# 浙江水学



# 《计算机图形学》 实验报告

实验名称	•	Solar System
姓 名	:	王晓宇
学 号	:	3220104364
电子邮箱	:	3220104364@zju.edu.cn
联系电话	:	19550222634
授课教师	:	吴鸿智
助 教	:	丁华铿

2024 年 12 月 4 日

#### Dream Car

- 1 实验内容及简要原理介绍
  - 1.1 实验内容
  - 1.2 简要原理介绍
    - 1.2.1 贝塞尔曲面的定义
- 2 实验框架思路与代码实现
  - 2.1 实验框架思路
    - 2.1.1 main 函数
    - 2.1.2 framebuffer\_size\_callback 函数
    - 2.1.3 processInput 函数
    - 2.1.4 mouse\_callback 函数
  - 2.2 代码实现
    - 2.2.1 camera.h
    - 2.2.2 MyObj.hpp
    - 2.2.3 MyBezier.hpp
    - 2.2.4 Main.cpp
- 3 实验结果与分析
- 4 思考题
  - 4.1 Obj模型的优缺点
    - 4.1.1 优点
    - 4.1.2 缺点
  - 4.2 贝塞尔曲面的优缺点
    - 4.2.1 优点
    - 4.2.2 缺点

# Dream Car

# 1 实验内容及简要原理介绍

# AS#7: Design Your Dream Car

- Program using 2 modeling techniques in today's class to build the shape of your dream car
- Compare the strengths and weaknesses of the techniques you use
- Render your car in the same viewer as in the solar system assignment
- No appearance specification needed, just the shape
- Bonus (10%):
  - Use 3 modeling techniques
- Due: 12/04



# 1.1 实验内容

本次实验旨在通过**OpenGL**和相关库实现一个简单的汽车模拟程序。程序将展示一辆汽车,以及我们的视角移动变换下的场景。

此外还要求实现两种建模技术的实现,本文实现了课上所讲的**0bj**模型导入与贝塞尔曲面实现。

#### 1.2 简要原理介绍

OpenGL(Open Graphics Library)是一个跨语言、跨平台的图形API,用于渲染2D和3D矢量图形。本实验中,我们利用OpenGL的3D图形渲染能力,创建了一个汽车模拟场景。

OBJ (Object) 是一种常见的3D模型文件格式,广泛用于存储几何数据(如顶点、法线、纹理坐标等)。OBJ文件通常包含顶点坐标、法线、纹理坐标和面信息。

贝塞尔曲面是一种广泛应用于计算机图形学中的参数曲面,用于生成平滑的曲面。贝塞尔曲面通常由控制点和贝塞尔曲线生成。贝塞尔曲面广泛应用于计算机图形学中的曲面建模、动画、字体设计等领域。例如,在3D建模软件中,贝塞尔曲面常用于创建平滑的曲面模型。

# 1.2.1 贝塞尔曲面的定义

贝塞尔曲面由两组贝塞尔曲线生成,通常使用双参数(u, v)来表示曲面上的点。对于 $m \times n$ 阶贝塞尔曲面,控制点为 $P_{\{ij\}}$ ,曲面上任意一点S(u, v)可以表示为:

$$S(u,v) = \sum_{i=0}^m \sum_{j=0}^n P_{ij} \cdot B_i^m(u) \cdot B_j^n(v)$$

其中,  $B_i^m(u)$ 和 $B_i^n(v)$ 是Bernstein函数。

# 2 实验框架思路与代码实现

# 2.1 实验框架思路

# 2.1.1 main函数

main 函数是整个程序的入口点,负责初始化GLFW、创建窗口、加载OpenGL函数指针、设置视口、加载着色器、创建几何体、加载模型、并在主循环中渲染场景。

#### 实现思路:

- 1. 初始化GLFW: 调用 **glfwInit()** 初始化GLFW库,并设置OpenGL版本为 3.3,使用核心模式。
- 2. 创建窗口:调用 glfwCreateWindow 创建一个窗口,调用 glfwMakeContextCurrent 将窗口的上下文设置为当前线程的上下文。
- 3. 调用 gladLoadGLLoader 加载OpenGL函数指针。
- 4. 设置视□: 调用 glViewport 设置视□大小,启用深度测试、点大小、混合等功能。
- 5. 设置回调函数:调用 glfwSetFramebufferSizeCallback 设置窗口大小变化回调函数,调用 glfwSetCursorPosCallback 设置鼠标移动回调函数。
- 6. 加载着色器: 创建 Shader 对象,加载顶点和片段着色器。

这里介绍一下引入的vertex.glsl和fragment.glsl,两个文件均使用GLSL (OpenGL着色语言)编写。

顶点着色器的主要作用是处理每个顶点的属性,并将这些属性传递给后续片段 着色器的渲染管线阶段,这个顶点着色器的主要作用是将顶点的位置从模型空 间转换到裁剪空间,同时计算并传递片段位置、纹理坐标和法线。

这里的片段着色器主要作用是计算每个片段的光照效果。它接收顶点着色器传递的法线和片段位置,以及统一变量传递的观察者位置和光源信息。通过调用不同的光照计算函数,它计算定向光、点光源和聚光灯的光照效果,并将结果累加起来,最终得到片段的颜色,实现了一个基本的光照模型,可以用于渲染具有多种光源的3D场景。

- 7. 创建 MyObj 对象,加载obj模型。
- 8. 创建 MyBezier 对象,加载贝塞尔曲面,紧接着完成参数初始化。
- 9. 在主循环中,处理输入、计算帧时间、清空颜色和深度缓冲、设置视图和投影矩阵、渲染模型,并交换缓冲区。
- 10. 在程序结束时,释放资源,终止GLFW。

# 2.1.2 framebuffer\_size\_callback 函数

framebuffer\_size\_callback 函数在窗□大小变化时被调用,用于调整视□大小 以适应新的窗□尺寸。

实现思路: 调用 glViewport 设置视口大小为新的窗口尺寸。

#### 2.1.3 processInput 函数

processInput 函数处理键盘输入,包括关闭窗口和控制相机移动。

#### 实现思路:

- 检查 GLFW\_KEY\_ESCAPE 键是否被按下,如果是,则设置窗口关闭标志。
- 检查 GLFW\_KEY\_W、GLFW\_KEY\_S、GLFW\_KEY\_A、GLFW\_KEY\_D 键是否 被按下,如果是,则调用 camera.ProcessKeyboard 函数控制相机移动。

#### 2.1.4 mouse\_callback 函数

mouse\_callback 函数处理鼠标移动事件,用于控制相机视角。

#### 实现思路:

- 计算鼠标当前位置与上一帧位置的偏移量。
- 更新上一帧的鼠标位置。

• 调用 camera. ProcessMouseMovement 函数处理鼠标移动,更新相机视角。

# 2.2 代码实现

#### 2.2.1 camera.h

```
1 #ifndef CAMERA_H
    #define CAMERA_H
   #include <glad/glad.h>
   #include <glm/glm.hpp>
   #include <glm/gtc/matrix_transform.hpp>
   #include <vector>
9
10
   // Defines several possible options for camera movement. Used as
    abstraction to stay away from window-system specific input methods
   enum Camera_Movement
11
12
   {
13
        FORWARD,
14
        BACKWARD,
15
        LEFT,
16
        RIGHT
17
   };
18
19
   // Default camera values
   const float YAW = -90.0f;
20
   const float PITCH = 0.0f;
21
   const float SPEED = 2.5f;
22
    const float SENSITIVITY = 0.1f;
23
24
   const float ZOOM = 45.0f;
25
```

```
26 // An abstract camera class that processes input and calculates
    the corresponding Euler Angles, Vectors and Matrices for use in
    OpenGL
27
   class Camera
28
   public:
29
30
        // camera Attributes
        glm::vec3 Position;
31
32
        glm::vec3 Front;
33
        glm::vec3 Up;
34
        glm::vec3 Right;
        glm::vec3 WorldUp;
35
        // euler Angles
36
37
        float Yaw;
        float Pitch;
38
39
        // camera options
40
        float MovementSpeed;
41
        float MouseSensitivity;
42
        float Zoom;
43
        // constructor with vectors
44
        Camera(glm::vec3 position = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f),
45
    glm::vec3 up = glm::vec3(0.0f, 1.0f, 0.0f), float yaw = YAW, float
    pitch = PITCH) : Front(glm::vec3(0.0f, 0.0f, -1.0f)),
    MovementSpeed(SPEED), MouseSensitivity(SENSITIVITY), Zoom(ZOOM)
46
        {
47
            Position = position;
            WorldUp = up;
48
49
            Yaw = yaw;
50
            Pitch = pitch;
            updateCameraVectors();
51
        }
52
       // constructor with scalar values
53
```

```
54
        Camera(float posX, float posY, float posZ, float upX, float
    upY, float upZ, float yaw, float pitch) : Front(glm::vec3(0.0f,
    0.0f, -1.0f)), MovementSpeed(SPEED),
    MouseSensitivity(SENSITIVITY), Zoom(ZOOM)
55
        {
56
            Position = glm::vec3(posX, posY, posZ);
57
            WorldUp = glm::vec3(upX, upY, upZ);
            Yaw = yaw;
58
59
            Pitch = pitch;
            updateCameraVectors();
60
        }
61
62
63
        // returns the view matrix calculated using Euler Angles and
    the LookAt Matrix
        glm::mat4 GetViewMatrix()
64
65
        {
66
            return glm::lookAt(Position, Position + Front, Up);
67
        }
68
69
        // processes input received from any keyboard-like input
    system. Accepts input parameter in the form of camera defined ENUM
    (to abstract it from windowing systems)
70
        void ProcessKeyboard(Camera_Movement direction, float
    deltaTime)
71
        {
72
            float velocity = MovementSpeed * deltaTime;
73
            if (direction == FORWARD)
                Position += Front * velocity;
74
75
            if (direction == BACKWARD)
76
                Position -= Front * velocity;
            if (direction == LEFT)
77
                Position -= Right * velocity;
78
            if (direction == RIGHT)
79
                Position += Right * velocity;
81
82
            // Position.y = 0.0f;
```

```
83
         }
 84
         // processes input received from a mouse input system. Expects
 85
     the offset value in both the x and y direction.
 86
         void ProcessMouseMovement(float xoffset, float yoffset,
     GLboolean constrainPitch = true)
 87
             xoffset *= MouseSensitivity;
 88
             yoffset *= MouseSensitivity;
 89
 90
91
             Yaw += xoffset;
             Pitch += yoffset;
 92
 93
 94
             // make sure that when pitch is out of bounds, screen
     doesn't get flipped
             if (constrainPitch)
 95
 96
             {
97
                 if (Pitch > 89.0f)
98
                     Pitch = 89.0f;
                 if (Pitch < -89.0f)
99
                     Pitch = -89.0f;
100
101
             }
102
103
             // update Front, Right and Up Vectors using the updated
     Euler angles
104
             updateCameraVectors();
105
         }
106
107
         // processes input received from a mouse scroll-wheel event.
     Only requires input on the vertical wheel-axis
         void ProcessMouseScroll(float yoffset)
108
109
         {
110
             Zoom -= (float)yoffset;
             if (Zoom < 1.0f)
111
                 Zoom = 1.0f;
112
             if (Zoom > 45.0f)
113
```

```
114
                 Zoom = 45.0f;
115
         }
116
117
     private:
118
         // calculates the front vector from the Camera's (updated)
     Euler Angles
119
         void updateCameraVectors()
120
             // calculate the new Front vector
121
122
             glm::vec3 front = glm::vec3(1.0f);
             front.x = cos(glm::radians(Yaw)) *
123
     cos(glm::radians(Pitch));
             front.y = sin(glm::radians(Pitch));
124
125
             front.z = sin(glm::radians(Yaw)) *
     cos(glm::radians(Pitch));
126
             Front = glm::normalize(front);
127
             // also re-calculate the Right and Up vector
128
             Right = glm::normalize(glm::cross(Front, WorldUp)); //
     normalize the vectors, because their length gets closer to 0 the
     more you look up or down which results in slower movement.
             Up = glm::normalize(glm::cross(Right, Front));
129
         }
130
131 };
    #endif
132
```

camera.h 文件定义了一个名为 Camera 的类,用于处理摄像机的移动、视角变换和视图矩阵的计算。以下是对文件内容的详细分析:

#### • 包含的库:

- 。 **glad/glad.h**: **OpenGL**函数加载库。
- 。 **glm/glm.hpp** 和 **glm/gtc/matrix\_transform.hpp**: **GLM**数学 库,用于处理向量、矩阵等数学运算。
- o vector:标准库中的向量容器。

• 摄像机移动枚举:定义了摄像机移动的四种方向: FORWARD (前进)、BACKWARD (后退)、LEFT (左移)和 RIGHT (右移)。

```
1  enum Camera_Movement
2  {
3     FORWARD,
4     BACKWARD,
5     LEFT,
6     RIGHT
7  };
```

# • 默认摄像机参数:

```
○ YAW: 偏航角, 默认值为 -90.0f。
```

• **PITCH**: 俯仰角, 默认值为 **0.0f**。

• SPEED: 移动速度,默认值为 2.5f。

• SENSITIVITY: 鼠标灵敏度,默认值为 0.1f。

• ZOOM:缩放级别,默认值为 45.0f。

# • 类 Camera

```
1 class Camera
 3
    public:
 4
        // camera Attributes
 5
        glm::vec3 Position;
        glm::vec3 Front;
 6
 7
        glm::vec3 Up;
        glm::vec3 Right;
 8
 9
        glm::vec3 WorldUp;
10
        // euler Angles
11
        float Yaw;
12
        float Pitch;
13
        // camera options
14
        float MovementSpeed;
15
        float MouseSensitivity;
        float Zoom;
16
```

# 成员变量:

- Position: 摄像机位置, 类型为 glm::vec3。
- o Front: 摄像机朝向, 类型为 glm::vec3。
- 。 Up: 摄像机上方向,类型为 glm::vec3。
- Right: 摄像机右方向, 类型为 glm::vec3。
- 。 WorldUp: 世界坐标系的上方向, 类型为 glm::vec3。
- o Yaw 和 Pitch: 偏航角和俯仰角, 类型为 float。
- o MovementSpeed: 移动速度, 类型为 float。
- MouseSensitivity: 鼠标灵敏度, 类型为 float。
- o Zoom:缩放级别,类型为 float。

# • 构造函数:

- 提供了两个构造函数,一个接受向量参数,另一个接受标量参数。
- 初始化摄像机的位置、上方向、偏航角和俯仰角。
- 。 调用 **updateCameraVectors** 函数更新摄像机的朝向、右方向和上方向。

# • 获取视图矩阵:

- 使用 glm::lookAt 函数计算视图矩阵。
- o Position 是摄像机的位置。
- Position + Front 是摄像机的目标位置。
- Up 是摄像机的上方向。

#### • 处理键盘输入:

- 根据输入的方向(FORWARD、BACKWARD、LEFT、RIGHT)更新摄像机的位置。
- o deltaTime 是时间增量,用于控制移动速度。
- 注释掉的代码 Position.y = 0.0f; 用于限制摄像机在Y轴上的移动。
  - void ProcessKeyboard(Camera\_Movement direction, float
    deltaTime)

```
{
2
 3
        float velocity = MovementSpeed * deltaTime;
        if (direction == FORWARD)
4
 5
            Position += Front * velocity;
        if (direction == BACKWARD)
 6
            Position -= Front * velocity;
 7
        if (direction == LEFT)
 8
            Position -= Right * velocity;
9
        if (direction == RIGHT)
10
            Position += Right * velocity;
11
12
        // Position.y = 0.0f;
13
14 }
```

## • 处理鼠标移动:

- 根据鼠标的偏移量更新摄像机的偏航角和俯仰角。
- o constrainPitch 参数用于限制俯仰角的范围,防止摄像机翻转。
- 。 调用 **updateCameraVectors** 函数更新摄像机的朝向、右方向和上方向。

```
void ProcessMouseMovement(float xoffset, float yoffset,
1
    GLboolean constrainPitch = true)
2
 3
        xoffset *= MouseSensitivity;
        yoffset *= MouseSensitivity;
 4
 5
        Yaw += xoffset;
 6
        Pitch += yoffset;
 8
        if (constrainPitch)
9
        {
10
            if (Pitch > 89.0f)
11
12
                Pitch = 89.0f;
            if (Pitch < -89.0f)
13
                Pitch = -89.0f;
14
```

```
15    }
16
17    updateCameraVectors();
18 }
```

# • 处理鼠标滚轮:

- 根据鼠标滚轮的偏移量更新摄像机的缩放级别。
- 限制缩放级别的范围在 **1.0f** 到 **45.0f** 之间。

```
void ProcessMouseScroll(float yoffset)

Zoom -= (float)yoffset;

if (Zoom < 1.0f)

Zoom = 1.0f;

if (Zoom > 45.0f)

Zoom = 45.0f;

}
```

# • 更新摄像机向量:

- 根据偏航角和俯仰角计算新的朝向向量 Front。
- 使用 glm::cross 函数计算右方向向量 Right 和上方向向量 Up。
- 对向量进行归一化处理。

```
void updateCameraVectors()
1
2
   {
        glm::vec3 front = glm::vec3(1.0f);
 3
4
        front.x = cos(glm::radians(Yaw)) *
    cos(glm::radians(Pitch));
        front.y = sin(glm::radians(Pitch));
5
        front.z = sin(glm::radians(Yaw)) *
6
    cos(glm::radians(Pitch));
        Front = glm::normalize(front);
7
8
        Right = glm::normalize(glm::cross(Front, WorldUp));
9
        Up = glm::normalize(glm::cross(Right, Front));
10
11 }
```

camera.h 文件实现了一个简单的摄像机类,用于处理摄像机的移动、视角变换和视图矩阵的计算。该类支持键盘输入、鼠标移动和鼠标滚轮输入,并提供了默认的摄像机参数。通过更新摄像机的位置和方向,可以实现第一人称视角的摄像机控制。

# 2.2.2 MyObj.hpp

```
#ifndef MyObj_HPP
   #define MyObj_HPP
 3
   #include <glad/glad.h>
   #include <glm/glm.hpp>
   #include <glm/gtc/matrix_transform.hpp>
   #include <tool/shader.h>
9
   #include <string>
10
   #include <vector>
11
12
   using namespace std;
13
   struct Obj_Vertex
14
       glm::vec3 Position; // 顶点属性
15
16
       glm::vec3 Normal;
                           // 法线
17
       glm::vec2 TexCoords; // 纹理坐标
```

```
glm::vec4 Color; // 颜色
18
   };
19
   class MyObj
20
21
    {
22
    public:
23
        vector<Obj_Vertex> vertex;
24
        glm::vec4 color;
25
        unsigned int VAO;
26
        unsigned int VBO;
27
        vector<float> _vert;
28
       vector<float> _tex;
29
        vector<float> _norm;
30
        // mesh Data
31
        MyObj(const char *path, glm::vec4 _color = glm::vec4(0.04,
    0.9, 0.84, 0.88))
        {
32
33
            this->color = _color;
34
            loadModel(path);
35
            // printf("load model success\n");
            // printf("vertex size: %d\n", vertex.size());
36
37
        }
        // render the mesh
38
39
       void Draw(Shader &shader)
40
        {
            glBindVertexArray(VAO);
41
42
            glDrawArrays(GL_TRIANGLES, 0, static_cast<GLsizei>
    (vertex.size()));
43
            glBindVertexArray(0);
44
        }
45
        void loadModel(const char *path)
46
        {
            float x = 0.f, y = 0.f, z = 0.f;
47
            string content;
48
            ifstream fileStream(path, ios::in);
49
            string str = "";
50
51
```

```
52
            while (!fileStream.eof())
53
            {
                getline(fileStream, str);
54
55
                if (str.compare(0, 2, "v ") == 0)
57
                    std::stringstream stream(str.erase(0, 1));
58
                    stream >> x;
                    _vert.push_back(x);
59
60
                    stream >> y;
61
                    _vert.push_back(y);
62
                    stream >> z;
63
                    _vert.push_back(z);
64
                }
                if (str.compare(0, 2, "vt") == 0)
65
66
67
                    std::stringstream stream(str.erase(0, 2));
68
                    stream >> x;
69
                    _tex.push_back(x);
70
                    stream >> y;
71
                    _tex.push_back(y);
72
                }
                if (str.compare(0, 2, "vn") == 0)
73
74
                {
75
                    std::stringstream stream(str.erase(0, 2));
76
                    stream >> x;
77
                    _norm.push_back(x);
78
                    stream >> y;
79
                    _norm.push_back(y);
80
                    stream >> z;
81
                    _norm.push_back(z);
                }
82
                if (str.compare(0, 1, "f") == 0)
83
84
                {
85
                    string oneCorner, v, t, n;
86
                    std::stringstream stream(str.erase(0, 2));
87
                    for (int i = 0; i < 3; i++)
```

```
{
 88
 89
                         getline(stream, oneCorner, ' ');
 90
                         stringstream oneCornerSS(oneCorner);
 91
                         getline(oneCornerSS, v, '/');
                         getline(oneCornerSS, t, '/');
 92
 93
                         getline(oneCornerSS, n, '/');
 94
                         int Vert_index = (stoi(v) - 1) * 3;
 95
                         int Tex_index = (stoi(t) - 1) * 2;
 96
                         int Normal_index = (stoi(n) - 1) * 3;
 97
98
 99
                         Obj_Vertex _new_vertex;
100
                         _new_vertex.Position =
     glm::vec3(_vert[Vert_index], _vert[Vert_index + 1],
     _vert[Vert_index + 2]);
101
                         _new_vertex.TexCoords =
     glm::vec2(_tex[Tex_index], _tex[Tex_index + 1]);
102
                         _new_vertex.Normal =
     glm::vec3(_norm[Normal_index], _norm[Normal_index + 1],
     _norm[Normal_index + 2]);
103
                         _new_vertex.Color = color;
104
                         vertex.push_back(_new_vertex);
105
                     }
106
                 }
107
             }
108
109
             glGenVertexArrays(1, &VAO);
110
             glGenBuffers(1, &VBO);
111
             // bind the Vertex Array Object first, then bind and set
     vertex buffer(s), and then configure vertex attributes(s).
             glBindVertexArray(VAO);
112
113
114
             glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, VBO);
115
             glBufferData(GL_ARRAY_BUFFER, vertex.size() *
     sizeof(Obj_Vertex), &vertex[0], GL_STATIC_DRAW);
116
```

```
117
             glEnableVertexAttribArray(0);
118
             glvertexAttribPointer(0, 3, GL_FLOAT, GL_FALSE,
     sizeof(Obj_Vertex), (void *)0);
119
             // vertex normals
120
             glEnableVertexAttribArray(1);
121
             glvertexAttribPointer(1, 3, GL_FLOAT, GL_FALSE,
     sizeof(Obj_Vertex), (void *)offsetof(Obj_Vertex, Normal));
122
             // vertex texture coords
123
             glEnableVertexAttribArray(2);
124
             glvertexAttribPointer(2, 2, GL_FLOAT, GL_FALSE,
     sizeof(Obj_Vertex), (void *)offsetof(Obj_Vertex, TexCoords));
125
             // vertex color
             glEnableVertexAttribArray(3);
126
127
             glvertexAttribPointer(3, 4, GL_FLOAT, GL_FALSE,
     sizeof(Obj_Vertex), (void *)offsetof(Obj_Vertex, Color));
128
129
             glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, 0);
130
             glBindVertexArray(0);
131
         }
132 };
133
134 #endif
```

MyObj.hpp 文件定义了一个名为 MyObj 的类,用于加载和渲染OBJ格式的3D模型。以下是对文件内容的详细分析:

#### • 包含的库:

- 。 **glad/glad.h**: **OpenGL**函数加载库。
- glm/glm.hpp 和 glm/gtc/matrix\_transform.hpp: GLM数学 库,用于处理向量、矩阵等数学运算。
- 。 [tool/shader.h]: 自定义的着色器工具库。
- o string 和 vector: 标准库中的字符串和向量容器。
- **命名空间**: using namespace std; 简化了标准库的使用。
- 结构体 Obj\_Vertex

```
1 struct Obj_Vertex
2 {
3    glm::vec3 Position; // 顶点属性
4    glm::vec3 Normal; // 法线
5    glm::vec2 TexCoords; // 纹理坐标
6    glm::vec4 Color; // 颜色
7 };
```

# 。 顶点属性:

- Position: 顶点位置, 类型为 glm::vec3。
- Normal: 顶点法线,类型为 glm::vec3。
- TexCoords: 纹理坐标, 类型为 glm::vec2。
- Color: 顶点颜色, 类型为 glm::vec4。

# • 类 [MyObj]

```
1 class MyObj
    public:
 3
        vector<Obj_Vertex> vertex;
 4
 5
        glm::vec4 color;
 6
        unsigned int VAO;
 7
        unsigned int VBO;
 8
        vector<float> _vert;
 9
        vector<float> _tex;
        vector<float> _norm;
10
```

#### 成员变量:

- [vertex]: 存储顶点数据的向量,类型为 [vector<0bj\_Vertex>]。
- o color:模型的颜色,类型为 glm::vec4。
- VAO 和 VBO: 顶点数组对象和顶点缓冲对象的ID。
- o \_vert、\_tex 和 \_norm: 临时存储顶点位置、纹理坐标和法线数据的向量。

# • 构造函数:

。 接受一个OBJ文件路径和一个可选的颜色参数。

。 调用 loadModel 函数加载模型数据。

# 渲染函数:

- 。 绑定顶点数组对象 (VAO)。
- 使用 glDrawArrays 函数绘制三角形网格。
- o 解绑VAO。

#### • 模型加载函数:

- · 打开OBJ文件并逐行读取内容。
- 。解析顶点位置 (▼)、纹理坐标 (▼t) 和法线 (▼n),并存储在临时向量中。
- o 解析面 (f) 数据,将顶点、纹理坐标和法线组合成 Obj\_Vertex 结构体,并存储在 Vertex 向量中。
- 。 生成并配置VAO和VBO, 将顶点数据传递给OpenGL。
- 。 启用顶点属性并设置顶点属性指针。

MyObj.hpp 文件实现了一个简单的OBJ模型加载和渲染类。它通过解析OBJ文件中的顶点、纹理坐标和法线数据,生成顶点数组,并使用OpenGL进行渲染。该类还支持为模型指定颜色,并在没有指定颜色时使用默认颜色。

#### 2.2.3 MyBezier.hpp

```
1 #ifndef CAMERA_H
   #define CAMERA_H
   #include <glad/glad.h>
4
   #include <glm/glm.hpp>
    #include <glm/gtc/matrix_transform.hpp>
   #include <vector>
8
9
   // Defines several possible options for camera movement. Used as
10
    abstraction to stay away from window-system specific input methods
11
    enum Camera_Movement
12
13
        FORWARD,
14
        BACKWARD,
```

```
15
        LEFT,
16
        RIGHT
17
    };
18
19
    // Default camera values
    const float YAW = -90.0f;
20
21
    const float PITCH = 0.0f;
    const float SPEED = 2.5f;
22
23
    const float SENSITIVITY = 0.1f;
24
    const float ZOOM = 45.0f;
25
26
    // An abstract camera class that processes input and calculates
    the corresponding Euler Angles, Vectors and Matrices for use in
    OpenGL
    class Camera
27
28
29
    public:
30
        // camera Attributes
31
        glm::vec3 Position;
32
        glm::vec3 Front;
        glm::vec3 Up;
33
        glm::vec3 Right;
34
35
        glm::vec3 WorldUp;
36
        // euler Angles
        float Yaw;
37
38
        float Pitch;
39
        // camera options
40
        float MovementSpeed;
41
        float MouseSensitivity;
42
        float Zoom;
43
        // constructor with vectors
44
45
        Camera(glm::vec3 position = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f),
    glm::vec3 up = glm::vec3(0.0f, 1.0f, 0.0f), float yaw = YAW, float
    pitch = PITCH) : Front(glm::vec3(0.0f, 0.0f, -1.0f)),
    MovementSpeed(SPEED), MouseSensitivity(SENSITIVITY), Zoom(ZOOM)
```

```
46
        {
47
            Position = position;
48
            WorldUp = up;
            Yaw = yaw;
49
            Pitch = pitch;
51
            updateCameraVectors();
52
        // constructor with scalar values
53
54
        Camera(float posX, float posY, float posZ, float upX, float
    upY, float upZ, float yaw, float pitch) : Front(glm::vec3(0.0f,
    0.0f, -1.0f)), MovementSpeed(SPEED),
    MouseSensitivity(SENSITIVITY), Zoom(ZOOM)
55
        {
            Position = glm::vec3(posX, posY, posZ);
56
57
            WorldUp = glm::vec3(upX, upY, upZ);
58
            Yaw = yaw;
59
            Pitch = pitch;
60
            updateCameraVectors();
61
        }
62
        // returns the view matrix calculated using Euler Angles and
63
    the LookAt Matrix
64
        glm::mat4 GetViewMatrix()
65
        {
            return glm::lookAt(Position, Position + Front, Up);
66
67
        }
68
69
        // processes input received from any keyboard-like input
    system. Accepts input parameter in the form of camera defined ENUM
    (to abstract it from windowing systems)
        void ProcessKeyboard(Camera_Movement direction, float
70
    deltaTime)
71
        {
72
            float velocity = MovementSpeed * deltaTime;
            if (direction == FORWARD)
73
74
                Position += Front * velocity;
```

```
if (direction == BACKWARD)
 75
 76
                 Position -= Front * velocity;
 77
             if (direction == LEFT)
 78
                 Position -= Right * velocity;
 79
             if (direction == RIGHT)
                 Position += Right * velocity;
 80
 81
             // Position.y = 0.0f;
 82
 83
         }
 84
         // processes input received from a mouse input system. Expects
 85
     the offset value in both the x and y direction.
         void ProcessMouseMovement(float xoffset, float yoffset,
 86
     GLboolean constrainPitch = true)
         {
 87
 88
             xoffset *= MouseSensitivity;
 89
             yoffset *= MouseSensitivity;
 90
 91
             Yaw += xoffset;
 92
             Pitch += yoffset;
 93
 94
             // make sure that when pitch is out of bounds, screen
     doesn't get flipped
             if (constrainPitch)
 95
 96
97
                 if (Pitch > 89.0f)
98
                     Pitch = 89.0f;
99
                 if (Pitch < -89.0f)
100
                     Pitch = -89.0f;
101
             }
102
103
             // update Front, Right and Up Vectors using the updated
     Euler angles
             updateCameraVectors();
104
         }
105
106
```

```
107
         // processes input received from a mouse scroll-wheel event.
     Only requires input on the vertical wheel-axis
108
         void ProcessMouseScroll(float yoffset)
109
          {
110
             Zoom -= (float)yoffset;
111
             if (Zoom < 1.0f)
112
                 Zoom = 1.0f;
             if (Zoom > 45.0f)
113
114
                 Zoom = 45.0f;
115
         }
116
117
     private:
118
         // calculates the front vector from the Camera's (updated)
     Euler Angles
         void updateCameraVectors()
119
120
         {
121
             // calculate the new Front vector
122
             glm::vec3 front = glm::vec3(1.0f);
123
             front.x = cos(glm::radians(Yaw)) *
     cos(glm::radians(Pitch));
             front.y = sin(glm::radians(Pitch));
124
125
             front.z = sin(glm::radians(Yaw)) *
     cos(glm::radians(Pitch));
             Front = glm::normalize(front);
126
             // also re-calculate the Right and Up vector
127
128
             Right = glm::normalize(glm::cross(Front, WorldUp)); //
     normalize the vectors, because their length gets closer to 0 the
     more you look up or down which results in slower movement.
129
             Up = glm::normalize(glm::cross(Right, Front));
130
         }
131
     };
132
     #endif
MyBezier.hpp 文件定义了一个名为 MyBezier 的类,用于生成和渲染贝塞尔曲
面。
```

• 包含的库:

```
    glad/glad.h: OpenGL函数加载库。
    GLFW/glfw3.h: GLFW库,用于创建窗口和处理输入。
    iostream:标准输入输出流库。
    vector:标准库中的向量容器。
    glm/glm.hpp、glm/gtc/matrix_transform.hpp 和 glm/gtc/type_ptr.hpp: GLM数学库,用于处理向量、矩阵等数学运
```

o tool/shader.h: 自定义的着色器工具库。

# • 顶点属性:

```
Position: 顶点位置,类型为 glm::vec3。
Color: 顶点颜色,类型为 glm::vec4。
struct Bezier_Vertex
{
glm::vec3 Position; // 顶点属性
glm::vec4 Color; // 颜色
5 };
```

# • 类 [MyBezier]

```
class MyBezier
1
2
3
   private:
        int _numGrid;
4
        int _num_ControlPoints = 4;
 5
        glm::vec4 _color;
 6
        std::vector<glm::vec3> controlPoints;
        std::vector<Bezier_Vertex> surfacePoints;
8
9
        std::vector<unsigned int> indices;
10
11
        unsigned int VAO, VBO, EBO;
        float height = 0.2f;
12
```

# 。 成员变量:

■ \_numGrid: 网络数量,用于牛成曲面点。

- \_num\_ControlPoints: 控制点数量, 默认为4。
- \_color: 曲面颜色, 类型为 glm::vec4。
- controlPoints:控制点,类型为 std::vector<glm::vec3>。
- surfacePoints: 曲面点, 类型为 std::vector<Bezier\_Vertex>。
- indices: 索引数组,类型为 std::vector<unsigned int>。
- VAO、VBO 和 EBO: 顶点数组对象、顶点缓冲对象和元素缓冲 对象的ID。
- height: 曲面高度, 类型为 float。

#### • 构造函数:

- 接受网格数量和颜色参数。
- o 初始化控制点数组 controlPoints。

#### • 析构函数:

。 删除VAO和VBO, 释放OpenGL资源。

```
1  ~MyBezier()
2  {
3     glDeleteVertexArrays(1, &VAO);
4     glDeleteBuffers(1, &VBO);
5  }
```

#### • 初始化函数:

- 。 调用 GenerateSurface 函数生成曲面点。
- 。 生成并绑定VAO、VBO和EBO。
- 。 将曲面点数据传递给VBO。
- 。 启用顶点属性并设置顶点属性指针。
- 。 将索引数据传递给EBO。

#### 渲染函数:

- 。 绑定VAO。
- 使用 glDrawElements 函数绘制三角形网格。
- o 解绑VAO。

```
void Draw(Shader &shader)

glbindVertexArray(VAO);

glDrawElements(GL_TRIANGLES, indices.size(),
GL_UNSIGNED_INT, 0);

glBindVertexArray(0);

}
```

#### • 生成曲面点函数:

- 清空 **surfacePoints** 向量。
- 。 遍历网格, 计算每个网格点的贝塞尔曲面位置。
- 。 将计算得到的曲面点存储在 surfacePoints 向量中。
- 。 生成索引数组, 用于绘制三角形网格。

```
void GenerateSurface()
 2
    {
 3
        surfacePoints.clear();
        for (int i = 0; i <= _numGrid; ++i)</pre>
 4
            for (int j = 0; j \leftarrow numGrid; ++j)
 6
 7
            {
                 float u = static_cast<float>(i) / _numGrid;
 8
 9
                 float v = static_cast<float>(j) / _numGrid;
                 glm::vec3 point = BezierPoint(u, v);
10
                 Bezier_Vertex vertex;
11
                 vertex.Position = point;
12
13
                 vertex.Color = _color;
                 surfacePoints.push_back(vertex);
14
15
            }
16
        for (int i = 0; i < \_numGrid; ++i)
17
18
        {
```

```
19
            for (int j = 0; j < \_numGrid; ++j)
20
            {
                int seq = i * (\_numGrid + 1) + j;
21
22
                // No.1 triangle
23
                indices.push_back(seq);
                indices.push_back(seq + 1);
24
25
                indices.push_back(seq + _numGrid + 1);
                // No.2 triangle
26
27
                indices.push_back(seq + 1);
28
                indices.push_back(seq + _numGrid + 2);
                indices.push_back(seq + _numGrid + 1);
29
30
            }
31
        }
32 }
```

# • 计算贝塞尔曲面点函数:

- 使用Bernstein函数计算曲面点。
- 。 遍历所有控制点, 计算每个控制点对曲面点的贡献。
- 。 返回计算得到的曲面点。

```
glm::vec3 BezierPoint(float u, float v)
    {
 2
 3
        glm::vec3 point(0.0f);
        for (int i = 0; i < _num_ControlPoints; ++i)</pre>
 4
 5
            for (int j = 0; j < _num_ControlPoints; ++j)</pre>
 6
 7
            {
                 float basisU = BernsteinBasis(i, u);
 8
 9
                 float basisV = BernsteinBasis(j, v);
10
                 point += controlPoints[i * _num_ControlPoints + j] *
    basisU * basisV;
11
            }
12
13
        return point;
14 }
```

#### • Bernstein函数:

- ∘ 计算Bernstein函数的值。
- 根据 i 的值返回相应的Bernstein函数值。

```
float BernsteinBasis(int i, float t)
 2
 3
        if (i < 0 || i > 3)
            return 0.0f;
 4
        if (i == 0)
 5
 6
            return pow(1 - t, 3);
 7
        if (i == 1)
 8
            return 3 * t * pow(1 - t, 2);
 9
        if (i == 2)
            return 3 * pow(t, 2) * (1 - t);
10
11
        if (i == 3)
12
            return pow(t, 3);
13 }
```

MyBezier.hpp 文件实现了一个简单的贝塞尔曲面生成和渲染类。该类通过控制点生成曲面点,并使用OpenGL进行渲染。通过设置控制点和网格数量,可以生成不同形状的贝塞尔曲面。该类还支持为曲面指定颜色,并提供了初始化和渲染函数。

#### 2.2.4 Main.cpp

```
#include <glad/glad.h>
#include <GLFW/glfw3.h>
#include <iostream>
#include <cmath>

#include <tool/shader.h>
#include <tool/camera.h>
#include <tool/MyObj.hpp>
#include <tool/MyBezier.hpp>

void framebuffer_size_callback(GLFWwindow *window, int width, int height);

void mouse_callback(GLFWwindow, double xpos, double ypos);
```

```
void processInput(GLFWwindow *window);
13
14
15
   std::string Shader::dirName;
   int SCREEN_WIDTH = 1600;
16
17
   int SCREEN_HEIGHT = 1200;
18
19
   // delta time
   float deltaTime = 0.0f;
20
21
   float lastTime = 0.0f;
22
23
   float lastX = SCREEN_WIDTH / 2.0f; // 鼠标上一帧的位置
24
   float lastY = SCREEN_HEIGHT / 2.0f;
25
26
   Camera camera(glm::vec3(5.0, 5.0, 5.0));
27
28
   using namespace std;
29
30
   int main(int argc, char *argv[])
31
   {
32
       Shader::dirName = argv[1];
       glfwInit();
33
       // 设置主要和次要版本
34
35
       const char *glsl_version = "#version 330";
36
       // 片段着色器将作用域每一个采样点(采用4倍抗锯齿,则每个像素有4个片
37
   段(四个采样点))
38
       // glfwWindowHint(GLFW_SAMPLES, 4);
39
       glfwWindowHint(GLFW_CONTEXT_VERSION_MAJOR, 3);
40
       glfwWindowHint(GLFW_CONTEXT_VERSION_MINOR, 3);
41
       glfwwindowHint(GLFW_OPENGL_PROFILE, GLFW_OPENGL_CORE_PROFILE);
42
       // 窗口
43
       GLFWwindow *window = glfwCreateWindow(SCREEN_WIDTH,
44
   SCREEN_HEIGHT, "Dream_Car", NULL, NULL);
45
       if (window == NULL)
46
       {
```

```
47
            std::cout << "Failed to create GLFW window" << std::endl;</pre>
48
            glfwTerminate();
            return -1;
49
50
        }
51
        glfwMakeContextCurrent(window);
52
53
        if (!gladLoadGLLoader((GLADloadproc)glfwGetProcAddress))
54
        {
            std::cout << "Failed to initialize GLAD" << std::endl;</pre>
55
56
            return -1;
57
        }
58
        // 设置视口
59
60
        glviewport(0, 0, SCREEN_WIDTH, SCREEN_HEIGHT);
61
        glEnable(GL_PROGRAM_POINT_SIZE);
62
        glenable(GL_BLEND);
        glBlendFunc(GL_SRC_ALPHA, GL_ONE_MINUS_SRC_ALPHA);
63
64
65
        glenable(GL_DEPTH_TEST);
66
67
        // 鼠标键盘
68
        // 1.注册窗口变化监听
69
        glfwSetFramebufferSizeCallback(window,
    framebuffer_size_callback);
70
        // 2.鼠标事件
71
        glfwSetCursorPosCallback(window, mouse_callback);
72
73
        Shader shader("./shader/vertex.glsl",
    "./shader/fragment.glsl");
        MyObj car("./src/dream_car.obj");
74
75
        MyBezier bezier(28);
76
        MyBezier bezier2(28);
77
        bezier.Init();
        bezier2.Init();
78
79
        while (!qlfwWindowShouldClose(window))
80
```

```
81
         {
 82
             processInput(window);
 83
             float currentFrame = glfwGetTime();
 85
             deltaTime = currentFrame - lastTime;
 86
             lastTime = currentFrame;
 87
             // 渲染指令
 88
             glClearColor(1, 1, 1, 1); // 纯白色
 89
             glclear(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT);
 90
 91
 92
             glm::mat4 view = camera.GetViewMatrix();
 93
             glm::mat4 projection = glm::mat4(1.0f);
             float fov = 45.0f; // 视锥体的角度
 94
 95
             projection = glm::perspective(glm::radians(fov),
     (float)SCREEN_WIDTH / (float)SCREEN_HEIGHT, 0.1f, 100.0f);
 96
             shader.use();
 97
             shader.setMat4("view", view);
 98
             shader.setMat4("projection", projection);
 99
             qlm::mat4 model = qlm::mat4(1.0f);
100
             model = glm::translate(model, glm::vec3(-5.0f, 0.0f,
101
     -5.0f));
             model = glm::scale(model, glm::vec3(0.1f, 0.1f, 0.1f));
102
             shader.setMat4("model", model);
103
104
             car.Draw(shader);
105
106
             model = glm::mat4(1.0f);
107
             model = glm::translate(model, glm::vec3(5.8f, 2.3f,
     -2.7f));
             model = glm::rotate(model, glm::radians(-90.0f),
108
     glm::vec3(1.0f, 0.0f, 0.0f));
109
             shader.setMat4("model", model);
110
             bezier.Draw(shader);
111
112
             model = glm::mat4(1.0f);
```

```
model = glm::translate(model, glm::vec3(-3.0f, 2.3f,
113
     -2.7f));
114
             model = glm::rotate(model, glm::radians(-90.0f),
     glm::vec3(1.0f, 0.0f, 0.0f));
             shader.setMat4("model", model);
115
             bezier2.Draw(shader);
116
117
118
             glfwSwapBuffers(window);
             glfwPollEvents();
119
120
        // 释放资源
121
         glfwTerminate();
122
         return 0;
123
124
    }
125
    // 窗口变动监听
126
127
     void framebuffer_size_callback(GLFWwindow *window, int width, int
     height)
128
    {
         glviewport(0, 0, width, height);
129
130
    }
131
    // 键盘输入监听
132
     void processInput(GLFWwindow *window)
133
134
     {
135
        if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_ESCAPE) == GLFW_PRESS)
136
137
             glfwSetWindowShouldClose(window, true);
138
         }
139
140
        // 相机按键控制
        // 相机移动
141
142
        if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_W) == GLFW_PRESS)
143
             camera.ProcessKeyboard(FORWARD, deltaTime);
144
145
         }
```

```
146
         if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_S) == GLFW_PRESS)
147
         {
             camera.ProcessKeyboard(BACKWARD, deltaTime);
148
149
         }
150
         if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_A) == GLFW_PRESS)
151
         {
152
             camera.ProcessKeyboard(LEFT, deltaTime);
153
         }
154
         if (glfwGetKey(window, GLFW_KEY_D) == GLFW_PRESS)
155
         {
156
             camera.ProcessKeyboard(RIGHT, deltaTime);
157
         }
158
    }
159
    // 鼠标移动监听
160
     void mouse_callback(GLFWwindow *window, double xpos, double ypos)
161
162
     {
163
164
         float xoffset = xpos - lastX;
165
         float yoffset = lastY - ypos;
166
167
         lastx = xpos;
168
         lastY = ypos;
169
         camera.ProcessMouseMovement(xoffset, yoffset);
170
171 }
```

这段代码是一个C++项目的主要头文件和全局变量定义部分,主要用于设置OpenGL和GLFW的环境,并包含了一些必要的库和工具。

首先包含了GLAD和GLFW库的头文件。GLAD是一个用于加载OpenGL函数指针的库,而GLFW是一个用于创建窗口和处理输入的库。

<tool/shader.h>和 <tool/camera.h>分别包含了着色器和相机类的头文件,这些类用于管理着色器程序和相机的视角。 <tool/MyObj.h>包含了模型加载和处理的头文件,用于加载和渲染3D模型,<tool/MyBezier.h>包含了贝塞尔曲面处理的头文件,用于加载和渲染贝塞尔曲面。

然后,定义了三个回调函数的声明,这些函数用于处理窗口大小变化、鼠标移动和键盘输入。

std::string Shader::dirName 定义了一个静态字符串变量,用于存储着色器文件的目录路径。

再接着定义了窗口的宽度和高度,以及两个全局变量 deltaTime 和 lastTime,用于计算每帧之间的时间差,以实现平滑的动画效果。 lastx + lasty 定义了鼠标上一帧的位置,用于处理鼠标移动。 Camera camera(glm::vec3(5.0, 5.0, 5.0); 创建了一个相机对象,并设置了初始位置。

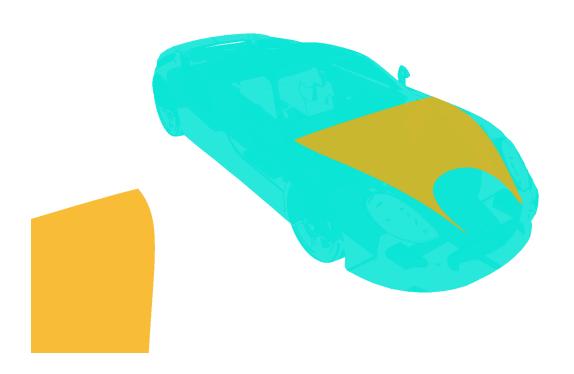
# 3 实验结果与分析

运行项目:

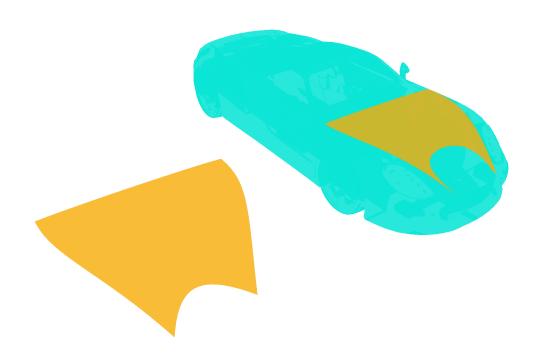
在根目录直接执行make run即可,单独运行exe是不可以的,由于其依赖的obj和着色器程序

运行程序后,我们得到了一个静态的模拟窗口。窗口中展示了未贴纹理的汽车,用户可以通过键盘控制摄像机的移动,通过鼠标移动实现视角的旋转。这里使用贝塞尔曲面实现了汽车的引擎盖,我还单独将其平移出来在一侧观看其效果,其实现了较为光滑的过渡:

■ Dream.Car - X



■ Dream\_Car - □ X



# 4 思考题

Compare the strengths and weaknesses of the techniques you use

# 4.1 Obj模型的优缺点

# 4.1.1 优点

# 1. 通用性:

- 。 OBJ格式是一种广泛使用的3D模型文件格式,支持多种3D建模软件(如 Blender、Maya、3ds Max等)导出和导入。
- 适用于各种平台和应用场景,易于与其他工具和引擎集成。

# 2. 简单易用:

- 。 OBJ文件格式简单, 易于解析和处理。
- 文件结构清晰,包含顶点、法线、纹理坐标和面信息,便于理解和操作。

# 3. 支持多种数据类型:

• 支持顶点位置、法线、纹理坐标、面索引等多种数据类型。

• 可以存储复杂的几何结构和材质信息。

### 4. 开源支持:

 有许多开源库和工具支持OBJ文件的读取和写入,如Assimp、 TinyOBJLoader等。

# 4.1.2 缺点

#### 1. 文件大小:

- 对于复杂模型, OBJ文件可能会变得非常大, 导致加载和处理时间较长。
- 文件中可能包含大量重复数据,导致存储和传输效率较低。

# 2. 不支持压缩:

- 。 OBJ文件通常以纯文本格式存储,不支持压缩,导致文件大小较大。
- 相比之下,其他格式(如FBX、GLTF)支持二进制存储和压缩,文件大小 更小。

# 3. 缺乏版本控制:

- · OBJ格式没有版本控制机制,不同版本的文件可能会有不同的解析方式。
- 不同软件导出的**0BJ**文件可能会有细微差异,导致兼容性问题。

# 4.2 贝塞尔曲面的优缺点

#### 4.2.1 优点

## 1. 平滑性:

- 贝塞尔曲面可以生成非常平滑的几何形状,适用于需要高质量曲面的应用场景(如汽车设计、工业设计等)。
- 通过控制点可以精确控制曲面的形状和细节。

### 2. 灵活性:

- 贝塞尔曲面可以通过调整控制点来改变曲面的形状, 具有很高的灵活性。
- 。 适用于需要动态调整和交互的应用场景(如CAD软件、动画制作等)。

#### 3. 数学基础:

- 贝塞尔曲面基于数学上的伯恩斯坦多项式, 具有坚实的数学基础。
- 可以通过数学方法进行分析和优化,适用于需要精确计算的应用场景。

#### 4. 易于实现:

- 贝塞尔曲面的生成和渲染算法相对简单, 易于实现。
- 可以通过简单的循环和矩阵运算生成曲面点,适用于实时渲染和交互应用。

# 4.2.2 缺点

# 1. 计算复杂度:

- 生成贝塞尔曲面需要计算大量的曲面点, 计算复杂度较高。
- 对于高阶贝塞尔曲面, 计算量会显著增加, 可能导致性能问题。

# 2. 控制点数量:

- 贝塞尔曲面的形状和细节受控制点数量影响较大。
- 控制点数量较多时, 曲面可能会变得过于复杂, 难以控制。

# 3. 局部控制:

- 贝塞尔曲面的局部控制能力较弱,调整一个控制点可能会影响整个曲面的 形状。
- 。 相比之下, NURBS (非均匀有理B样条) 曲面具有更强的局部控制能力。