3268:  $7/8$ ;  $3/78$

17. 3561:  $2\pi^2 mA^2 / T^2$

18. 3821:  $2 \times 10^2 \text{ N/m}$ ;  $1.6 \text{ Hz}$

19. 3401:  $4 \times 10^{-2} \text{ m}$ ;  $\frac{1}{2}\pi$

20. 3839:  $1.47$

21. 5314:  $0.05 \cos(\omega t + \frac{23}{12}\pi)$  (SI) 或  $0.05 \cos(\omega t - \frac{1}{12}\pi)$  (SI)

22. 5315:  $10$ ;  $-\frac{1}{2}\pi$

三、计算题:

1. 3017: 解: 振动方程:  $x = A \cos(\omega t + \phi)$

(1)  $t = 0$  时  $x_0 = 7.5 \text{ cm} = A \cos \phi$ ;  $v_0 = 75 \text{ cm/s} = -A \sin \phi$

解上两个方程得:  $A = 10.6 \text{ cm}$ -----1 分;  $\phi = -\pi/4$ -----1 分

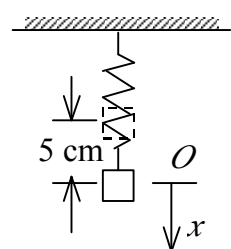
$\therefore x = 10.6 \times 10^{-2} \cos[10t - (\pi/4)]$  (SI)-----1 分

(2)  $t = 0$  时  $x_0 = 7.5 \text{ cm} = A \cos \phi$ ;  $v_0 = -75 \text{ cm/s} = -A \sin \phi$

解上两个方程得:  $A = 10.6 \text{ cm}$ ,  $\phi = \pi/4$ -----1 分

$\therefore x = 10.6 \times 10^{-2} \cos[10t + (\pi/4)]$  (SI)-----1 分

2. 3018: 解:  $k = f/x = 200 \text{ N/m}$ ,  $\omega = \sqrt{k/m} \approx 7.07 \text{ rad/s}$ -----2 分

(1) 选平衡位置为原点,  $x$  轴指向下方 (如图所示), 

(2)  $t = 0$  时,  $x_0 = 10A \cos \phi$ ,  $v_0 = 0 = -A \omega \sin \phi$

解以上二式得:  $A = 10 \text{ cm}$ ,  $\phi = 0$ -----2 分

$\therefore$  振动方程  $x = 0.1 \cos(7.07t)$  (SI)-----1 分

(2) 物体在平衡位置上方 5 cm 时, 弹簧对物体的拉力:  $f = m(g - a)$

而:  $a = -\omega^2 x = 2.5 \text{ m/s}^2$

$\therefore f = 4(9.8 - 2.5) \text{ N} = 29.2 \text{ N}$ -----3 分

(3) 设  $t_1$  时刻物体在平衡位置, 此时  $x = 0$ , 即:  $0 = A \cos \omega t_1$  或  $\cos \omega t_1 = 0$

$\therefore$  此时物体向上运动,  $v < 0$ ;  $\therefore \omega t_1 = \pi/2$ ,  $t_1 = \pi/2\omega = 0.222 \text{ s}$ -----1 分

再设  $t_2$  时物体在平衡位置上方 5 cm 处, 此时  $x = -5$ , 即:  $-5 = A \cos \omega t_2$ ,  $\cos \omega t_2 = -1/2$

$\therefore 0, \omega t_2 = 2\pi/3, t_2 = 2\pi/3\omega = 0.296 \text{ s}$ -----2 分

$\Delta t = t_2 - t_1 = (0.296 - 0.222) \text{ s} = 0.074 \text{ s}$ -----1 分

3. 5191: 解: (1)  $v_m = \omega A$   $\therefore \omega = v_m / A = 1.5 \text{ s}^{-1}$

$\therefore T = 2\pi/\omega = 4.19 \text{ s}$ -----3 分

(2)  $a_m = \omega^2 A = v_m \omega = 4.5 \times 10^{-2} \text{ m/s}^2$ -----2 分

(3)  $\phi = \frac{1}{2}\pi$ ,  $x = 0.02 \cos(1.5t + \frac{1}{2}\pi)$  (SI)-----3 分

4. 3391: 解: 设小球的质量为  $m$ , 则弹簧的劲度系数:  $k = mg/l_0$

选平衡位置为原点, 向下为正方向. 小球在  $x$  处时,

根据牛顿第二定律得:  $mg - k(l_0 + x) = m d^2 x / dt^2$

将  $k = mg/l_0$ , 代入整理后得:  $d^2 x / dt^2 + gx/l_0 = 0$

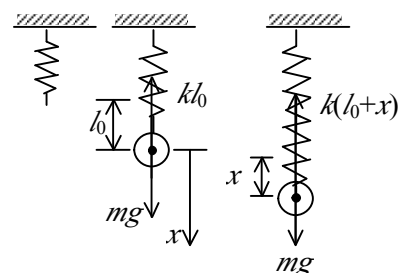
$\therefore$  此振动为简谐振动, 其角频率为-----3 分

$\omega = \sqrt{g/l_0} = 28.58 = 9.1\pi$ -----2 分

设振动表达式为:  $x = A \cos(\omega t + \phi)$

由题意:  $t = 0$  时,  $x_0 = A = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$ ,  $v_0 = 0$ ,

解得:  $\phi = 0$ -----1 分



$$\therefore x = 2 \times 10^{-2} \cos(9.1\pi t) \text{-----2 分}$$

5. 3835: 解一: (1) 取平衡位置为原点, 向下为  $x$  正方向. 设物体在平衡位置时弹簧的伸长量为  $\Delta l$ , 则有  $mg = k\Delta l$ , 加拉力  $F$  后弹簧又伸长  $x_0$ , 则:  $F + mg - k(\Delta l + x_0) = 0$   
解得:  $F = kx_0$ -----2 分

$$\text{由题意, } t=0 \text{ 时 } v_0=0; x=x_0 \quad \text{则: } A = \sqrt{x_0^2 + (v_0/\omega)^2} = x_0 \text{-----2 分}$$

$$\text{又由题给物体振动周期 } T = \frac{32}{48} \text{ s, 可得角频率 } \omega = \frac{2\pi}{T}, \quad k = m\omega^2$$

$$\therefore F = kA = (4\pi^2 m / T^2) A = 0.444 \text{ N} \text{-----1 分}$$

$$(2) \text{ 平衡位置以下 1 cm 处: } v^2 = (2\pi/T)^2 (A^2 - x^2) \text{-----2 分}$$

$$E_K = \frac{1}{2} m v^2 = 1.07 \times 10^{-2} \text{ J} \text{-----2 分}$$

$$E_P = \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} (4\pi^2 m / T^2) x^2 = 4.44 \times 10^{-4} \text{ J} \text{-----1 分}$$

解二: (1) 从静止释放, 显然拉长量等于振幅  $A$  (5 cm),  $F = kA$ -----2 分

$$k = m\omega^2 = 4m\pi^2 \nu^2, \quad \nu = 1.5 \text{ Hz} \text{-----2 分}$$

$$\therefore F = 0.444 \text{ N} \text{-----1 分}$$

$$(2) \text{ 总能量: } E = \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} F A = 1.11 \times 10^{-2} \text{ J} \text{-----2 分}$$

当  $x = 1 \text{ cm}$  时,  $x = A/5$ ,  $E_P$  占总能量的  $1/25$ ,  $E_K$  占  $24/25$ -----2 分

$$\therefore E_K = (24/25) E = 1.07 \times 10^{-2} \text{ J}, \quad E_P = E/25 = 4.44 \times 10^{-4} \text{ J} \text{-----1 分}$$

6. 3836: 解: (1)  $T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{m/k} = 2\pi\sqrt{m/(g/\Delta l)} = 0.201 \text{ s} \text{-----3 分}$

$$(2) \quad E = \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} (mg/\Delta l) A^2 = 3.92 \times 10^{-3} \text{ J} \text{-----2 分}$$

7. 5506: 解: 由物体受力  $F = -8x$  可知物体作简谐振动, 且和  $F = -kx$  比较, 知  $k = 8 \text{ N/m}$ , 则:  $\omega^2 = k/m = 4 \text{ (rad/s)}^2 \text{-----2 分}$

$$\text{简谐振动动能最大值为: } E_{Km} = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = 0.04 \text{ J} \text{-----3 分}$$

$$8. 5511: \text{解: 设物体的运动方程为: } x = A \cos(\omega t + \phi)$$

$$\text{恒外力所做的功即为弹簧振子的能量: } F \times 0.05 = 0.5 \text{ J} \text{-----2 分}$$

$$\text{当物体运动到左方最远位置时, 弹簧的最大弹性势能为 } 0.5 \text{ J, 即: } \frac{1}{2} k A^2 = 0.5 \text{ J,}$$

$$\therefore A = 0.204 \text{ m} \text{-----2 分}$$

$A$  即振幅。

$$\omega^2 = k/m = 4 \text{ (rad/s)}^2 \Rightarrow \omega = 2 \text{ rad/s} \text{-----2 分}$$

按题目所述时刻计时, 初相为  $\phi = \pi$ -----2 分

$$\therefore \text{物体运动方程为: } x = 0.204 \cos(2t + \pi) \text{ (SI)} \text{-----2 分}$$