Московский физико-технический институт (госудраственный университет)

Лабораторная работа по вычислительной математике

Лабораторная работа 2

Работу выполнил: Курневич Станислав Витальевич Группа Б01-008а

Долгопрудный 10.10.2022

1 Постановка задачи

В лабораторной работе предлагается решить уравнение: Ax=f двумя методами: прямым методом и итерационным методом. Так же нужно определить невязку каждого метода, найти $\lambda_{min}, \lambda_{max}$, определить число обусловленности матрицы.

2 Выполнение

Выбрал матрицу A для выполнения работы под номером б).

a)
$$n = 99$$
, $a_i = c_i = 1$, $b_i = 10$, $p_i = 1$, $f_i = i$.

$$\begin{cases}
b_1x_1 + c_1x_2 & = f_1 \\
a_2x_1 + b_2x_2 + c_2x_3 & = f_2 \\
a_3x_2 + b_3x_3 + c_3x_4 & = f_3 \\
& \cdots & \cdots \\
a_nx_{n-1} + b_nx_n + c_nx_{n+1} & = f_n \\
p_1x_1 + p_2x_2 + \dots + p_{n-1}x_{n-1} + p_nx_n + p_{n+1}x_{n+1} & = f_{n+1}
\end{cases}$$

б) система п. а) при

$$n = 9$$
, $b_1 = 1$, $c_1 = 0$, $f_1 = 1$, $a_i = c_i = 1$,
 $b_i = -2$, $p_i = 2$, $f_i = 2 / i^2$, $i = 2, 3, ..., n$, $f_{n+1} = -n / 3$, $p_1 = p_{n+1} = 1$.

Для начала определил число обусловленности матрицы μ для трех норм.



Далее буду использовать 3 норму, для которой число обусловленности равно $\mu=40.6685.$

С помощью степенного метода нашел λ_{max} и λ_{min} :



2.1 Прямой метод

Проверил главные миноры матрицы A, они оказались не нулевыми \Rightarrow можно применить метод LU-разложения. Невязка получилась равной $\approx 9 \cdot 10^{-16}$

2.2 Прямой метод

Невязка получилась равной $\approx 9 \cdot 10^{-7}$