

# A1. Задача трех кругов

1. Реализуйте алгоритм Монте-Карло на основе случайной генерации точек в заданной прямоугольной области для приближенного вычисления площади пересечения трех кругов, заданных координатами центров и радиусами.

ID: [292997271](#)

Код алгоритма на с++ лежит в A1i/main.cpp

2. Проведите экспериментальные замеры точности вычисления площади фигуры, рассмотренной в задаче, в зависимости от масштаба прямоугольной области для случайной генерации точек, а также от количества случайно сгенерированных точек  $N$ , которое изменяется от 100 до 100000 с шагом 500. Представьте результаты проведенных экспериментов в следующем виде:

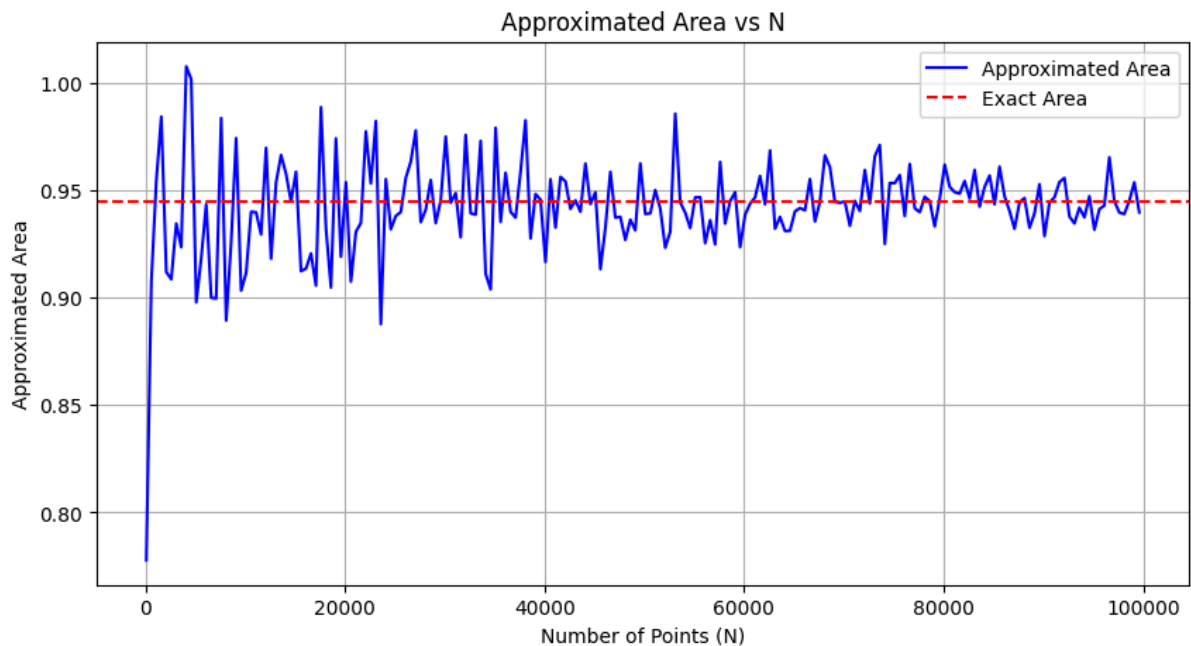
- а. график(-и) первого типа, которые отображают, как меняется приближенное значение площади в зависимости от указанных параметров алгоритма;
- б. график(-и) второго типа, которые отображают, как меняется величина относительного отклонения приближенного значения площади от ее точной оценки в зависимости от указанных параметров алгоритма.

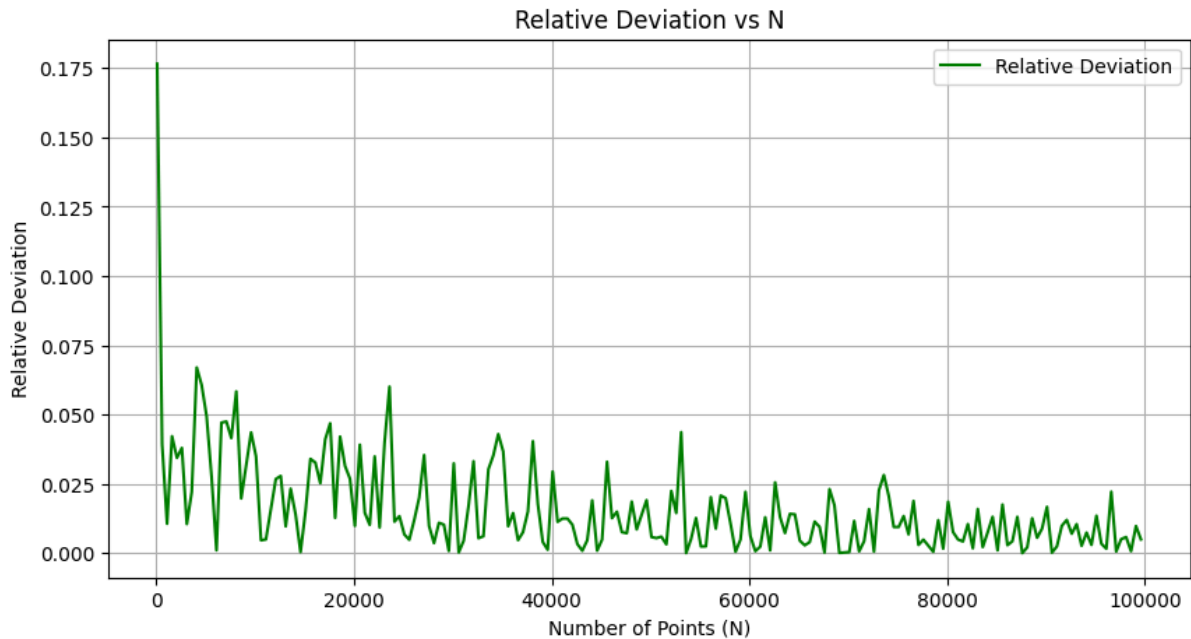
Код алгоритма прогоняющего расчет площади с разными  $N$

лежит в A1\_Additional/main.cpp

Результаты лежат в A1\_additional/results.txt

Теперь графики:





Ссылка на google collab с построением графиков: [ТЫК](#)

Также есть в Set\_3\_A1\_graphs.ipynb

### 3 Вывод:

#### 1. Поведение оценки площади:

- Метод Монте-Карло показал сходимость оценок площади к ожидаемому значению (примерно ), при увеличении количества точек .
- Для малых (например, ), наблюдаются значительные отклонения, вплоть до 17% от истинного значения площади.
- При больших ошибки существенно уменьшаются, подтверждая эффективность метода при большом количестве точек.

#### 2. Анализ относительной ошибки:

- С ростом относительная ошибка имеет тенденцию к уменьшению.
- Для относительная ошибка в большинстве случаев составляет менее 1%.
- Наблюдаются отдельные выбросы ошибок даже при больших , что связано с естественной случайностью метода.

#### 3. Зависимость оценки площади от числа точек :

- Для малых (до ) оценки имеют высокую нестабильность.
- После результат становится стабильно близким к истинному значению.

#### 4. Эффективность метода:

- Метод Монте-Карло демонстрирует высокую точность при достаточном числе точек, подтверждая его пригодность для численных расчетов, особенно при оценке площадей сложных фигур.