

Politechnika Warszawska

W Y D Z I A Ł F I Z Y K I



Praca dyplomowa inżynierska

na kierunku Fizyka Techniczna
w specjalności Fizyka komputerowa

Zoptymalizowana symulacja Particle in Cell w języku Python

Dominik Stańczak

261604

promotor
dr Sławomir Jabłoński

WARSZAWA 2017

Streszczenie

Tytuł pracy: Zoptymalizowana symulacja Particle in Cell w języku Python

1 Streszczenie

Utworzono kod symulacyjny Particle-in-Cell mający modelować interakcję relatywistycznej plazmy wodorowej oraz impulsu laserowego. Kod zoptymalizowano w celu zademonstrowania możliwości użycia wysokopoziomowego języka programowania wywołującego niskopoziomowe procedury numeryczne do osiągnięcia wysokiej wydajności obliczeniowej. *Słowa kluczowe:*

python, plazma, particle in cell, symulacja, optymalizacja, elektrodynamika

(podpis opiekuna naukowego)

(podpis dyplomanta)

Abstract

Title of the thesis: Optimised Particle in Cell simulation in Python

2 Abstract

A Python particle-in-cell plasma simulation code is developed to model the interaction between a hydrogen plasma target and a laser impulse. The code is then optimized to demonstrate the possibilities of using a high level programming language to call low level numerical procedures, thus achieving high computational efficiency. *Słowa kluczowe:*

<python, plasma, particle in cell, simulation, optimization, electrodynamics>

(podpis opiekuna naukowego)

(podpis dyplomanta)

Oświadczenie o samodzielności wykonania pracy

Politechnika Warszawska
Wydział Fizyki

Ja niżej podpisany/a:

Dominik Stańczak, 261604

student/ka Wydziału Fizyki Politechniki Warszawskiej, świadomy/a odpowiedzialności prawnej przedłożoną do obrony pracę dyplomową inżynierską pt.:

Zoptymalizowana symulacja Particle in Cell w języku Python

wykonałem/am samodzielnie pod kierunkiem

dr Sławomira Jabłońskiego

Jednocześnie oświadczam, że:

- praca nie narusza praw autorskich w rozumieniu ustawy z dnia 4 lutego 1994 o prawie autorskim i prawach pokrewnych, oraz dóbr osobistych chronionych prawem cywilnym,
- praca nie zawiera danych i informacji uzyskanych w sposób niezgodny z obowiązującymi przepisami,
- praca nie była wcześniej przedmiotem procedur związanych z uzyskaniem dyplomu lub tytułu zawodowego w wyższej uczelni,
- promotor pracy jest jej współtwórcą w rozumieniu ustawy z dnia 4 lutego 1994 o prawie autorskim i prawach pokrewnych.

Oświadczam także, że treść pracy zapisanej na przekazanym nośniku elektronicznym jest zgodna z treścią zawartą w wydrukowanej wersji niniejszej pracy dyplomowej.

Warszawa, dnia 2017

(podpis dyplomanta)

Oświadczenie o udzieleniu Uczelni licencji do pracy

Politechnika Warszawska
Wydział Fizyki

Ja niżej podpisany/a:

Dominik Stańczak, 261604

student/ka Wydziału Fizyki Politechniki Warszawskiej, niniejszym oświadczam, że zachowując moje prawa autorskie udzielam Politechnice Warszawskiej nieograniczonej w czasie, nieodpłatnej licencji wyłącznej do korzystania z przedstawionej dokumentacji pracy dyplomowej pt.:

Zoptymalizowana symulacja Particle in Cell w języku Python

w zakresie jej publicznego udostępniania i rozpowszechniania w wersji drukowanej i elektronicznej*.

Warszawa, dnia 2017

(podpis dyplomanta)

*Na podstawie Ustawy z dnia 27 lipca 2005 r. Prawo o szkolnictwie wyższym (Dz.U. 2005 nr 164 poz. 1365) Art. 239. oraz Ustawy z dnia 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (Dz.U. z 2000 r. Nr 80, poz. 904, z późn. zm.) Art. 15a. "Uczelni w rozumieniu przepisów o szkolnictwie wyższym przysługuje pierwszeństwo w opublikowaniu pracy dyplomowej studenta. Jeżeli uczelnia nie opublikowała pracy dyplomowej w ciągu 6 miesięcy od jej obrony, student, który ją przygotował, może ją opublikować, chyba że praca dyplomowa jest częścią utworu zbiorowego."

Spis treści

1. WSTĘP

1 Wstęp

Algorytmy Particle-in-Cell (cząstka w komórce") to jedno z najbardziej zbliżonych do fundamentalnej fizyki metod symulacji materii w stanie plazmy. Zastosowany w nich lagranżowski opis cząsteczek pozwala na dokładne odwzorowanie dynamiki ruchu elektronów i jonów. Jednocześnie, ewolucja pola elektromagnetycznego na Eulerowskiej siatce dokonywana zamiast bezpośredniego obliczania oddziaływań międzycząsteczkowych pozwala na znaczące przyspieszenie etapu obliczenia oddziaływań międzycząsteczkowych. W większości symulacji cząsteczkowych właśnie ten etap jest najbardziej krytyczny dla wydajności programu.

W ostatnich czasach symulacje Particle-in-Cell zostały wykorzystane m.in. do

symulacji przewidywanej turbulencji plazmy w reaktorze termojądrowym ITER

modelowania rekonekcji linii magnetycznych w polu gwiazdy

projektowania silników jonowych (Halla)

badania interakcji laserów z plazmą w kontekście tworzenia niewielkich akceleratorów cząstek

Należy zauważyć, że w świetle rosnącej dostępności silnie równoległej mocy obliczeniowej w postaci kart graficznych możliwości algorytmów Particle-in-Cell będą rosły wspólnie, co może pozwolić na rozszerzenie ich zastosowań. Inżynieria oprogramowania zorientowanego na wykorzystanie możliwości kart graficznych jest jednak utrudniona poprzez niskopoziomowość istniejących technologii (CUDA, OpenCL) co utrudnia pisanie złożonych programów, zwłaszcza przez osoby zajmujące się głównie pracą badawczą niż wyłącznie programowaniem.

Niniejsza praca ma na celu utworzenie kodu symulacyjnego wykorzystującego metodę Particle-in-Cell w języku wysokopoziomowym i Ma to dwojaki sens: 1. zweryfikowanie możliwości leżących w obecnych językach wysokopoziomowych bez wykorzystywania kart graficznych

2 Część analityczno-teoretyczna

2.1 Fizyka plazmy

Plazma, powszechnie nazywana czwartym stanem materii, to zbiór zjonizowanych cząstek oraz elektronów. Plazmy występują w całym wszechświecie, od materii międzygwiazdnej po błyskawice. Ich istnienie uwarunkowane jest obecnością wysokich energii, wystarczających do zjonizowania atomów gazu.

Fizyka plazmy jest stosunkowo młodą nauką, której rozwój nastąpił dopiero w ostatnim stuleciu, zaczynając od badań Alfvena. Globalny wzrost zainteresowania fizyką plazmy rozpoczął się w latach '50 ubiegłego wieku, gdy uświadomiono sobie, że można zastosować ją do przeprowadzania kontrolowanych reakcji syntezy jądrowej, które mogą mieć zastosowania w energetyce jako następny etap rozwoju po reakcjach rozpadu wykorzystywanych w "klasycznych" elektrowniach jądrowych.

Poza tym plazmy mają szerokie zastosowanie w przemyśle metalurgicznym, elektronicznym,

2. CZĘŚĆ ANALITYCZNO-TEORETYCZNA

kosmicznym itp.

2.2 Modelowanie i symulacja plazmy

Zjawiska z zakresu fizyki plazmy są jednymi z bardziej złożonych problemów modelowanie komputerowej. Głównym, koncepcyjnie, powodem uniemożliwiającym zastosowanie prostych metod symulacji znanych z newtonowskiej dynamiki molekularnej jest mnogość oddziaływań - każda cząstka oddziałuje z każdą inną nawzajem poprzez niepomijalne na dużych odległościach oddziaływania kulombowskie $\approx r^{-2}$.

Z powodu dużej liczby cząstek w układach plazmowych, jedynymi praktycznymi podejściami są opisy statystyczne, opierające się na modelach kinetycznych. Wielkością opisującą plazmę jest tu funkcja dystrybucji

$$f(\vec{x}, \vec{v}, t) \quad (1)$$

opisująca gęstość rozkładu plazmy w sześciowymiarowej przestrzeni fazowej (po trzy wymiary na położenia oraz prędkości).

Podstawowym równaniem statystycznym opisującym plazmę jest równanie Vlasova

$$f_{\alpha} \quad (2)$$

W praktyce jest ono również nierozwiązywalne. Jednym z powodów jest konieczność uzyskania dobrej rozdzielczości prędkości przy jednoczesnym zachowaniu zakresów obejmujących prędkości relatywistyczne.

W modelowaniu komputerowym plazmy stosuje się dwa główne podejścia:

1. modele płynowe oparte na ciągłym opisie plazmy poprzez uśrednienie po dystrybucji wielkości termodynamicznych, co daje modele takie jak magnetohydrodynamikę
2. modele dyskretne oparte na samplowaniu dystrybucji plazmy przy użyciu dyskretnych cząstek

Prawdopodobnie najpopularniejszym modelem z tej drugiej kategorii są modele Particle-in-cell.

2.3 Modele Particle-in-cell

Idea modelu particle-in-cell jest wyjątkowo prosta i opiera się na idei przyspieszenia najbardziej złożonego obliczeniowo kroku symulacji dynamiki molekularnej, czyli obliczania sił międzycząsteczkowych. Cząstki poruszają się w ciągłej, Lagrange'owskiej przestrzeni. Ich ruch wykorzystywany jest do zebrania informacji dotyczącej gęstości ładunku i prądu na dyskretną, Eulerowską siatkę. Na siatce rozwiązane są (jako równania różniczkowe cząstkowe) równania Maxwella, dzięki którym otrzymuje się pola elektryczne i magnetyczne, które z powrotem są przekazane do położenia cząstek. Obliczeniowo, uwzględniając koszty odpowiednich interpolacji, pozwala to zredukować złożoność kroku obliczenia sił międzycząsteczkowych do $n \log n$ z n^2

Algorytm particle-in-cell składa się z czterech elementów

2. CZĘŚĆ ANALITYCZNO-TEORETYCZNA

1. GATHER

depozycja ładunku oraz prądu z położenia cząstek do lokacji na dyskretnej siatce poprzez interpolację, co pozwala na sprawne rozwiązanie na tej siatce równań Maxwella jako układu różnicowych równań cząstkowych zamiast obliczania skalujących się kwadratowo w liczbie cząstek oddziaływań kulombowskich między nimi.

2. SOLVE

Sprawne rozwiązanie Maxwella na dyskretnej, Eulerowskiej siatce; znalezienie pól elektrycznego i magnetycznego na podstawie gęstości ładunku i prądu na siatce.

3. SCATTER

Interpolacja pól z siatki do lokacji cząstek, co pozwala określić siły elektromagnetyczne działające na cząstki.

4. PUSH

iteracja równań ruchu cząstek na podstawie ich prędkości (aktualizacja położenia) oraz działających na nie sił elektromagnetycznych (aktualizacja prędkości).

2.3.1 Makrocząstki

Należy zauważyć, że obecnie nie jest możliwe dokładne odwzorowanie dynamiki układów plazmowych w sensie interakcji między poszczególnymi cząstkami ze względu na liczbę cząstek. W tym kontekście bardzo szczęśliwym jest fakt, że wszystkie istotne wielkości zależą nie od ładunku ani masy, ale od stosunku q/m . W praktyce stosuje się więc *makrocząstki*, obdarzone ładunkiem i masą będące wielokrotnościami tych wielkości dla cząstek występujących w naturze (jak jony i elektrony, pozwalając jednocześnie zachować gęstości cząstek i ładunku zbliżone do rzeczywistych).

2.4 Problem testowy

Problemem testowym, jakiego używamy do przetestowania wydajności działania algorytmu jest interakcja impulsu laserowego z tarczą składającą się ze zjonizowanego wodoru i elektronów.

Układ ten modelowany jest jako jednowymiarowy.

Jest to tak zwany w literaturze model 1D-3D. O ile położenia cząstek są jednowymiarowe

2.5 Python

Python jest wysokopoziomowym, interpretowanym językiem programowania, którego atutami są szybkie prototypowanie,

Python znajduje zastosowania w analizie danych, uczeniu maszynowym (zwłaszcza w astronomii). W zakresie symulacji w ostatnich czasach powstały kody skalujące się nawet w zakresie superkomputerów, np. w mechanice płynów

Atutem Pythona w wysokowydajnych obliczeniach jest łatwość wywoływania w nim zewnętrznych bibliotek napisanych na przykład w C lub Fortranie, co pozwala na osiągnięcie

2. CZĘŚĆ ANALITYCZNO-TEORETYCZNA

podobnych rezultatów wydajnościowych jak dla kodów napisanych w C.

2.6 Optymalizacja kodu

3. OPIS I TREŚĆ KODU

3 Opis i treść kodu

Cały kod programu w celu reprodukowalności wyników tworzony był i jest dostępny na platformie Github

3.1 Struktura i hierarchia kodu

Program ma obiektową strukturę zewnątrz, którą w celu łatwości zrozumienia jego działania nakrywa wewnętrzną warstwę składającą się głównie z n-wymiarowych tablic *NumPy* oraz zvektoryzowanych operacji na nich.

Kod składa się z kilku prostych koncepcyjnie elementów:

3.1.1 Species

Klasa reprezentująca pewną grupę cząstek (np. elektrony w symulacji)

3.1.2 Grid

Klasa reprezentująca dyskretną siatkę, na której dokonywane są obliczenia dot. pól elektromagnetycznych.

3.1.3 Simulation

Klasa zbierająca w całość Grid oraz dowolną liczbę Species zawartych w symulacji, jak również pozwalająca w prosty sposób na wykonywanie iteracji algorytmu i analizy danych. Jest tworzona tak przy uruchamianiu symulacji, jak i przy wczytywaniu danych z plików .hdf5.

3.1.4 Pliki pomocnicze

Poza powyższymi program jest podzielony na pliki:

- `algorithms_grid` - zawiera algorytmy dot. rozwiązywania równań Maxwella na dyskretnej siatce
- `algorithms_interpolation` - zawiera algorytmy dot. interpolacji z cząstek na siatkę i odwrotnie
- `algorithms_pusher` - zawiera algorytmy integrujące numerycznie równania ruchu cząstek
- `animation` - tworzy animacje dla celów analizy danych
- `static_plots` - tworzy statyczne wykresy dla celów analizy danych
- `Plotting` - zawiera ustawienia dot. analizy danych

Configi testowe są zawarte w plikach `run_*`:

- `run_coldplasma`
- `run_twostream`
- `run_wave`
- `run_beam`

Testy jednostkowe są zawarte w katalogu tests:

3.2 Wybrane algorytmy

Należy zauważyć, że w inicjalizacyjnej iteracji algorytmu pomija się przesunięcie cząstek w przestrzeni, aktualizując jedynie prędkości. Krok czasowy jest wtedy ustawiany na minus połowę swojej zwykłej wartości, co pozwala na obliczenia z wykorzystaniem prędkości znanej w połowie kroku czasowego między kolejnymi iteracjami czasowymi. Jest to tzw. algorytm leapfrog stosowany tam, gdzie potrzebna jest długofalowa stałość energii symulacji. Wynika to z symplektyczności tego rodzaju integratorów równań ruchu (w przeciwieństwie do, na przykład, standardowej metody Runge-Kutta 4, która mimo swej większej dokładności nie zachowuje energii cząstek).

3.3 Implementacje poszczególnych części algorytmów

Ewolucja pola elektromagnetycznego opisana jest poprzez równania Maxwella. Jak pokazują Buneman i Ville numerycznie można zastosować dwa główne podejścia: 1. wykorzystać równania na dywergencję pola (prawa Gaussa) do rozwiązania pola na całej siatce. Niestety, jest to algorytm inherentnie globalny, w którym informacja o warunkach brzegowych jest konieczna w każdym oczku siatki 2. wykorzystać równania na rotację pola (prawa Ampera i Faradaya), opisujące ewolucję czasową pól. Jak łatwo pokazać (Buneman), dywergencja pola elektrycznego oraz magnetycznego nie zmienia się w czasie pod wpływem tak opisanej ewolucji czasowej:

Co za tym idzie, jeżeli rozpoczniemy symulację od znalezienia pola na podstawie warunków brzegowych i początkowych (gęstości ładunku), możemy już dalej iterować pole na podstawie równań rotacji. Ma to dwie znaczące zalety: * algorytm ewolucji pola staje się trywialny, zwłaszcza w 1D - ogranicza się do elementarnego dodawania i mnożenia * algorytm ewolucji pola staje się lokalny (do znalezienia wartości pola w danym oczku w kolejnej iteracji wykorzystujemy jedynie informacje zawarte w tym właśnie oczku i potencjalnie jego sąsiadach co zapobiega problemowi informacji przebiegającej w symulacji szybciej niż światło oraz zapewnia stabilność na podstawie warunku Couranta.

3.4 Implementacja podstawowych algorytmów numerycznych stosowanych w symulacji

3.5 Wykorzystane techniki i technologie

- obliczenia wektorowe
- pytest; Test-driven development
- format plików danych hdf5
- wykresy: matplotlib
- scipy
- numba
- numpy

Przy pracy nad kodem użyto frameworku testowego pytest Obsługa testów jest trywialna:

3. OPIS I TREŚĆ KODU

Należy zaznaczyć, że w numeryce testy jednostkowe potrafią zaoszczędzić bardzo dużo czasu na polowaniach na bugi poprzez automatyzację uruchamiania kolejnych partii kodu. Dobrze napisane testy są praktycznie koniecznością w dzisiejszych czasach.

3.5.1 Numba

Innym podejściem do optymalizacji kodu napisanego w Pythonie jest kompilacja Just-In-Time, polegająca na

4 Część weryfikacyjna

4.1 Przypadki testowe - porównanie z LPIC++

4.2 Benchmarki - szybkość, zasobożerność

4.3 Problemy napotkane w trakcie pisania kodu

5 Zakończenie

LITERATURA

Literatura

- [1] Albert Einstein. Zur Elektrodynamik bewegter Körper. (German) [On the electrodynamics of moving bodies]. *Annalen der Physik*, 322(10):891–921, 1905.
- [2] Michel Goossens, Frank Mittelbach, and Alexander Samarin. *The L^AT_EX Companion*. Addison-Wesley, Reading, Massachusetts, 1993.
- [3] Donald Knuth. Knuth: Computers and typesetting.