

A2. Анализ MERGE+INSERTION SORT

ID: [293141530](#)

Алгоритм лежит в A2i/main.cpp

Этап 1. Подготовка тестовых данных

Реализуйте класс `ArrayGenerator` для генерации тестовых массивов, заполненных целыми числами, со следующими характеристиками:

1. Массивы, которые заполнены случайными значениями в некотором диапазоне.
2. Массивы, которые отсортированы в обратном порядке по невозрастанию.
3. Массивы, которые <<почти>> отсортированы. Их можно получить, обменяв местами небольшое количество пар элементов в полностью отсортированном массиве.

В рамках задачи зафиксируем следующие параметры для подготовки тестовых данных:

- размеры массивов --- от 500 до 10000 с шагом 100 и
- диапазон случайных значений --- от 0 до 6000.

Для удобства подготовки тестовых данных сгенерируйте для каждого случая массив максимальной длины (10000), из которого выбирайте подмассив необходимого размера (500, 600, 700, ... элементов).

Класс `ArrayGenerator` лежит в `A2_additional/array_generator.h`

Этап 2. Эмпирический анализ стандартного алгоритма MERGE SORT

Проведите замеры времени работы стандартной реализации алгоритма MERGE SORT и представьте результаты в виде трех (групп) графиков для каждой категории тестовых данных. Замеры времени работы удобнее всего производить с помощью встроенной библиотеки `std::chrono`. Например:

```
auto start = std::chrono::high_resolution_clock::now();
mergeSort(A, l, r);
auto elapsed = std::chrono::high_resolution_clock::now() - start;
long long msec =
std::chrono::duration_cast<std::chrono::milliseconds>(elapsed).count();
```

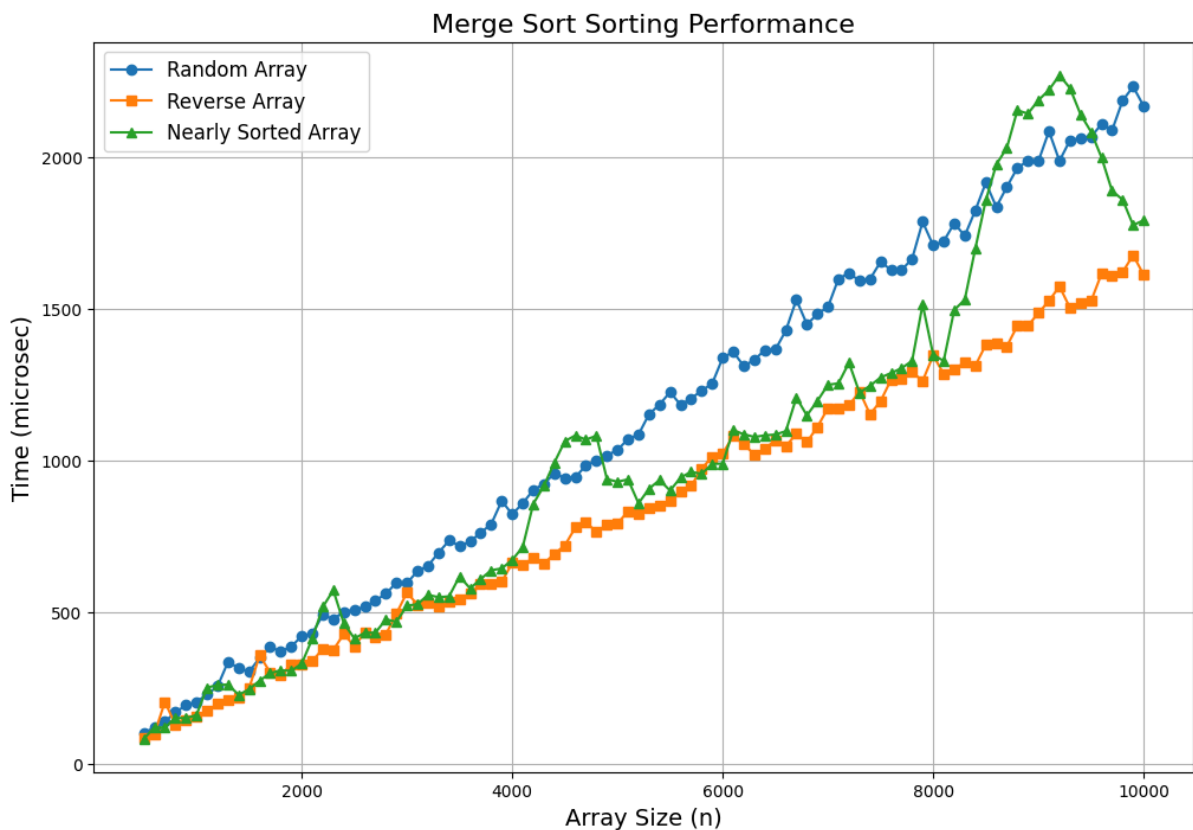
При выполнении эмпирического анализа обратите внимание на:

- минимизацию влияния работы других программ и сетевого подключения,

- необходимость многократных замеров времени работы и усреднения результатов --- количество замеров и способ усреднения остаётся на ваше усмотрение,
- выбор единиц измерения времени --- единицы измерения слишком большого масштаба (например, секунды) приведут к получению плохо интерпретируемых результатов.

Замеры я проводил в микросекундах (иначе слишком маленький разброс) в `A2_additional/sorting_alg.h` лежат реализации сортировок в `A2_additional/sort_tester.h` лежат функции замера времени в `A2_additional/main.cpp` лежит запуск

в `A2_additional/ms_results.txt` лежат результаты замеров в `A2_additional/Set_3_A2.ipynb` лежит код построения графиков Ссылка на google collab с построением графиков: [ТЫК](#)
Графики:



Зеленый график сильно улетел, но я случайно менял 100 элементов из 10000, это 1%, видимо они в конце встречаются, я перезапускал несколько раз, скачек остался.

Этап 3. Эмпирический анализ гибридного алгоритма MERGE+INSERTION SORT

Проведите аналогичные предыдущему этапу замеры времени работы гибридной реализации алгоритма MERGE+INSERTION SORT и представьте результаты в виде трех (групп) графиков для каждой категории подготовленных тестовых данных.

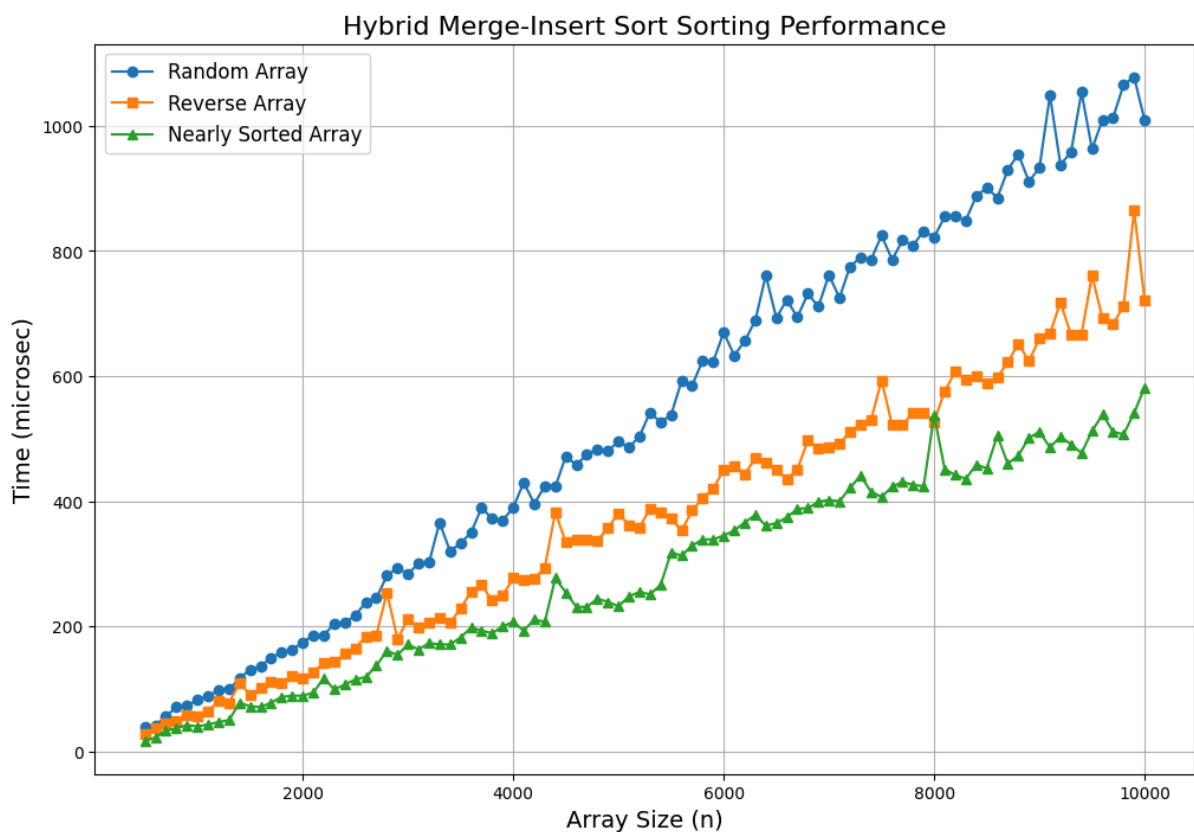
Диапазон параметра переключения (`threshold`) на алгоритм INSERTION SORT остаётся полностью на ваше усмотрение. Например, можно рассмотреть переключение на INSERTION SORT для массивов, состоящих из 5, 10, 20, 30 и 50 элементов.

Функции эмпирического замера времени работы рассматриваемых алгоритмов сортировки реализуйте в отдельном классе `SortTester`.

в `A2_additional/hms_results.txt` лежат результаты замеров

в `A2_additional/Set_3_A2.ipynb` лежит код построения графиков (наверное уже увидели)

Графики:



`threshold` брал 20

Этап 4. Сравнительный анализ

Опишите полученные вами результаты и представьте *содержательные* выводы о сравнении временных затрат двух рассмотренных реализаций алгоритма сортировки слиянием. При выполнении сравнительного анализа, среди прочего, можно обратить внимание на поиск порогового значения параметра переключения в гибридном алгоритме MERGE+INSERTION SORT, начиная с которого он работает медленнее стандартной реализации MERGE SORT.

На основе проведенных замеров и построенных графиков для стандартного алгоритма Merge Sort и гибридного алгоритма Merge+Insertion Sort сделаны следующие наблюдения и выводы:

1. Анализ временных затрат стандартного Merge Sort

- Общая характеристика:
- Стандартный Merge Sort демонстрирует стабильные временные затраты для всех типов массивов: случайных, обратно отсортированных и почти отсортированных.
- С ростом размера массива временные затраты увеличиваются $\log n$ относительно, что соответствует теоретической сложности алгоритма.
- Различия для типов массивов:
- Случайные и обратно отсортированные массивы обрабатываются примерно за одинаковое время.
- Для почти отсортированных массивов время выполнения немного меньше благодаря меньшему количеству необходимых перестановок (кроме 8000-9000 не понятно из-за чего).

2. Анализ временных затрат гибридного Merge+Insertion Sort

- Общая характеристика:
- Гибридный Merge+Insertion Sort существенно превосходит стандартный Merge Sort на массивах малого и среднего размера, достигая вдвое большей скорости на массивах размером .
- При увеличении размера массива разница между алгоритмами постепенно уменьшается, а на очень больших массивах стандартный Merge Sort начинает работать быстрее из-за лучшей масштабируемости.
- Различия для типов массивов:
- На случайных и обратно отсортированных массивах гибридный подход эффективен вплоть до массивов среднего размера.
- На почти отсортированных массивах гибридный алгоритм показывает лучшие результаты даже на более крупных массивах, благодаря высокой эффективности сортировки вставками.

3. Сравнение алгоритмов и пороговое значение

- Пороговое значение размера массива:
- На массивах размером 10000 гибридный алгоритм работает вдвое быстрее стандартного Merge Sort. Это связано с тем, что сортировка вставками снижает накладные расходы на рекурсию и ускоряет обработку небольших подмассивов.
- Для массивов преимущество гибридного подхода исчезает, и стандартный Merge Sort начинает показывать лучшие результаты за счёт лучшей производительности на больших объёмах данных.

- Пример порогового значения:
- Для текущей реализации оптимальным пороговым значением, где гибридный алгоритм переключается на сортировку вставками, является область – (5-400. После этого стандартный Merge Sort начинает показывать сопоставимое или лучшее время. Для 400 на random почти одинаковые, на reverse обычный merge_sort быстрее в 2 раза, на near hybrid намного быстрее в ~4 раза.

4. Выводы

1. Эффективность гибридного Merge+Insertion Sort:

- На массивах размером до 10000 гибридный алгоритм стабильно превосходит стандартный Merge Sort, показывая вдвое меньшие временные затраты.
- Особенно эффективен на почти отсортированных массивах, где сортировка вставками работает с минимальными накладными расходами.

2. Эффективность стандартного Merge Sort:

- На больших массивах (> 10000) стандартный Merge Sort становится более предпочтительным из-за меньшего числа рекурсивных вызовов и лучшей масштабируемости.

3. Практическое применение:

- Гибридный подход лучше всего подходит для обработки массивов малого и среднего размера, а также массивов с частично отсортированной структурой.
- Для больших массивов стандартный Merge Sort остаётся более универсальным решением.