

二分法 Binary Search

课程版本 4.2 主讲 令狐冲



扫描二维码关注微信/微博 获取最新面试题及权威解答

微信: ninechapter

微博: http://www.weibo.com/ninechapter

知乎: http://zhuanlan.zhihu.com/jiuzhang

官网: http://www.jiuzhang.com



版权声明

九章的所有课程均受法律保护,不允许录像与传播录像 一经发现,将被追究法律责任和赔偿经济损失

上课须知



• 课程错过不补课, 也不提供任何视频

- 你才会把在两个小时内集中精力,全神贯注
- · 你才会把学习放在第一位,而不是先 LoL 一把,先逛个街,先和朋友吃个饭
- 你才会获得最佳的课程体验
- 良苦用心希望同学们理解
- 不允许建私群(包括QQ群, 微信群)
 - 在QQ群中拉人私下组群的将被踢群并不再提供QQ答疑服务
- LintCode 阶梯训练如何使用: http://www.jiuzhang.com/fag/31/
- 课程各类服务的有效期为一年
 - LintCode阶梯训练访问权限
 - QQ群答疑
 - QA答疑
 - 课件
 - 知识点小视频

新学员问题



- 新学员必读常见问题解答
 - http://www.jiuzhang.com/qa/3/
- 第一节课错过了怎么办?
 - 报名下一期的《九章算法班》第一节课免费试听即可
- 学员QQ群是什么?怎么加?
 - 请登录官网在右上角"我的课程"中查看QQ群号
- 九章的账户绑定到LintCode之后可以解除绑定么?
 - 不可以
 - 因此不要把你的九章账户给别人使用
 - 一些老学员的 LintCode 账号绑定了其他人的九章账户是因为你以前把账号共享给了其他人
 - 你可以申请新的 LintCode 账户和你现在的账户进行绑定
 - LintCode 相关问题请参见: http://www.jiuzhang.com/qa/683/
- 更多问题的答案请见: http://www.jiuzhang.com/faq/

每节课的具体上课时间(请注意日期和时区,特别是周几)



章节	内容	北京时间	美东时间	美西时间
1	Introducing Algorithm Interview & Coding Style【免费试听】	2017/09/10 09:30:00	2017/09/09 21:30:00	2017/09/09 18:30:00
2	二分搜索 Binary Search	2017/09/16 09:30:00	2017/09/15 21:30:00	2017/09/15 18:30:00
3	二叉树问题与分治算法 Binary Tree & Divide Conquer	2017/09/17 09:30:00	2017/09/16 21:30:00	2017/09/16 18:30:00
4	宽度优先搜索 Breadth First Search	2017/09/23 09:30:00	2017/09/22 21:30:00	2017/09/22 18:30:00
5	深度优先搜索 Depth First Search	2017/09/24 09:30:00	2017/09/23 21:30:00	2017/09/23 18:30:00
6	链表与数组 Linked List & Array	2017/09/30 09:30:00	2017/09/29 21:30:00	2017/09/29 18:30:00
7	双指针算法 Two Pointers	2017/10/01 09:30:00	2017/09/30 21:30:00	2017/09/30 18:30:00
8	数据结构 Data Structure	2017/10/07 09:30:00	2017/10/06 21:30:00	2017/10/06 18:30:00
9	分数 Dynamic Programming	2017/10/08 09:30:00	2017/10/07 21:30:00	2017/10/07 18:30:00

Outline



- 第一境界 二分法模板
 - 时间复杂度小练习
 - 递归与非递归的权衡
 - 二分的三大痛点
 - 通用的二分法模板
- 第二境界:二分位置 之 圈圈叉叉 Binary Search on Index OOXX
 - 找到满足某个条件的第一个位置或者最后一个位置
- 第三境界:二分位置 之 保留一半 Binary Search on Index Half half
 - 保留有解的一半. 或者去掉无解的一半



Binary Search

Given an sorted integer array - nums, and an integer - target.

Find the **any/first/last** position of target in nums

Return **-1** if target does not exist.



T(n) = T(n/2) + O(1) = O(logn)

通过O(1)的时间, 把规模为n的问题变为n/2

思考:通过O(n)的时间, 把规模为n的问题变为n/2?

Time Complexity in Coding Interview



- O(1) 极少
- O(logn) 几乎都是二分法
- O(√n) 几乎是分解质因数
- O(n) 高频
- O(nlogn) 一般都可能要排序
- O(n²) 数组, 枚举, 动态规划
- O(n³) 数组, 枚举, 动态规划
- O(2ⁿ) 与组合有关的搜索
- O(n!) 与排列有关的搜索



独孤九剑 —— 破剑式

比O(n)更优的时间复杂度 几乎只能是O(logn)的二分法

经验之谈:根据时间复杂度倒推算法是面试中的常用策略



Recursion or While Loop?

R: Recursion

W: While loop

B: Both work

Recursion or Non-Recursion



- 面试中是否使用 Recursion 的几个判断条件
 - 1. 面试官是否要求了不使用 Recursion (如果你不确定, 就向面试官询问)
 - 2. 不用 Recursion 是否会造成实现变得很复杂
 - 3. Recursion 的深度是否会很深
 - 4. 题目的考点是 Recursion vs Non-Recursion 还是就是考你是否会Recursion?
- 记住:不要自己下判断,要跟面试官讨论!

二分法常见痛点



- 又死循环了! what are you 弄撒捏!
- 循环结束条件到底是哪个?
 - start <= end
 - start < end
 - start + 1 < end
- 指针变化到底是哪个?
 - start = mid
 - start = mid + 1
 - start = mid 1



第一境界 二分法模板

http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-search/

start + 1 < end start + (end - start) / 2 A[mid] ==, <, > A[start] A[end] ? target



令狐大师兄手把手教你写代码

http://www.lintcode.com/problem/classical-binary-search/

http://www.lintcode.com/problem/first-position-of-target/

http://www.lintcode.com/problem/last-position-of-target/



第二境界 二分位置 之 OOXX

一般会给你一个数组 让你找数组中第一个/最后一个满足某个条件的位置 OOOOOO...OOXX....XXXXXXX



First Bad Version

http://www.lintcode.com/problem/first-bad-version/

http://www.jiuzhang.com/solutions/first-bad-version/

First version that is bad version



Search In a Big Sorted Array

http://www.lintcode.com/problem/search-in-a-big-sorted-array/

http://www.jiuzhang.com/solutions/search-in-a-big-sorted-array/



Take a break

5 分钟后回来



Find Minimum in Rotated Sorted Array

http://www.lintcode.com/problem/find-minimum-in-rotated-sorted-array/

http://www.jiuzhang.com/solutions/find-minimum-in-rotated-sorted-array/

First position <= Last Number

(WRONG: First position <= or < First Number)

相关练习



- Search a 2D Matrix
 - http://www.lintcode.com/en/problem/search-a-2d-matrix/
 - http://www.lintcode.com/en/problem/search-a-2d-matrix-ii/
 - 不是二分法, 但是是常考题
- Search for a Range
 - http://www.lintcode.com/en/problem/search-for-a-range/
 - http://www.lintcode.com/en/problem/total-occurrence-of-target/
- Maximum Number in Mountain Sequence
 - http://www.lintcode.com/en/problem/maximum-number-in-mountain-sequence/
- Smallest Rectangle Enclosing black Pixels
 - http://www.lintcode.com/problem/smallest-rectangle-enclosing-black-pixels/

• 以上题目的答案请在 http://www.jiuzhang.com/solutions 中搜索

•



第三境界 二分位置 之 Half half

并无法找到一个条件, 形成 OOXX 的模型 但可以根据判断, 保留下有解的那一半或者去掉无解的一半



Maximum Number in Mountain Sequence

http://www.lintcode.com/problem/maximum-number-in-mountain-sequence/
http://www.jiuzhang.com/solutions/maximum-number-in-mountain-sequence/
在先增后减的序列中找最大值



Find Peak Element

http://www.lintcode.com/problem/find-peak-element/

http://www.jiuzhang.com/solutions/find-peak-element/

follow up: Find Peak Element II (by 算法强化班)



Search in Rotated Sorted Array

http://www.lintcode.com/problem/search-in-rotated-sorted-array/

http://www.jiuzhang.com/solutions/search-in-rotated-sorted-array/

会了这道题,才敢说自己会二分法

总结 —— 我们今天学到了什么



- 使用递归与非递归的权衡方法
- 使用T函数的时间复杂度计算方式
- 二分法模板的四点要素
 - start + 1 < end
 - start + (end start) / 2
 - A[mid] ==, <, >
 - A[start] A[end] ? target
- 三个境界
 - 二分法模板
 - OOXX
 - Half half

Related Questions



- Search in a 2D Matrix II
 - 小视频: http://www.jiuzhang.com/video/search-a-2d-matrix-ii/
 - 不是二分法, 但是是常考题
- Binary Search:
 - http://www.lintcode.com/en/tag/binary-search/
- Rotate Array
 - 小视频: http://www.jiuzhang.com/video/3-step-reverse/
 - http://www.lintcode.com/problem/recover-rotated-sorted-array/
 - http://www.lintcode.com/problem/rotate-string/
 - 三步翻转法:
 - $[4,5,1,2,3] \rightarrow [5,4,1,2,3] \rightarrow [5,4,3,2,1] \rightarrow [1,2,3,4,5]$
- 点题时间:
 - http://www.jiuzhang.com/qa/974/



想学习更难的二分法?

《九章算法强化班》

http://www.jiuzhang.com/course/5/

第四境界(至高境界):二分答案

例题: http://www.lintcode.com/problem/copy-books/



二分法相关题目的解题报告

参考程序+详细的思路描述

http://www.jiuzhang.com/article/?tags=binary-search