请说明磁场计算中引入矢量磁位的依据,并指出矢量磁位和电流密度的关系(大小和方向)。 解释电耦极子与磁耦极子概念,并写出电耦极矩与磁耦极矩的定义式。 静电场中导体的表面的电位是否相等?导体内部的电场强度是多少?恒定电场中导体表面是否是等位面? 什么是解的唯一性定理? 试指出我们所学过的哪两种方法是根据唯一性定理得来的。 用我们所学的知识解释电场和磁场产生的原因。 试写出孤立球的电容表达式,并说明电容决定于哪些因素。 二、计算题 1.(10分)如图1所示,平行板电容器有三种不同介质。已知 d_0 , S_0 ,电容器电量Q,介电常数 ε_1 , ε_2 , ε_3 ,且 ε_2 = $2\varepsilon_1$, $\varepsilon_3 = 3\varepsilon_1$ 。忽略边缘效应,试求电介质 ε_1 中的电场强度。 2. (10分) 如图2所示,已知不接地金属球壳的半径为R,距离球心d处有点电荷q,求镜像电荷q'、q''的值及镜像 电荷的位置b。 3. (10分)一个N匝的矩形线圈放在均匀外磁场B中,线圈中有电流I通过。当线圈平面的法线方向与外磁场B方向的 夹角为a时,请用虚位移法求线圈所受的力矩。 4. (10分) 一平板电容器有两层电介质,厚度分别为 $d_1=5$ mm和 $d_2=2$ mm,已知第一层介质的电导率 $\gamma_1=10^{-2}$ S/m。欲 使两层介质的电阻相同,求第二层介质的电导率γ,。 5. (14分)如图3所示,在一细长导线附近置一矩形线圈,但二者不在同一平面。图3a为俯视图,图3b为侧视图。 导线与线圈的距离参数如图3b所示。试求它们之间的互感。 6. (14分) 如图4所示,真空中的两根平行圆柱导体,半径均为R=2cm,圆心相距2h=12cm,如果在两圆柱体间加 1000V电压, 求两圆柱体表面上相距最近的点和最远的点的电荷面密度。

(a)

图3 计算题5

图2 计算题2

(b)

图4 计算题6

写出静电场中电位函数φ沿着法向n所满足的边界衔接条件,并说明折射定理存在的条件。

一、简答题(每题4分):

图1 计算题1

电磁场的边值问题包括哪几部分?