

第3章 平面机构运动简图及其自由度

3.1 平面机构的组成

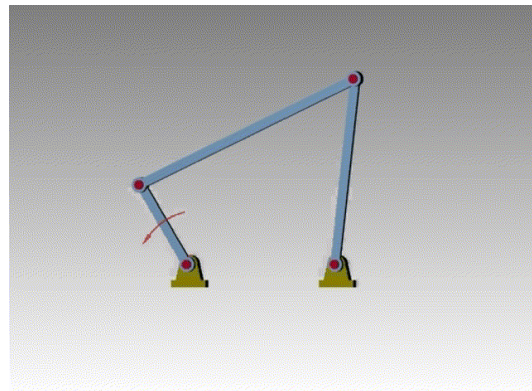
3.1.1 构件

构件：独立运动的单元体，由单个或多零件刚性构成。

(1) 固定件 ---- 机架

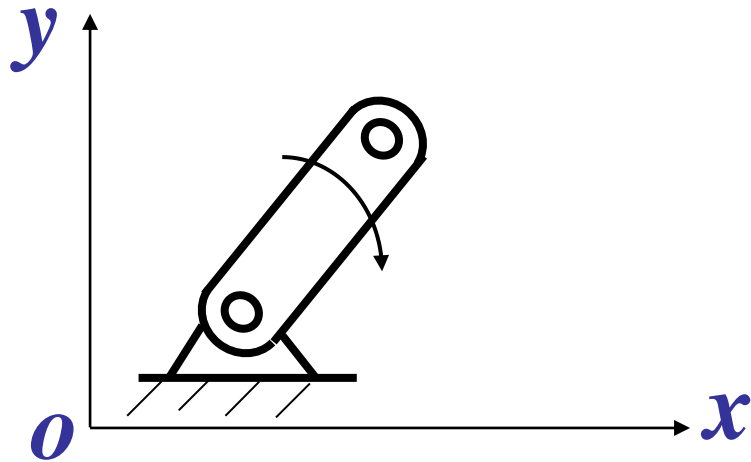
(2) 原动件 ---- 主动件

(3) 从动件 ---- 运动输出构件



3.1.2 构件自由度和约束

自由度：构件的独立运动数



一个平面运动的构件
有**三个**自由度

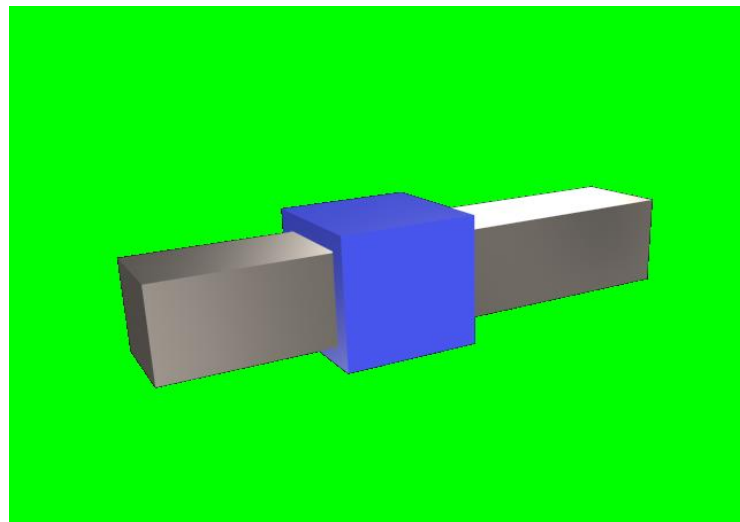
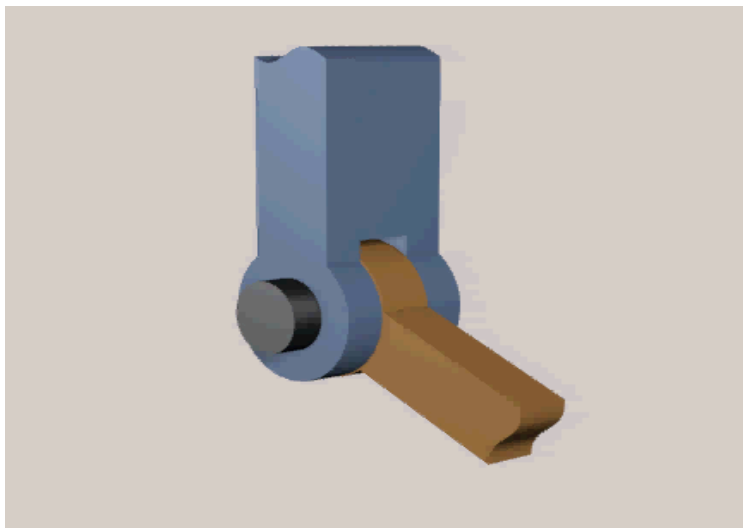
运动副：两个构件接触并能产生相对运动的连接

约束：对独立运动的限制，两个构件组成运动副后就彼此带来约束

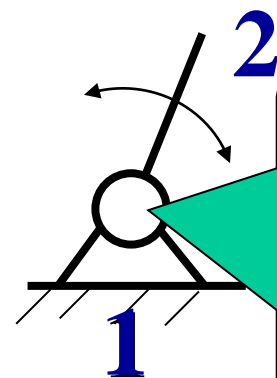
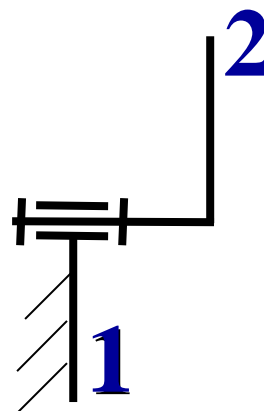
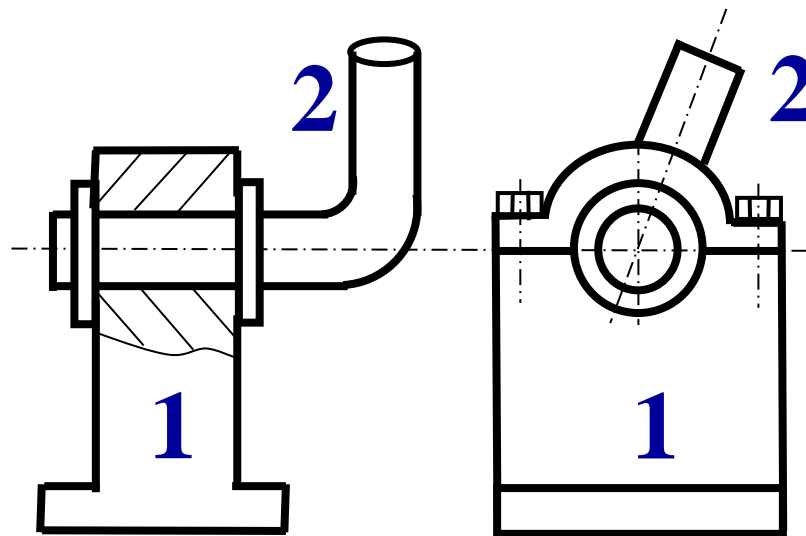
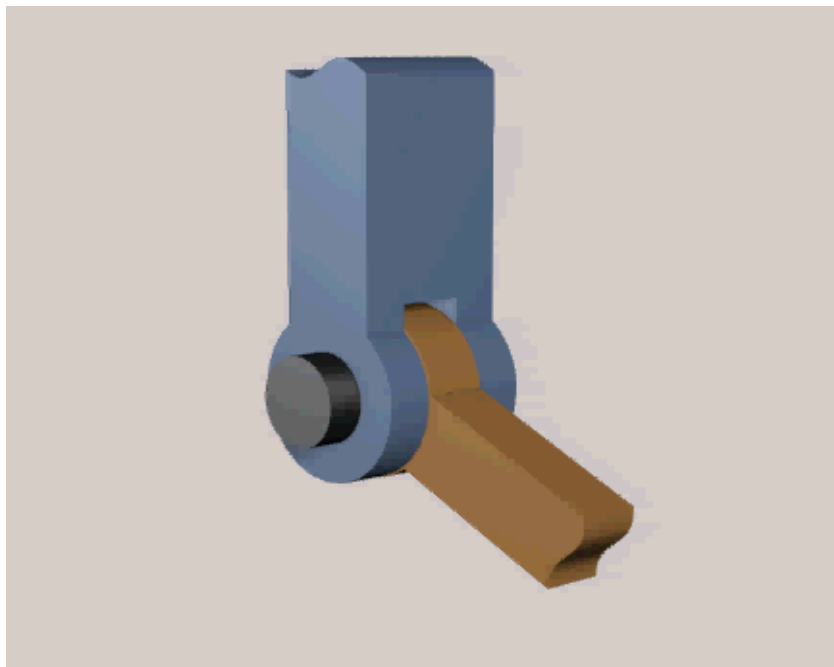
3.1.3 运动副及其分类

根据构件间的接触形式,运动副分:

1.低副 (面接触) { 转动副(铰链)
移动副(导路)

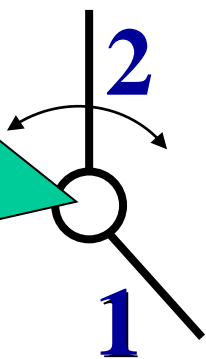


转动副



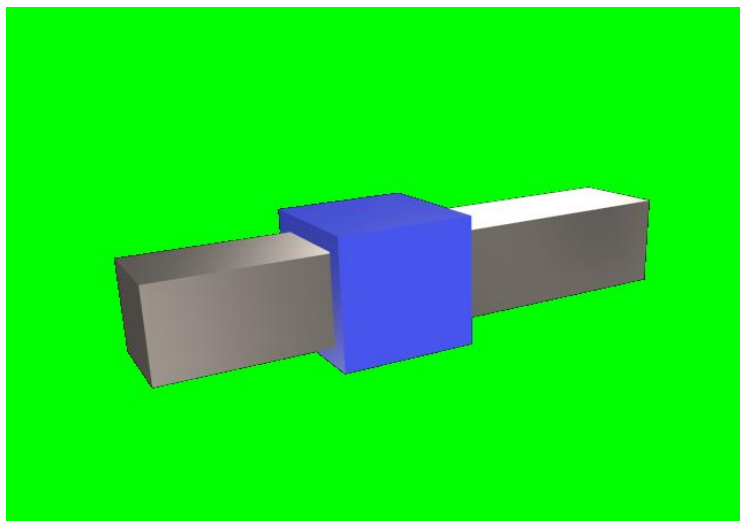
固定铰链

活动铰链



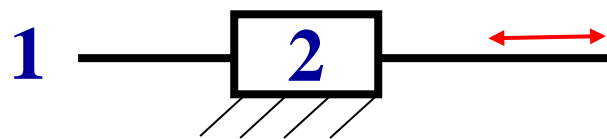
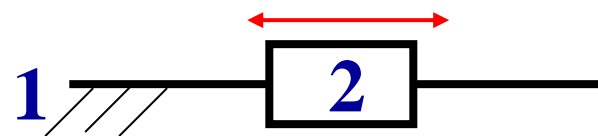
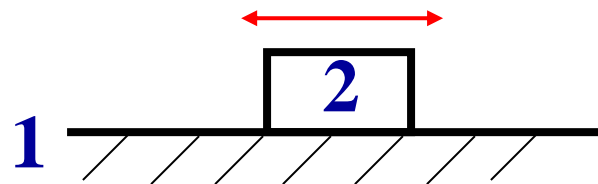
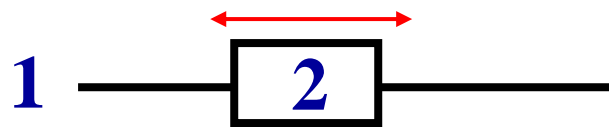
转动副对每个活动构件
带来2个约束

移动副

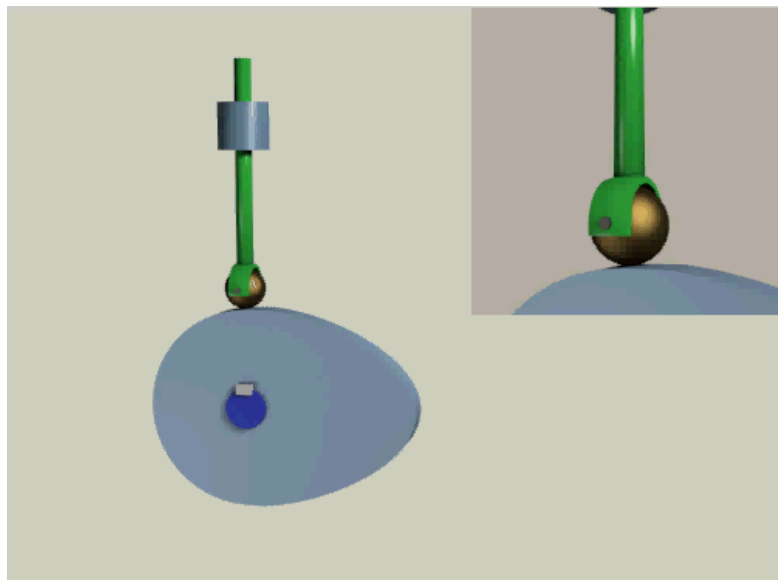


移动副对每个活动构件
也带来2个约束

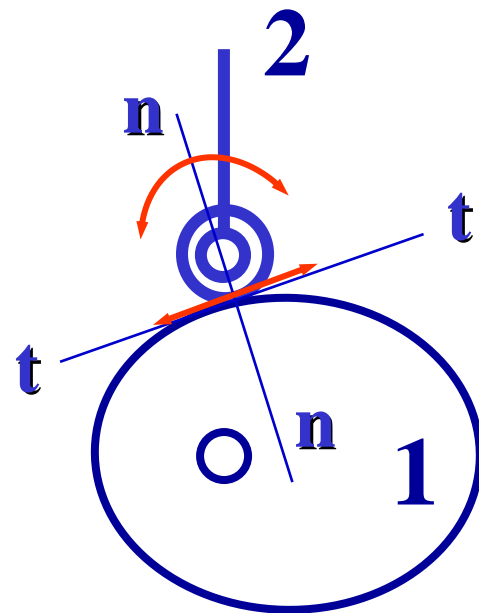
低副（转动副、移动副）对每个活动构件
带来2个约束



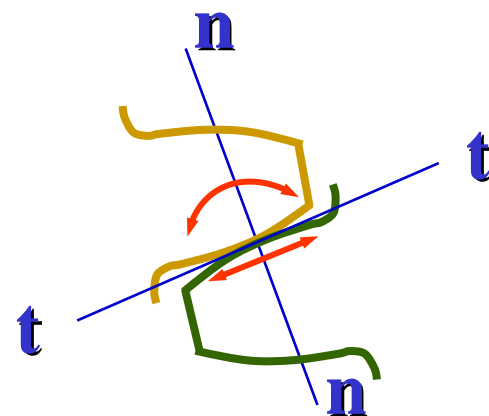
2.高副(点、线接触)



凸轮副



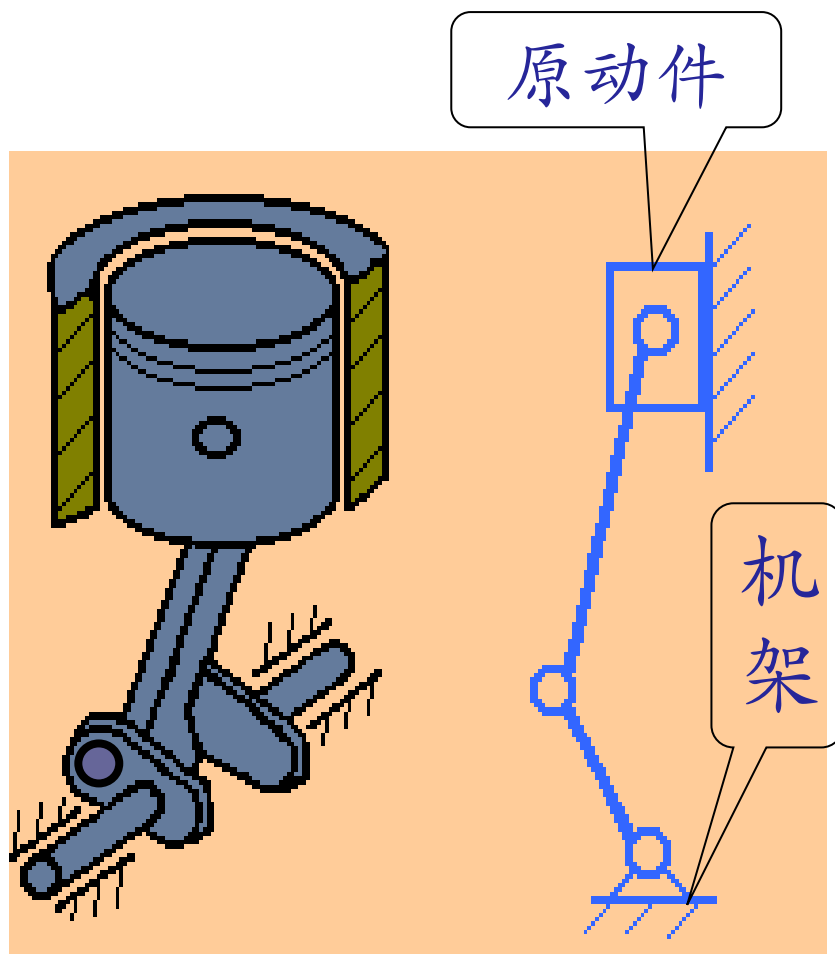
齿轮副



高副对每个活动构件
带来1个约束

3.2 平面机构运动简图

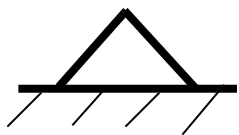
机构运动简图：不考虑与运动无关的结构，用简单的线条和符号表示各构件间相对运动关系。



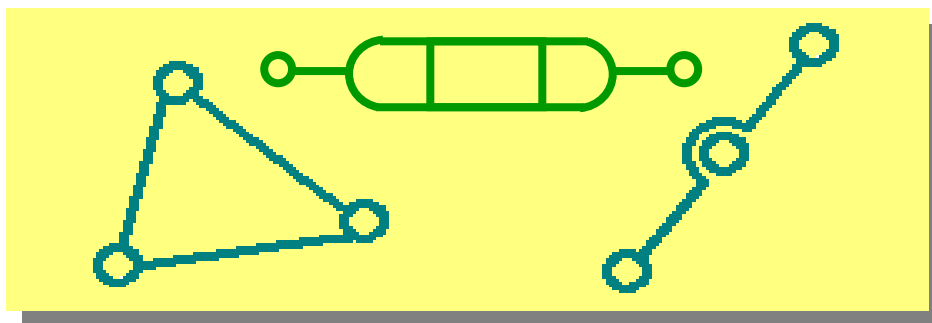
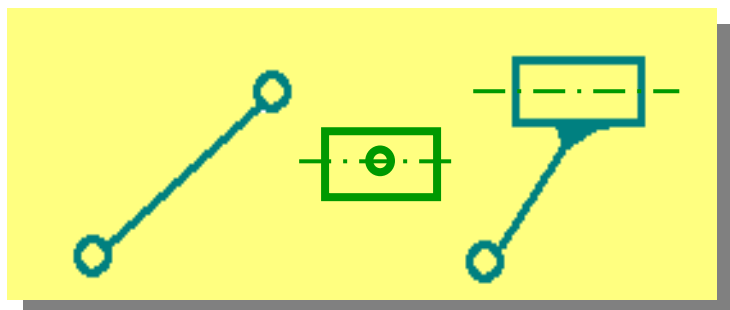
常见的机构运动简图符号：

构件：

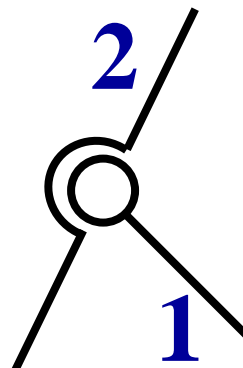
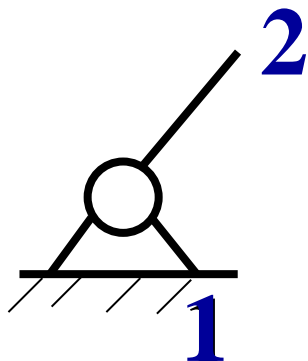
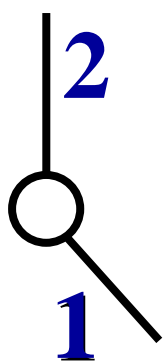
固定构件（机架）



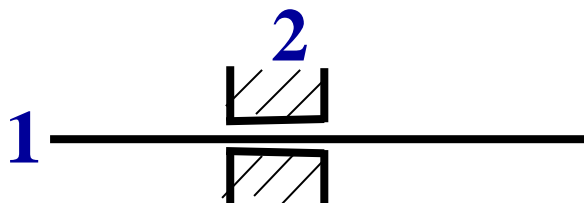
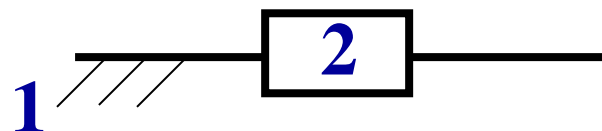
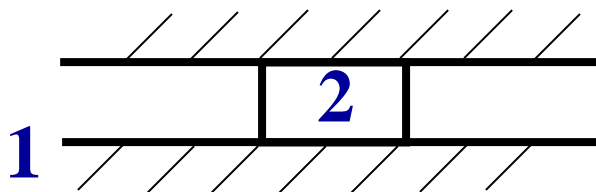
带有运动副的活动构件



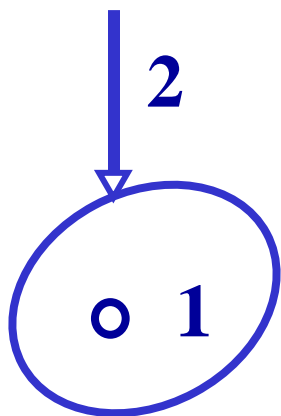
转动副（铰链）：



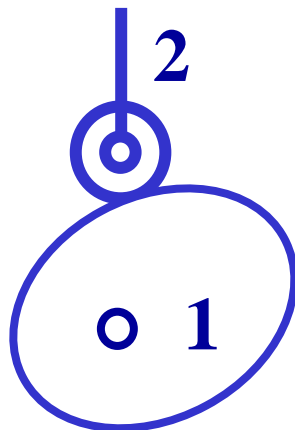
移动副：



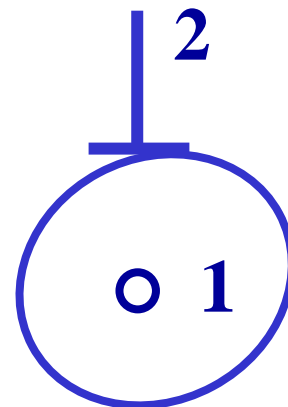
凸轮副:



尖顶从动件

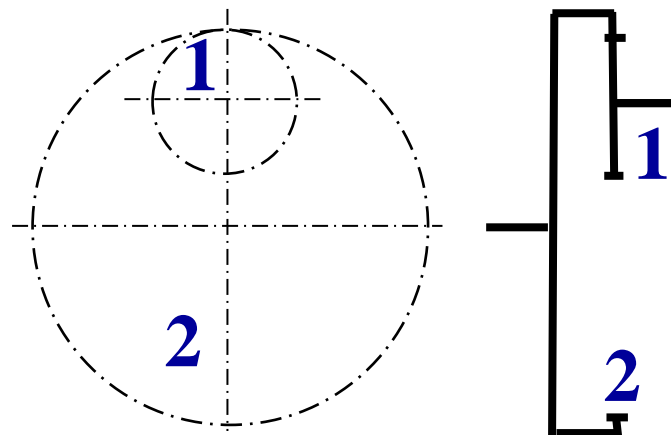
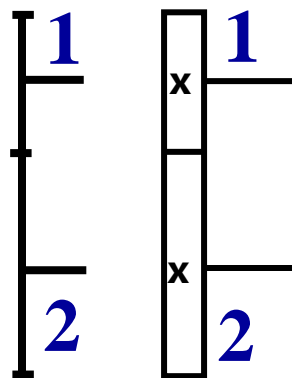
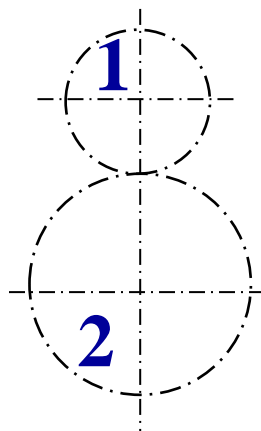


滚子从动件



平底从动件

齿轮副:



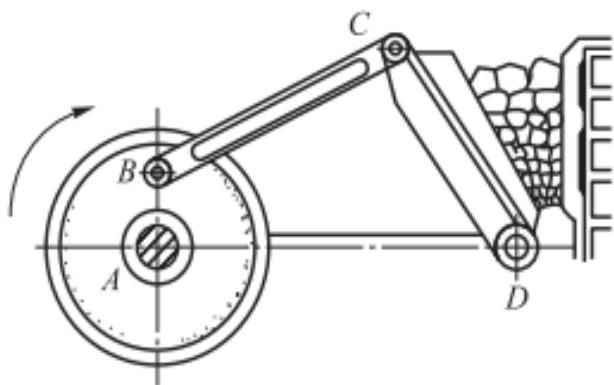
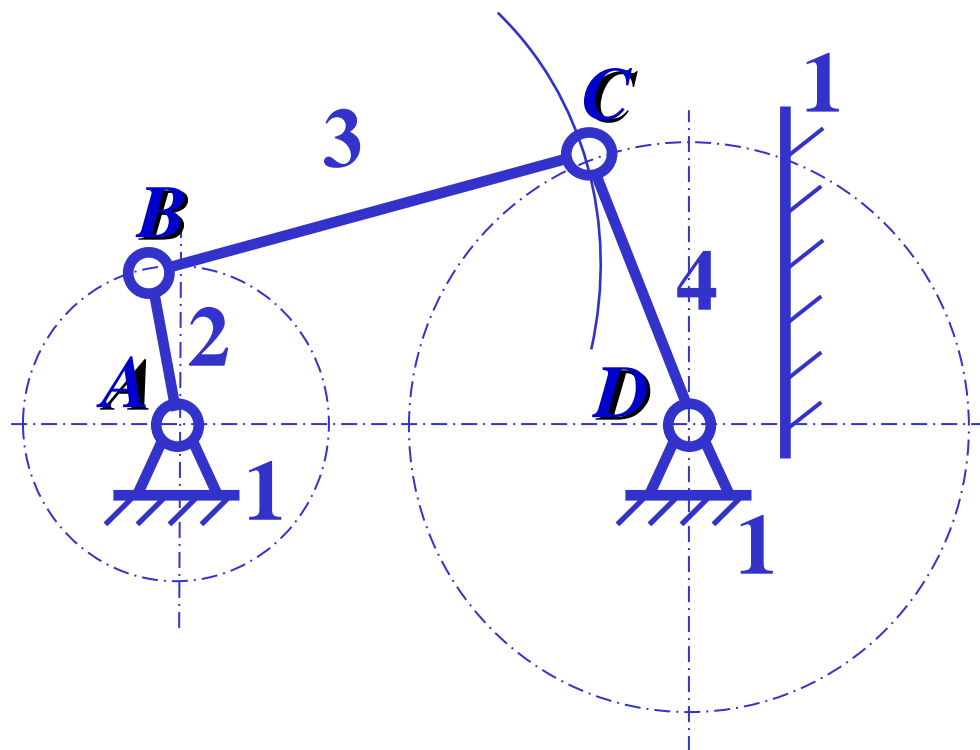
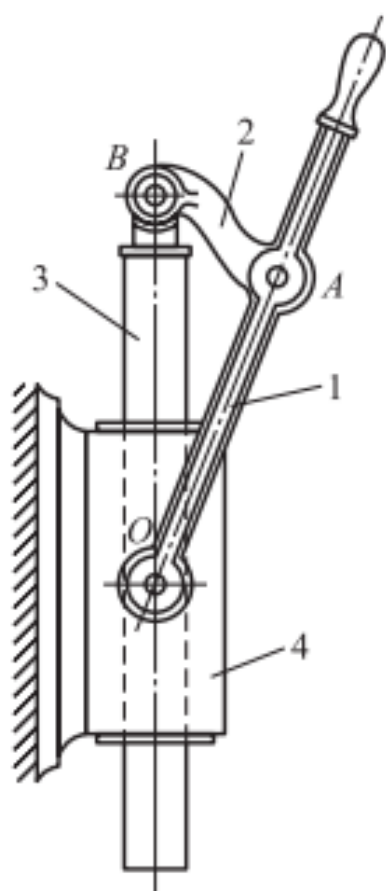


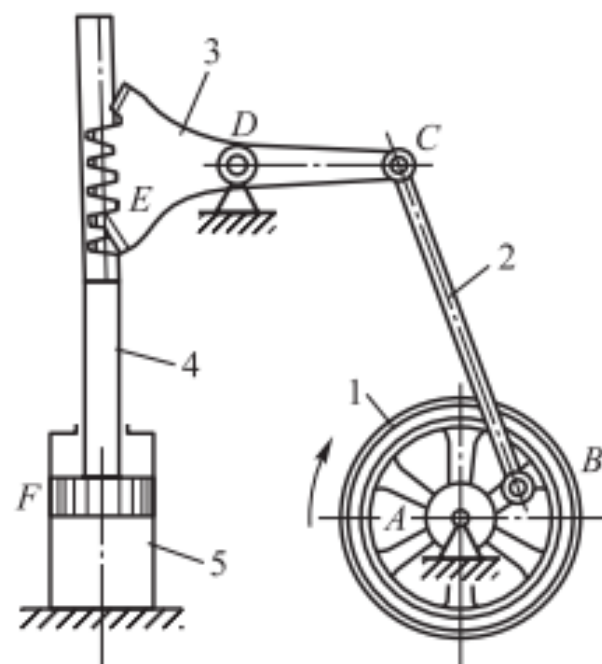
图 1-2 颚式矿石破碎机



破碎机运动简图



(a)



(b)

图 3-16 习题 3-5 图

3.3 平面机构的自由度

3.3.1 平面机构自由度计算公式

若机构中有 N 个构件，其中活动构件数为 $n = N - 1$ ，
构件自由度总数为 $3n$ 个。

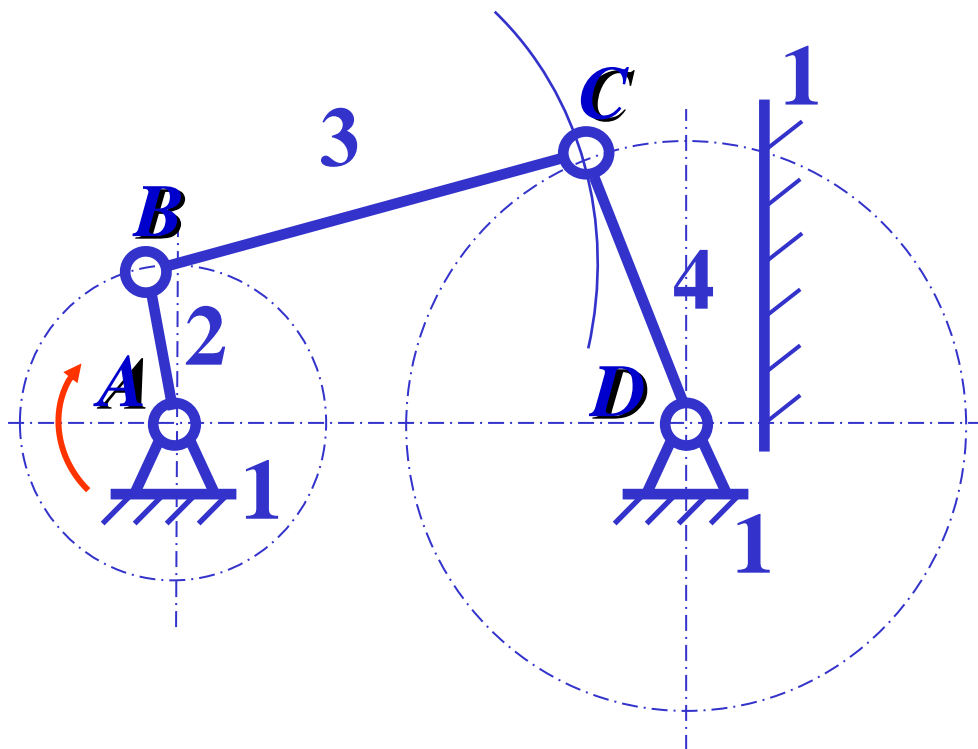
若机构中有 p_L 个低副，失去自由度为： $2p_L$

若机构中有 p_H 个高副，失去自由度为： p_H

则平面机构自由度为： $F = 3n - 2P_L - P_H$

要使机构具有确定的运动，必须使机构的原动件数等于机构的自由度数。

计算 例3-1 破碎机机构自由度



破碎机运动简图

构件数 $N=4$

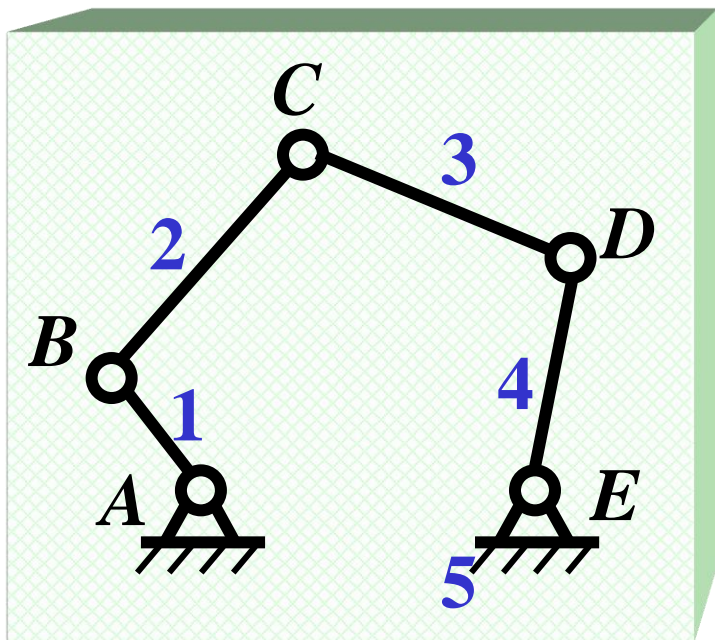
活动构件数 $n=3$

低副数 $p_L=4$

高副数 $p_H=0$

$$\text{自由度数 } F = 3 \times 3 - 2 \times 4 - 0 = 1$$

例2.

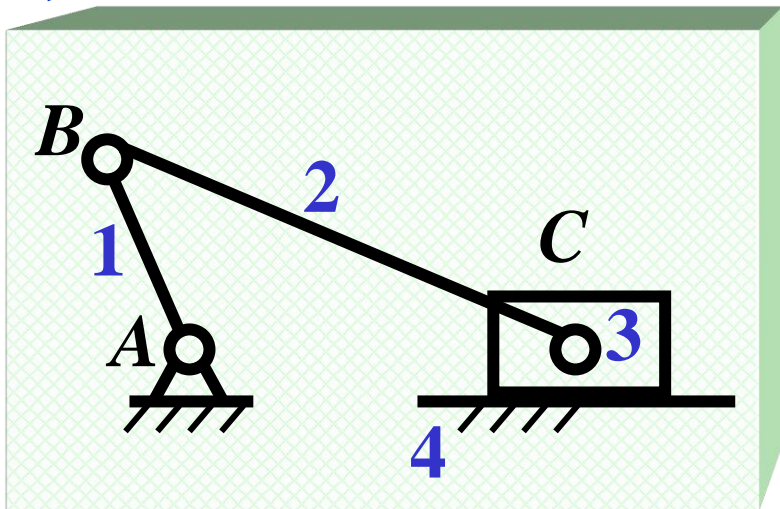


解:

$$n=4, P_L=5, P_H=0$$

$$F = 3 \times 4 - 2 \times 5 - 0 \\ = 2$$

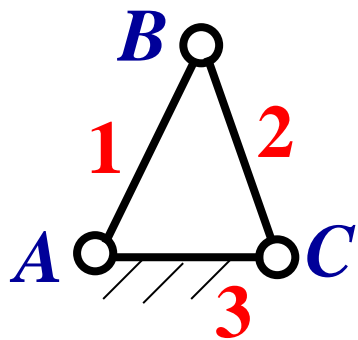
例3.



解:

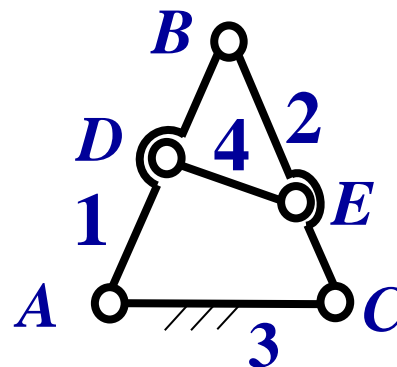
$$n=3, P_L=4, P_H=0$$

$$F = 3 \times 3 - 2 \times 4 - 0 \\ = 1$$



$$F = 3 \times 2 - 2 \times 3 - 0 = 0$$

刚性桁架

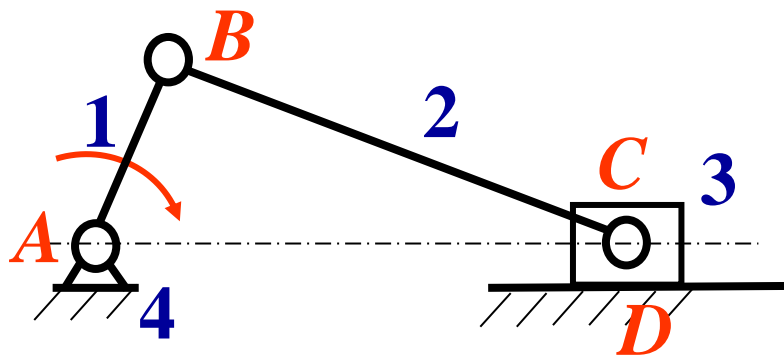


$$F = 3 \times 3 - 2 \times 5 - 0 = -1$$

超静定桁架

曲柄滑块机构

$$F = 3 \times 3 - 2 \times 4 - 0 = 1$$

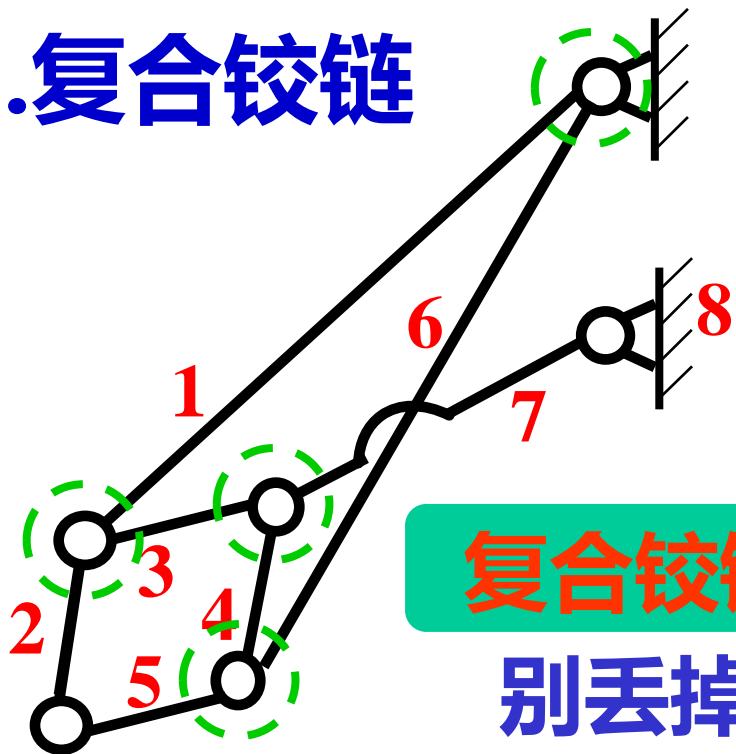


机构具有确定的运动的条件：

机构的原动件数等于机构的自由度数

3.3.2 计算机构自由度时应注意的问题

1. 复合铰链



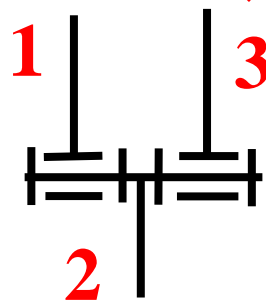
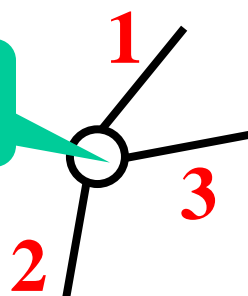
复合铰链
别丢掉

活动构件数 $n=7$

低副数 $p_L=6$

高副数 $p_H=0$

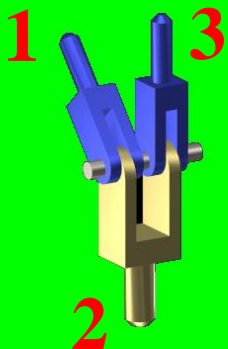
$$F = 3 \times 7 - 2 \times 6 - 0 = 9$$



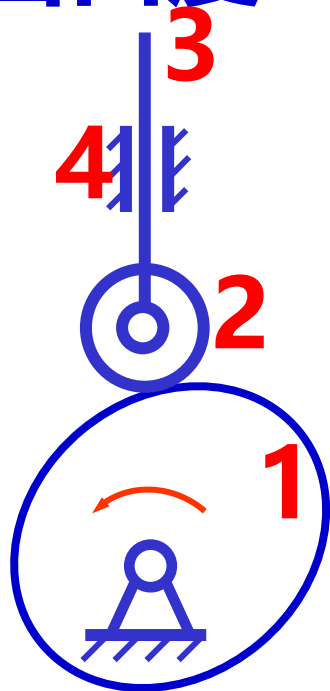
低副数 $p_L=10$

高副数 $p_H=0$

$$F = 3 \times 7 - 2 \times 10 - 0 = 1$$

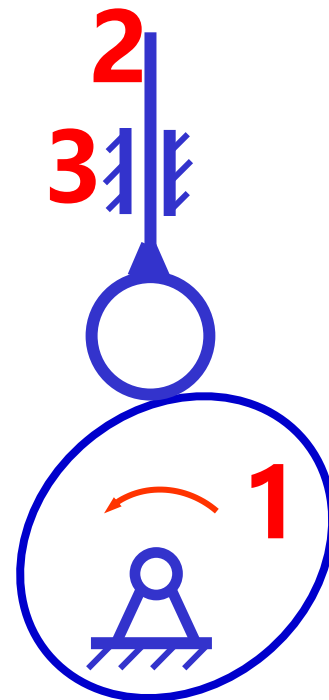


2. 局部自由度



$$n=3, \\ p_L=3, \\ p_H=1$$

$$F = 3 \times 3 - 2 \times 3 - 1 = \cancel{2}$$



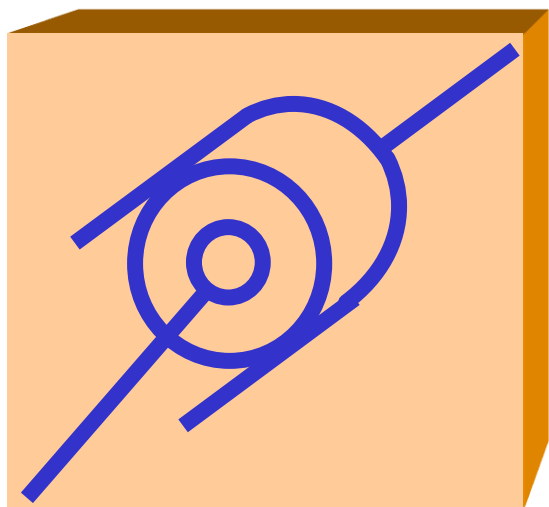
$$n=2, \\ p_L=2, \\ p_H=1$$

$$F = 3 \times 2 - 2 \times 2 - 1 = 1$$

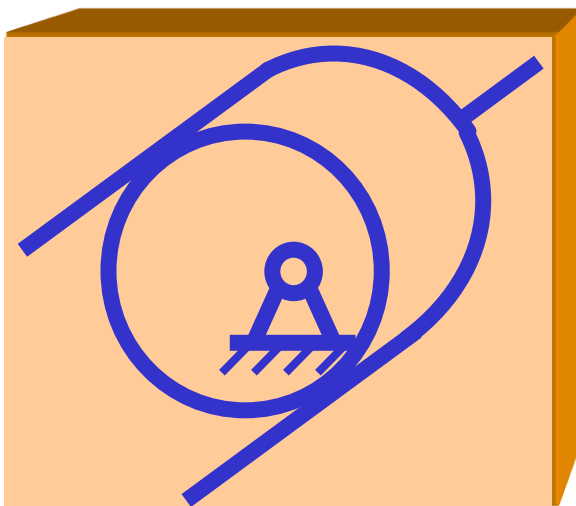
对整个机构的输入输出无影响的局部自由度应去掉, 视为滚子与从动件焊在一起

局部自由度要去掉

***注：只有在小滚子处，且小滚子几何中心与转动中心重合，才是局部自由度。**



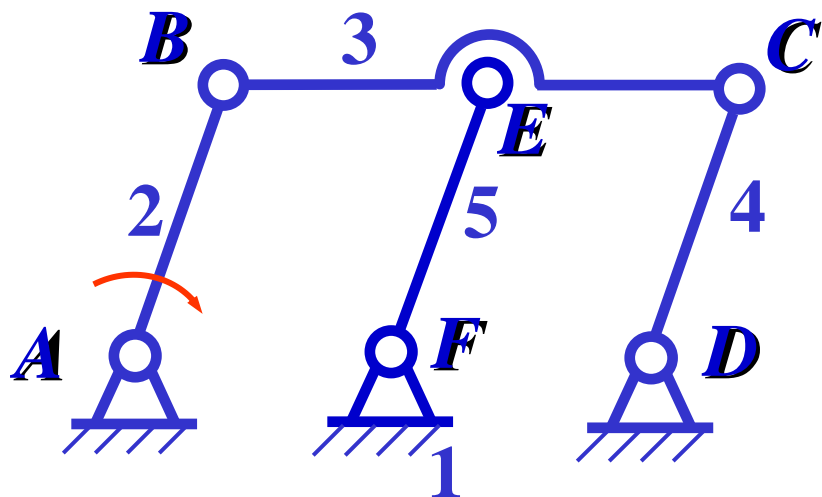
是



不是

3. 虚约束

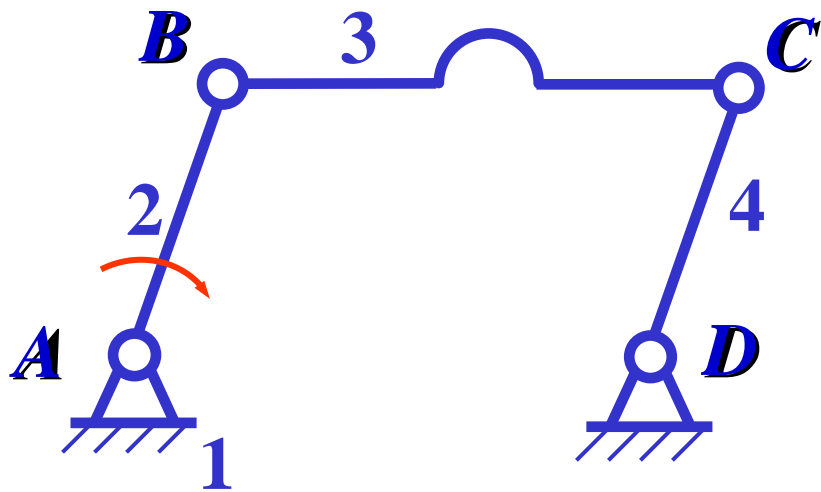
对机构的运动不起作用的约束。



$$n=4, p_L=6, p_H=0$$

$$F = 3 \times 4 - 2 \times 6 - 0 = 0$$

对机构运动不起作用的
虚约束要去掉

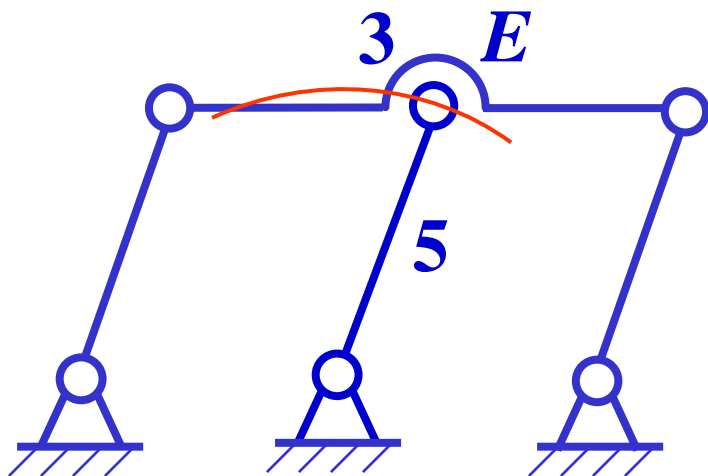


$$n=3, p_L=4, p_H=0$$

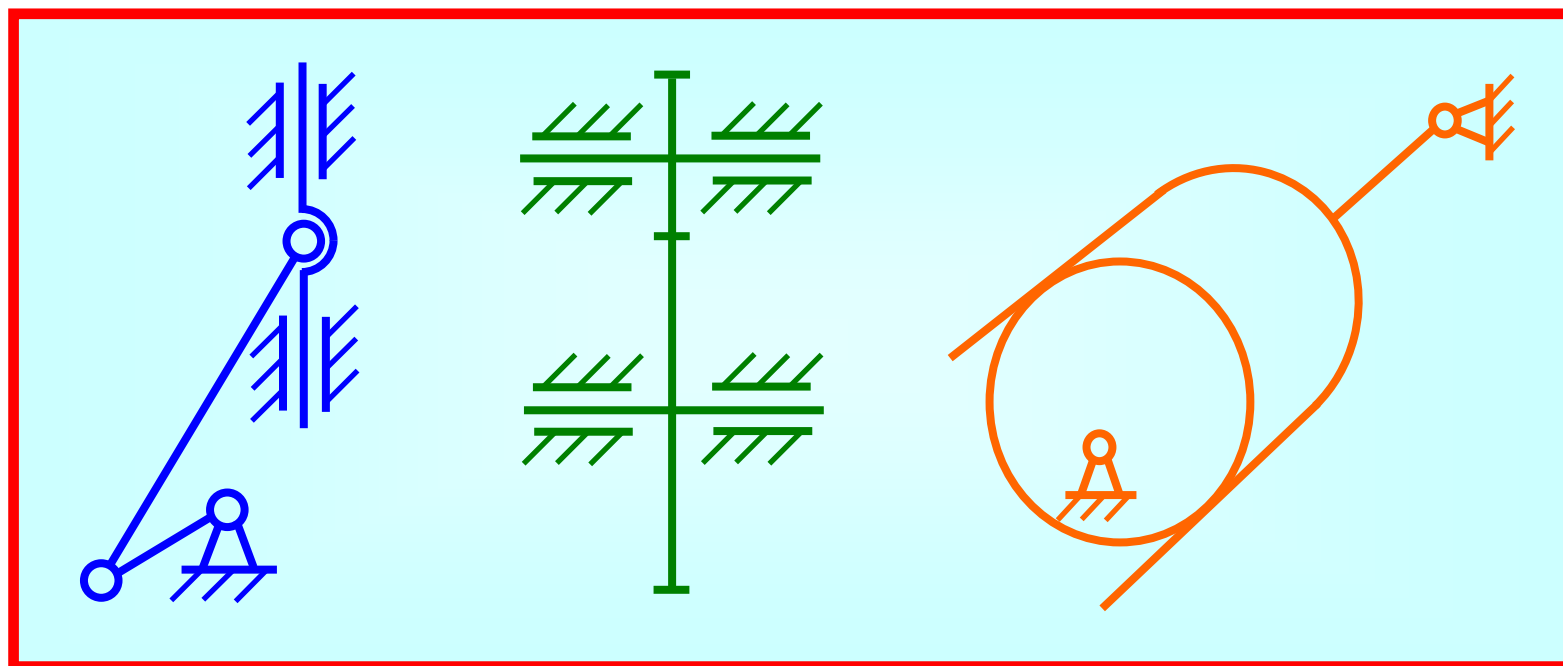
$$F = 3 \times 3 - 2 \times 4 - 0 = 1$$

出现虚约束的情况：

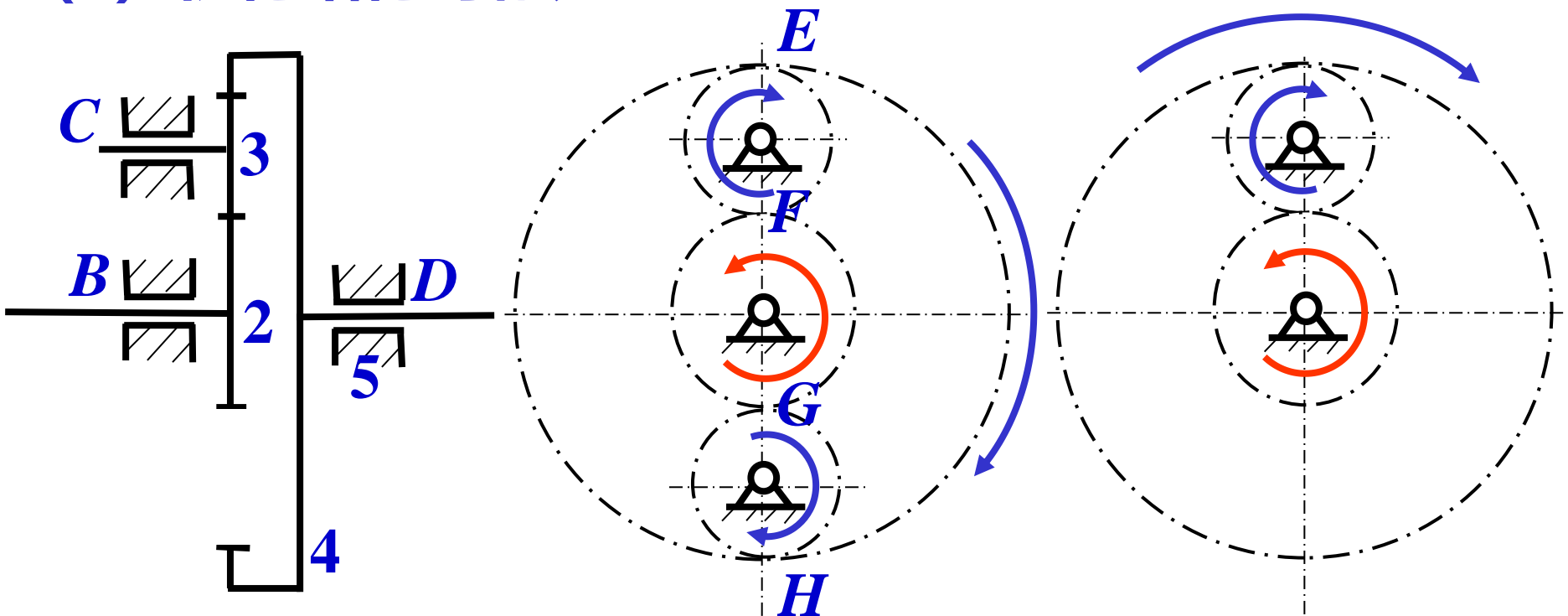
(1) 两构件连接点轨迹重合处



(2) 两构件组成多个移动副，且导路平行；或组成多个转动副，且轴线重合，则只考虑一处约束，其它看作虚约束；若两构件组成多个高副，且公法线重合，也只考虑一处约束。如图所示：



(3) 机构结构对称处

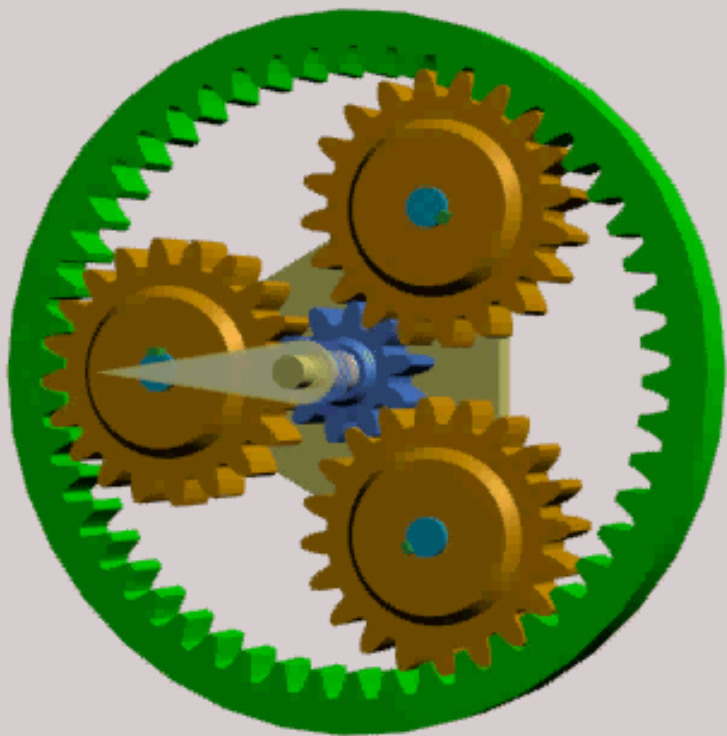


$$n=4, \quad p_L=4, \quad p_H=4$$

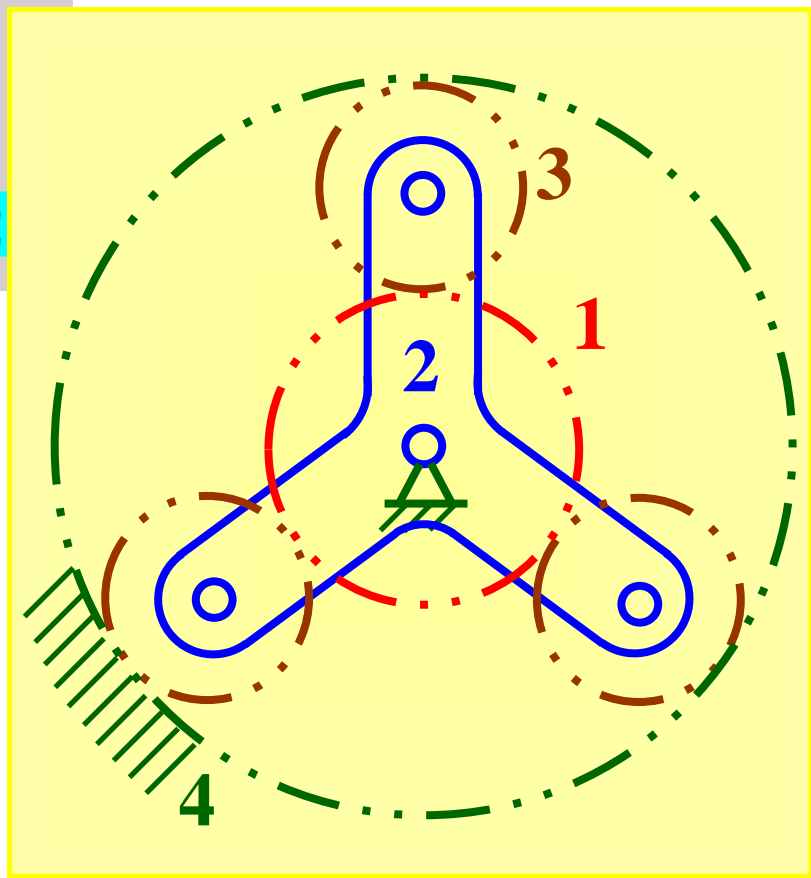
$$F = 3 \times 4 - 2 \times 4 - 4 = 0$$

$$n=3, \quad p_L=3, \quad p_H=2$$

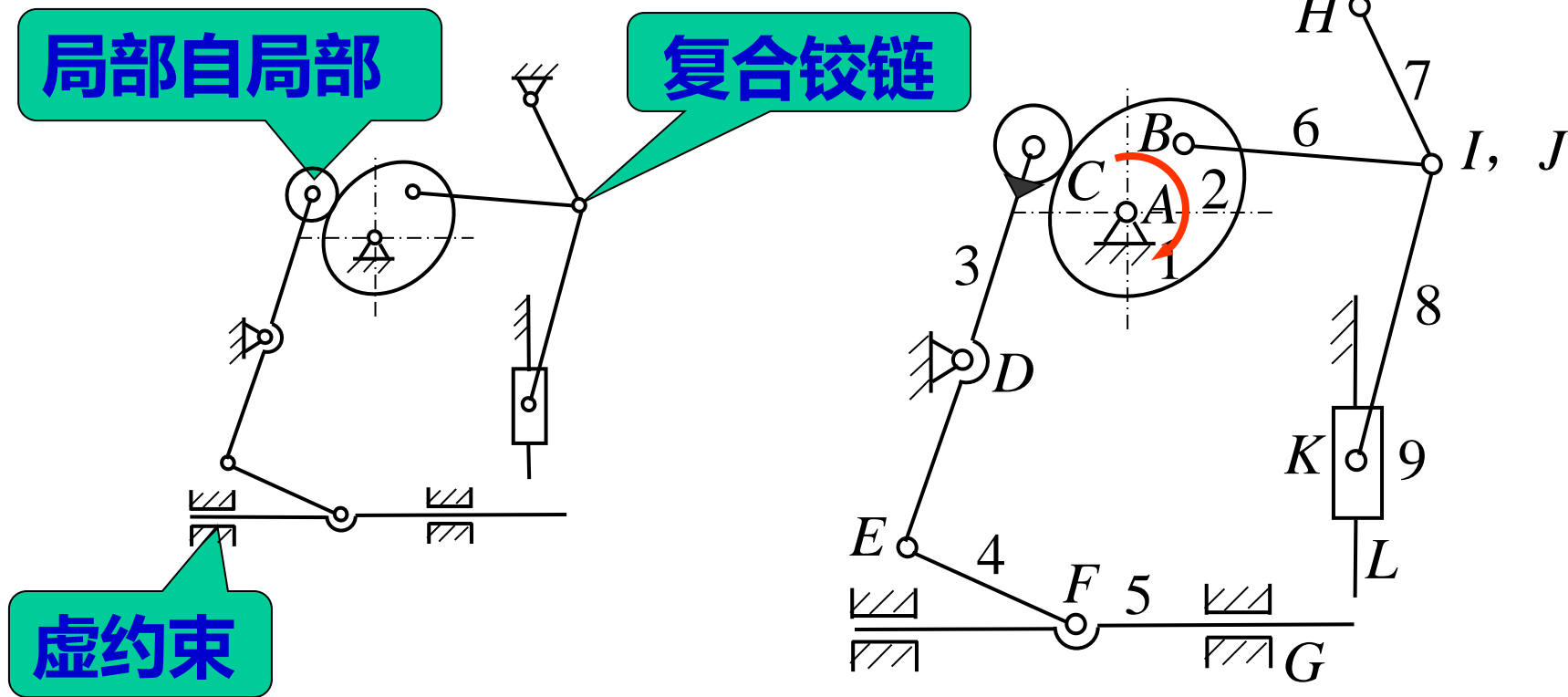
$$F = 3 \times 3 - 2 \times 3 - 2 = 1$$



齿圈固定



例3-2 计算冲压机构的自由度。若有复合铰链、局部自由度、虚约束须指出。

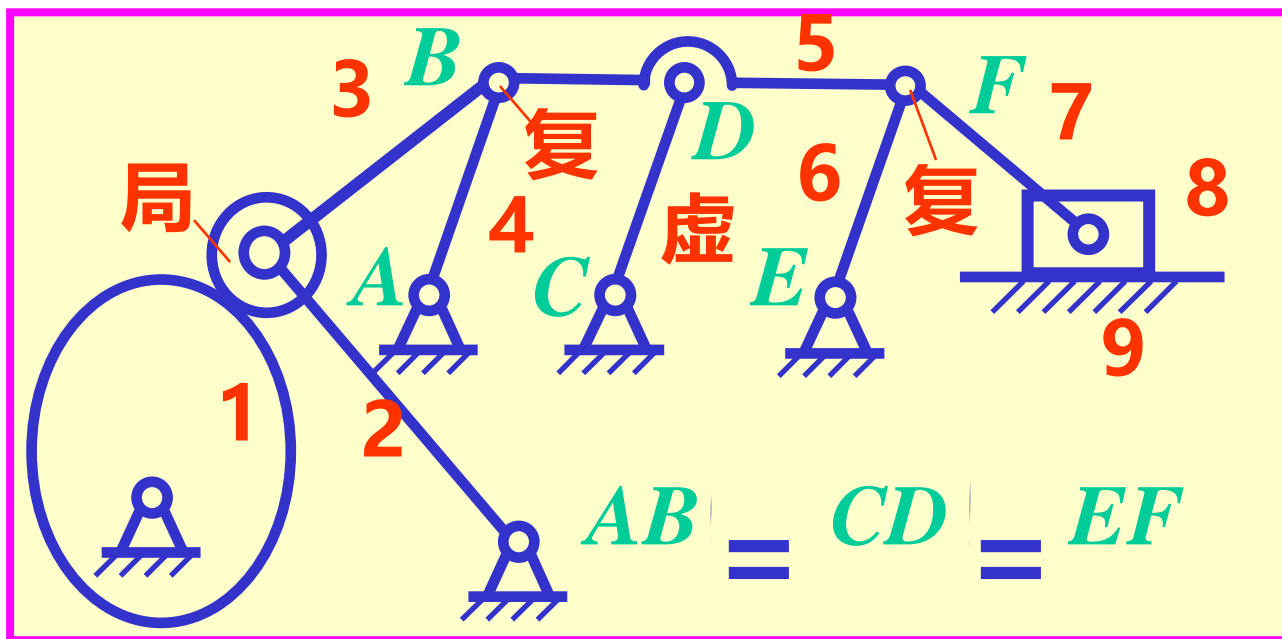


$$n=8, p_L=11, p_H=1$$

$$F = 3 \times 8 - 2 \times 11 - 1 = 1$$

例1.计算下列机构的自由度。

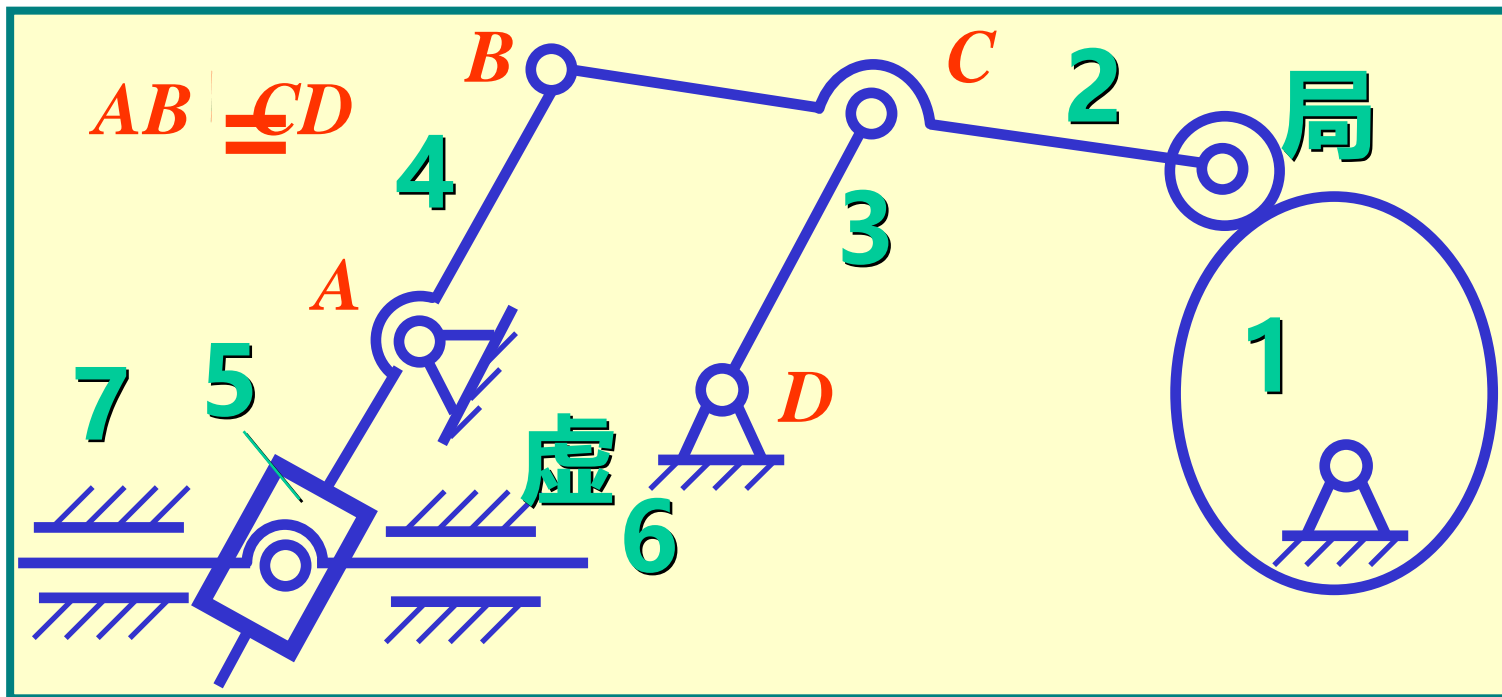
1)



解: $n=8$, $P_L=11$, $P_H=1$

$$F = 3 \times 8 - 2 \times 11 - 1 = 1$$

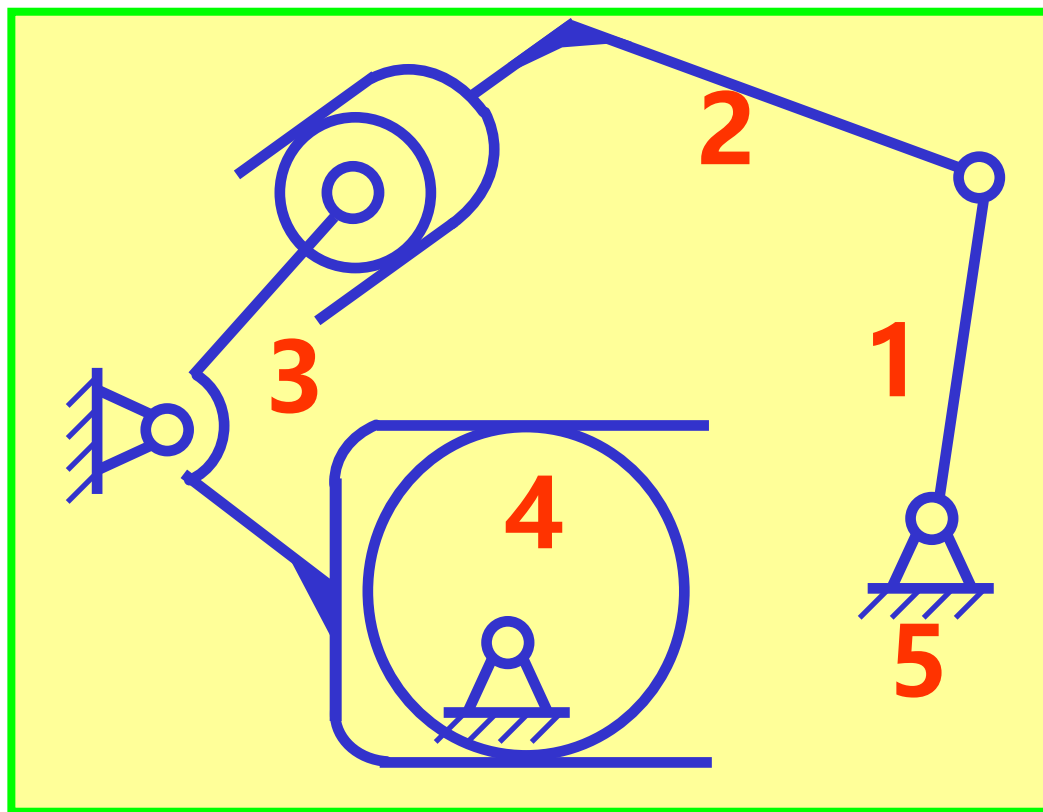
2)



解: $n=6, P_L=8, P_H=1$

$$F = 3 \times 6 - 2 \times 8 - 1 = 1$$

3)

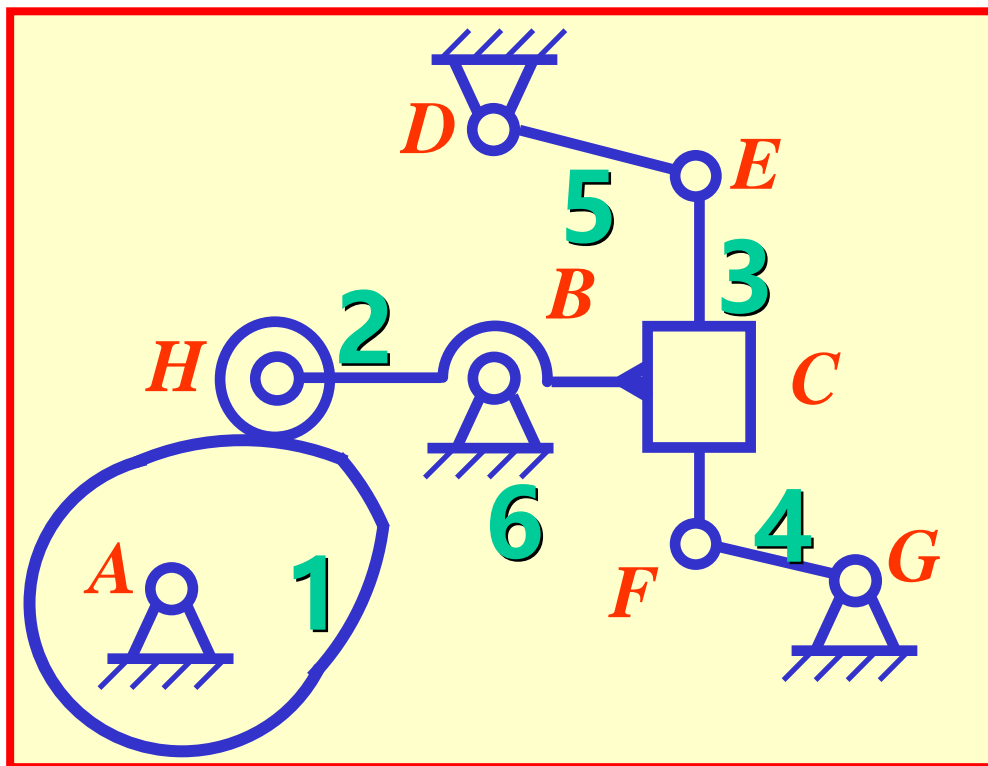


解: $n=4$, $P_L=4$, $P_H=2$

$$F = 3 \times 4 - 2 \times 4 - 2 = 2$$

**例2.试判断下列机构运动是否确定，
若不确定，如何改正？**

1)



解：

$$n=5,$$

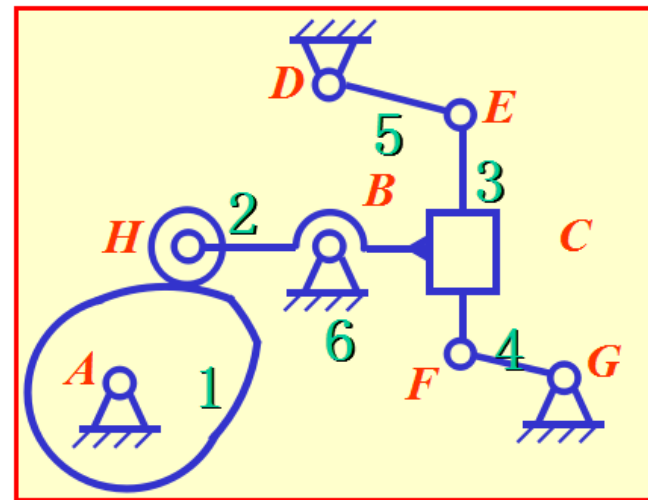
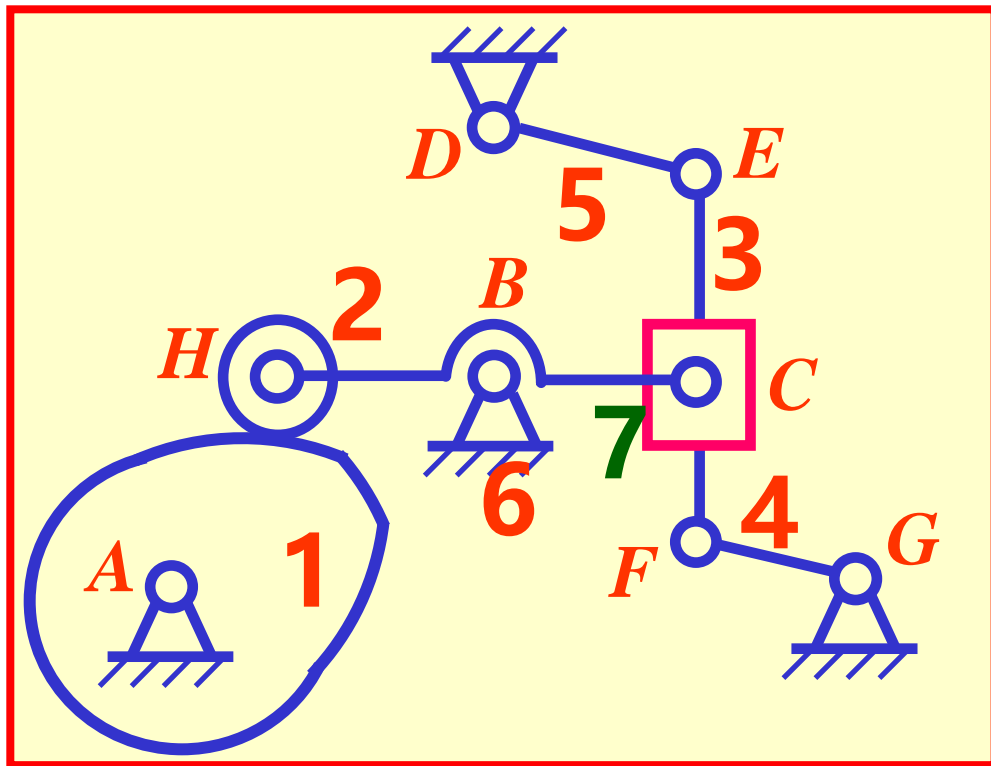
$$P_L=7,$$

$$P_H=1$$

$$F = 3 \times 5 - 2 \times 7 - 1 = 0$$

即：机构不能运动。

将C点改成如图：



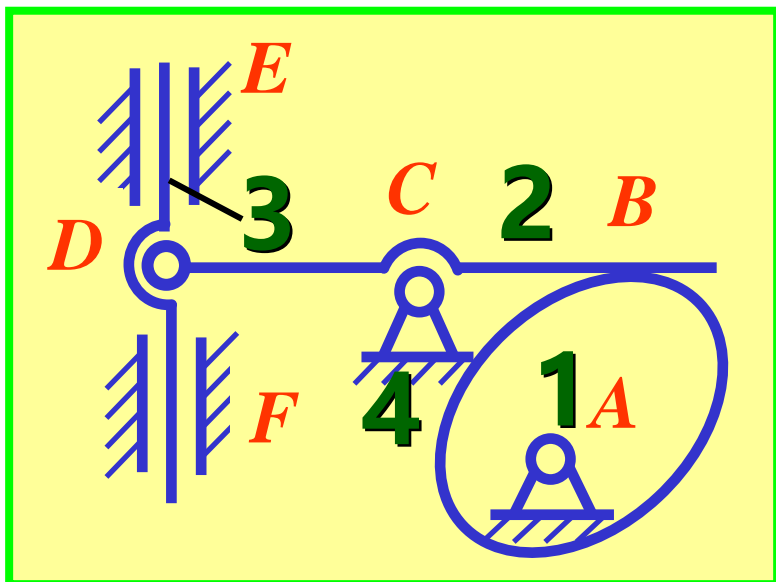
$$n=6,$$

$$P_L=8,$$

$$P_H=1$$

$$F = 3 \times 6 - 2 \times 8 - 1 = 1$$

2)

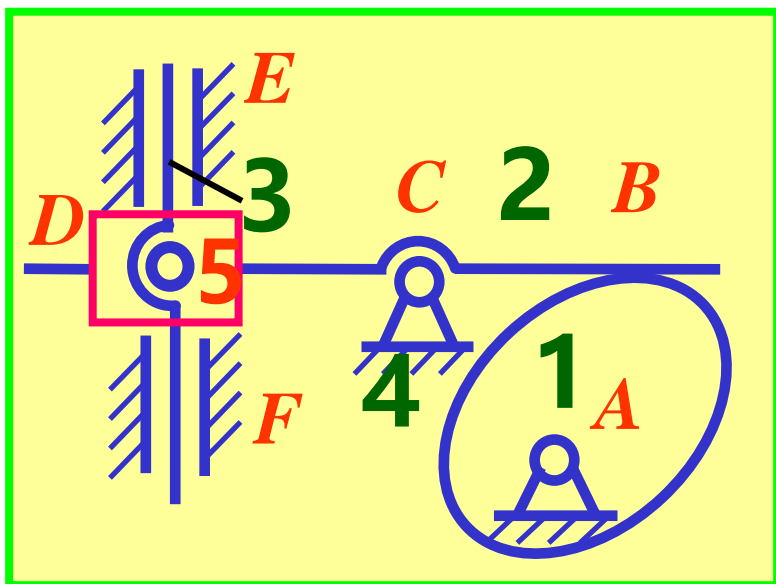


解:

$$n=3, P_L=4, P_H=1$$

$$F = 3 \times 3 - 2 \times 4 - 1 = 0$$

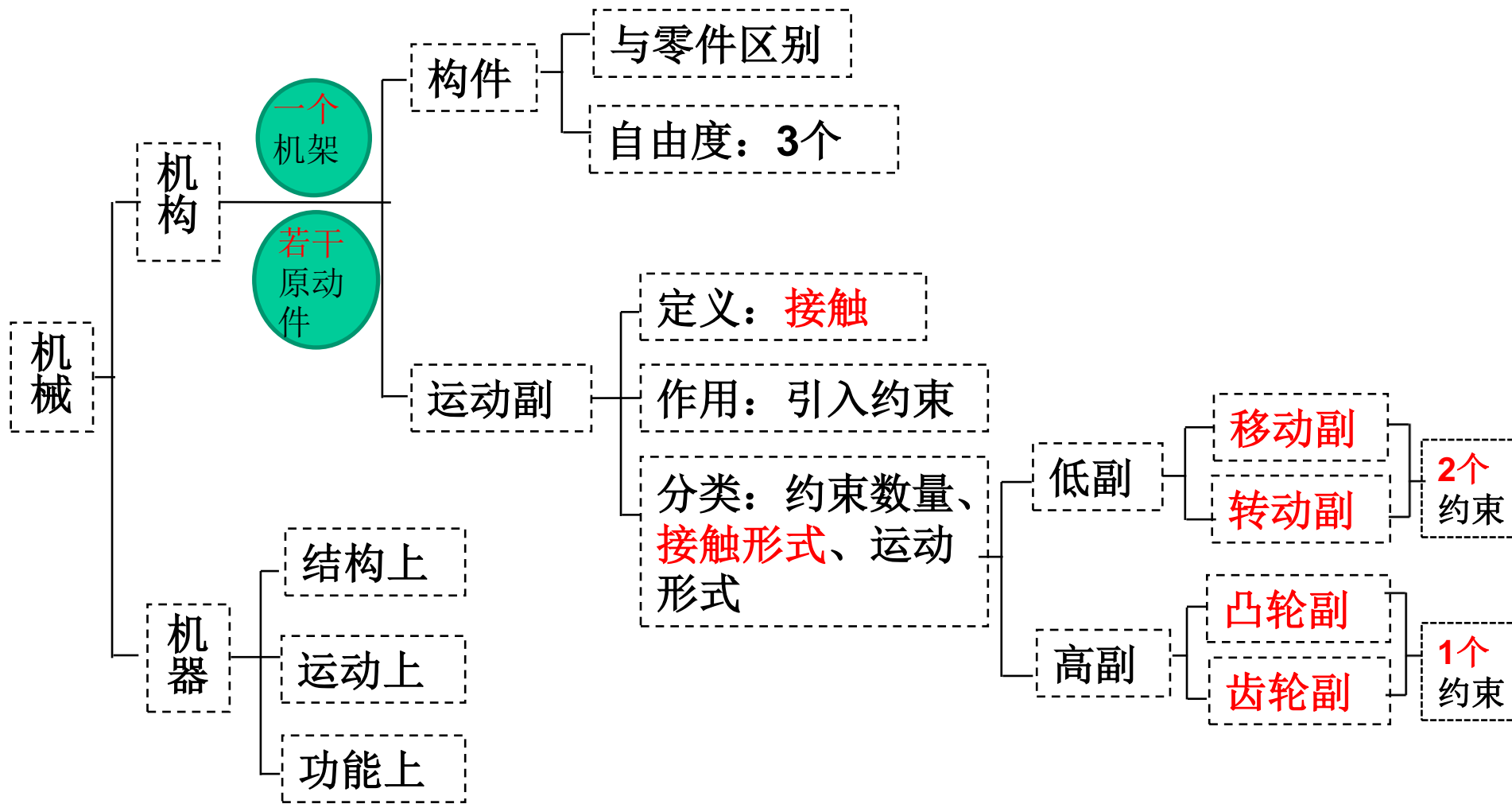
即：机构不能运动。

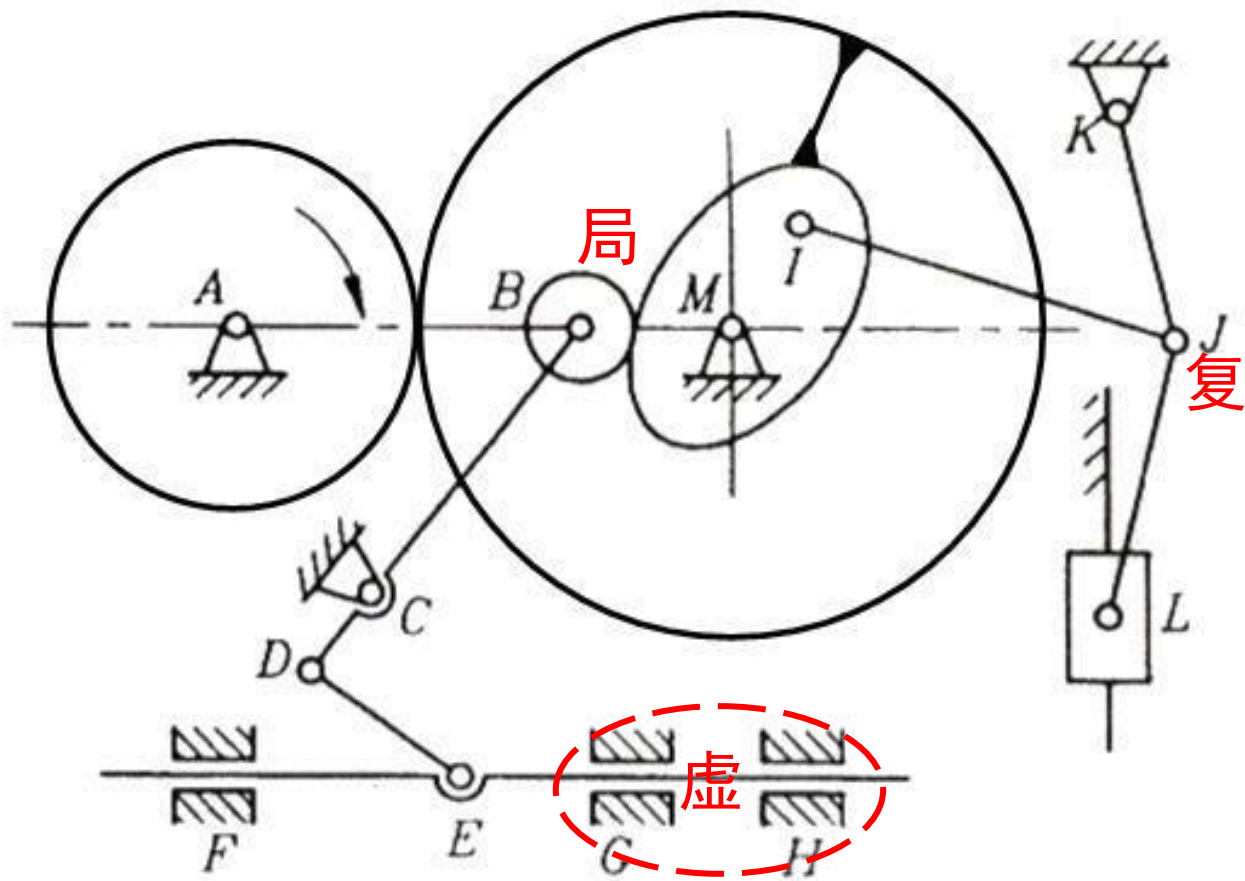


将D点改为如左图：

$$n=4, P_L=5, P_H=1$$

$$F = 3 \times 4 - 2 \times 5 - 1 = 1$$

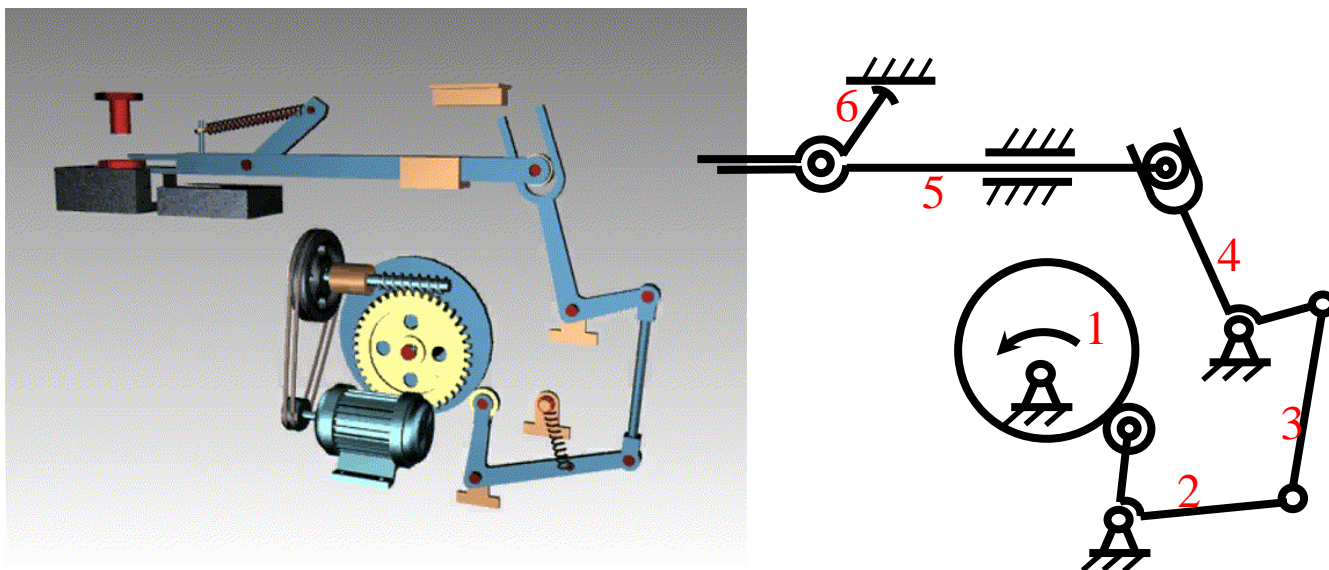




解: $n=9,$ $P_L=12,$ $P_H=2$

$$F=3 \times 9 - 2 \times 12 - 2 = 1$$

【案例】 画出下图自动卸料机的机构运动简图，并计算机构自由度。



解： $n=6$, $P_L=7$, $P_H=3$

$$F=3 \times 6 - 2 \times 7 - 3 = 1$$