1. Лабораторная работа №1. Линейное программирование

1.1. Задание для работы

Составить программу для вычисления эквивалентных пар выражений z_1, z_2, y_1, y_2 в соответствии с заданием в таблице. Для всех выражений подобрать входные данные согласно ОДЗ.

Вывести на экран результаты вычислений и входные данные. Для вывода данных использовать форматный вывод. Ввод данных организовать с клавиатуры.

1.2. Теоретические сведения

1.2.1. Потоковый ввод/вывод

Поддержка для потокового ввода/вывода данных встроенных типов языка C++ реализована в библиотеке iostream. Для использования библиотеки iostream в программе необходимо включить заголовочный файл:

```
#include <iostream>
```

Применяя iostream, необходимо использовать следующую директиву пространства имен, чтобы определения в iostream были доступны в программе:

```
using namespace std;
```

Операции ввода/вывода выполняются с помощью классов istream (потоковый ввод) и ostream (потоковый вывод). Третий класс, iostream, является производным от них и поддерживает двунаправленный ввод/вывод. Для удобства в библиотеке определены три стандартных объекта-потока:

- cin объект класса istream, соответствующий стандартному вводу. В общем случае он позволяет читать данные с терминала пользователя (консоли);
- cout объект класса ostream, соответствующий стандартному выводу. В общем случае он позволяет выводить данные на терминал пользователя (консоль);
- сегт объект класса ostream, соответствующий стандартному выводу для ошибок. В этот поток направляются сообщения об ошибках программы.

Вывод осуществляется, как правило, с помощью перегруженного оператора сдвига влево (<<), а ввод - с помощью оператора сдвига вправо (>>). Вывод сообщения на экран:

```
cout << "Hello, World!"; /*на экран будет выведено сообщение Hello, World!*/
```

Ввод с клавиатуры:

```
int new; cin >> new; /*ввод с клавиатуры значения целочисленной переменной new*/
```

1.2.2. Форматный вывод Настройка ширины полей

Для размещения чисел различной длины в полях постоянной ширины можно воспользоваться функцией-членом width. Может применяться двумя способами:

```
cout.width(); cout.width(i);
```

Первая форма возвращает текущую установку ширины поля. Вторая устанавливает ширину поля равной і пробелам и возвращает предыдущее значение ширины. Метод width() касается только следующего отображаемого элемента, после чего ширина поля возвращается к значению по умолчанию.

```
Пример:
cout << '#'; cout.width(12);
cout << 12 << "#" << 24 << "#\n";
```

Оператор вывода создает следующую строку вывода:

12#24#

Символы-заполнители

По умолчанию cout заполняет неиспользуемые части поля пробелами. Для изменения этого можно воспользоваться функцией-членом fill(). Например, следующий вызов изменяет символ-заполнитель на звездочку:

Ниже показан вывод программы из примера:

Waldo Whipsnade: \$****900 Wilmarie Wooper: \$***1350

Необходимо обратить внимание, что в отличие от использования функции по установке ширины поля, новый символ-заполнитель остается в действии до тех пор, пока он не будет заменен.

Установка точности отображения чисел с плавающей точкой

Функция-член precission() позволяет задать количество знаков после десятичной точки.

```
float price2 = 1.9 + 8.0 / 9.0;
  cout.precision(2);
  cout << "Furry Friends is $" << pricel << " !\n"; cout << "Fiery Fiends is $" <<
price2 << " !\n";
  return 0;
  }</pre>
```

Вывод программы с применением текущего форматирования С++ имеет следующий вид:

Furry Friends is \$20.! Fiery Fiends is \$2.8!

1.2.3. Основные алгебраические функции

Библиотека cmath языка C++ определяет набор функций для выполнения общих математических операций и преобразований:

```
#include <cmath>
```

В таблицах 1.2.1-1.2.5 представлены основные функции математических операций и преобразований библиотеки cmath.

Таблица 1 Тригонометрические функции

cos(a)	Вычисление косинуса угла а. Угол а в радианах
sin(a)	Вычисление синуса угла а. Угол а в радианах
tan(a)	Вычисление тангенса угла а. Угол а в радианах
acos(a)	Вычисление арккосинуса а. Результат в радианах
asin(a)	Вычисление арксинуса а. Результат в радианах
atan(a)	Вычисление арктангенса а. Результат в радианах

Таблица 2 Гиперболические функции

cosh(a)	Вычисление гиперболического косинуса.
sinh(a)	Вычисление гиперболического синуса.
tanh (a)	Вычисление гиперболического тангенса.

Таблица 3 Экспоненциальные и логарифмические функции

exp (a)	Вычисление экспоненты
log(a)	Натуральный логарифма
<u>log10(a)</u>	Десятичный логарифм а

pow(a,b)	Возведение числа а в степень в
sqrt(a)	Корень квадратный числа а $(a > 0)$

Таблица 5 Округление, модуль и другие функции

ceil (a)	Округлениеа до наименьшего целого значения, но не меньше а	
abs (a)	Вычисление модуля а Округлениеа до наибольшего целого значения, но не больше а	
floor (a)		
fmod	Остаток от деления а на b	
<u>(a,b)</u>	Service Action and a	
ceil (a)	Округлениеа до наименьшего целого значения, но не меньше а	

1.3. Пример программы

Исходные данные: x = 3,3. Выражения для вычисления:

```
y_1 = \frac{x^2 + 2x - 3 + (x+1)\sqrt{x^2 - 9}}{x^2 - 2x - 3 + (x-1)\sqrt{x^2 - 9}};y_2 = \frac{\sqrt{x+3}}{\sqrt{x-3}};
```

```
// лабораторная работа № вариант № группа № студент ФИО
#include <iostream> // стандартный поток консольного ввода/вывода
#include <cmath>
/* заголовочный файл, содержащий основные
математические функции */

using namespace std; //используемое стандартное пространство имен

int main()
{
    // объявление и инициализация переменных
    double y1 = 0.0, y2 = 0.0, s1 = 0.0, yd = 0.0; double x = 3.3;
    s1 = sqrt(x * x - 9); // повторяющая часть формулы
    yd = x*x - 2*x - 3 + (x-1)*s1; // знаменатель y1
    y1 = (x*x + 2*x - 3 + (x+1)*s1) / yd; y2 = sqrt(x+3) / sqrt(x-3);
    cout << "Y1 = " << y1 << "Y2 = " << y2 << endl;
    cin.get(); // задержка экрана
    return 0;
}
```

1.4. Содержание отчета

Отчет к лабораторной работе должен содержать:

- 1. Текст задания, вариант.
- 2. ОДЗ (область допустимых значений).
- 3. Листинг программы.
- 4. Скриншоты результатов выполнения программы.

1.5. Варианты заданий для работы

№ п/ п	Исходны е данные	Формулы для вычислений
1	χ, α, β	$\begin{split} z_1 &= \left(\frac{1+\sqrt{x}}{\sqrt{1+x}} - \frac{\sqrt{1+x}}{1+\sqrt{x}}\right)^2 - \left(\frac{1-\sqrt{x}}{\sqrt{1+x}} - \frac{\sqrt{1+x}}{1-\sqrt{x}}\right)^2; \\ z_2 &= \frac{16x\sqrt{x}}{(1-x^2)(x-1)}; \\ y_1 &= (\cos\alpha - \cos\beta)^2 + (\sin\alpha - \sin\beta)^2; \end{split}$
		$y_2 = 4\sin^2\frac{\alpha - \beta}{2}.$
2	m, n, α	$z_{1} = \frac{\left(\sqrt[4]{m} + \sqrt[4]{n}\right)^{2} + \left(\sqrt[4]{m} - \sqrt[4]{n}\right)^{2}}{2(m-n)} : \frac{1}{\sqrt{m^{3}} - \sqrt{n^{3}}} - 3\sqrt{mn};$ $z_{2} = \left(\sqrt{m} - \sqrt{n}\right)^{2};$ $y_{1} = \frac{1 - 2\sin^{2}\alpha}{1 + \sin 2\alpha};$ $y_{2} = \frac{1 - tg\alpha}{1 + tg\alpha}.$
3	α, α	$z_{1} = \sqrt{\frac{2a}{(1+a)^{2}\sqrt{1+a}}} \cdot \sqrt[3]{\frac{4+\frac{8}{a}+\frac{4}{a^{2}}}{\sqrt{2}}};$ $z_{2} = \frac{2\sqrt[6]{a^{5}}}{a};$ $y_{1} = \frac{\cos 4\alpha + 1}{\cot \alpha - \tan \alpha};$ $y_{2} = \frac{1}{2}\sin 4\alpha.$

4	χ, α	$4x(x + \sqrt{x^2 - 1})^2$
		$z_1 = \frac{4x(x + \sqrt{x^2 - 1})^2}{(x + \sqrt{x^2 - 1})^4 - 1};$
		$z_2 = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}};$
		$\sqrt{x^2-1}'$
		$y_1 = \frac{\cos^{-1} 2\alpha + \sin 2\alpha \operatorname{tg} 2\alpha}{1 + \cos 4\alpha} + \frac{1}{4 \sin^2 \left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right) \operatorname{ctg} \left(\frac{\pi}{4} - \alpha\right)};$
		$4\sin^2\left(\frac{\alpha}{4}-\alpha\right)\operatorname{ctg}\left(\frac{\alpha}{4}-\alpha\right)$
		$y_2 = \frac{1}{\cos^3 2\alpha}.$
5	a, α	$z_1 = \left(\frac{\sqrt{a}}{2} - \frac{1}{2\sqrt{a}}\right)^2 \left(\frac{\sqrt{a} - 1}{\sqrt{a} + 1} - \frac{\sqrt{a} + 1}{\sqrt{a} - 1}\right);$
		. , , , , ,
		$z_2 = \frac{1-a}{\sqrt{a}};$
		$y_1 = \cos \alpha (1 + \cos^{-1} \alpha + \lg \alpha) (1 - \cos^{-1} \alpha + \lg \alpha);$
		$y_2 = 2 \sin \alpha$.
6	α, α	$z_1 = \frac{1}{2(1+\sqrt{a})} + \frac{1}{2(1-\sqrt{a})} - \frac{a^2+2}{1-a^3};$
		$z_2 = -\frac{1}{a^2 + a + 1};$
		$y_1 = \frac{1 + \operatorname{ctg} 2\alpha \operatorname{ctg} \alpha}{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{ctg} \alpha};$
		$y_2 = \frac{1}{2}ctg \ \alpha.$
7	m, n, α	$z_{1} = \frac{\left(m^{2} - \frac{1}{n^{2}}\right)^{m} \left(n + \frac{1}{m}\right)^{n-m}}{\left(n^{2} - \frac{1}{m^{2}}\right)^{n} \left(m - \frac{1}{n}\right)^{m-n}};$
		$\binom{n^2-\frac{-}{m^2}}{m^2}\binom{m-\frac{-}{n}}{n}$
		$z_2 = \left(\frac{m}{n}\right)$;
		$y_1 = \frac{\cos^2 \alpha - \operatorname{ctg}^2 \alpha + 1}{\sin^2 \alpha + \operatorname{tg}^2 \alpha - 1};$
		$\sin^2 \alpha + \lg^2 \alpha - 1$ $y_2 = ctg^2 \alpha.$
		$y_2 - ccg$ a .

10		
12	χ, α	$z_1 = \left(x \cdot \sqrt[2]{\frac{x-1}{(x+1)^2}} + \frac{x-1}{\sqrt[2]{(x^2-1)^2}}\right)^{-3/5} : (x^2-1)^{4/5};$
		1
		$z_2 = \frac{1}{x^2 - 1};$
		$y_1 = \operatorname{tg} \alpha + \operatorname{ctg} \alpha + \operatorname{tg} 3\alpha + \operatorname{ctg} 3\alpha$;
		$y_2 = \frac{8\cos^2 2\alpha}{\sin 6\alpha}.$
13	a, b, α	$z_1 = \frac{(ab^{-1} + a^{-1}b + 1)(a^{-1} - b^{-1})^2}{a^2b^{-2} + a^{-2}b^2 - (ab^{-1} + a^{-1}b)};$
		$z_2 = \frac{1}{ah};$
		ab
		$y_1 = \frac{\sin\left(\frac{\pi}{2} + 3\alpha\right)}{1 - \sin(3\alpha - \pi)};$
		$y_2 = ctg\left(\frac{5\pi}{4} + \frac{3\alpha}{2}\right).$
14	α, α	$z_1 = \left(\frac{1}{\sqrt{a}+\sqrt{a+1}} + \frac{1}{\sqrt{a}-\sqrt{a-1}}\right): \left(1+\sqrt{\frac{a+1}{a-1}}\right);$
		$z_2 = \sqrt{a-1};$
		$y_1 = \frac{\sin 2\alpha - \sin 3\alpha + \sin 4\alpha}{\cos 2\alpha + \cos 3\alpha + \cos 4\alpha};$
15	χ, α	$y_2 = tg \ 3\alpha.$ $z_1 = \frac{x - 1}{x^{3/4} + x^{1/2}} \cdot \frac{x^{1/2} + x^{1/4}}{x^{1/2} + 1} \cdot x^{1/4} + 1;$ $z_2 = \sqrt{x};$
		$z_1 = \frac{1}{\chi^{3/4} + \chi^{1/2}} \cdot \frac{1}{\chi^{1/2} + 1} \cdot \chi^{1/4} + 1;$
		$z_2 = \sqrt{x}$;
		$y_1 = \frac{\operatorname{tg} 2\alpha}{\operatorname{tg} 4\alpha - \operatorname{tg} 2\alpha};$ $y_2 = \cos 4\alpha.$
		$v_2 = \cos 4\alpha.$
16	χ, α	$z_{1} = \sqrt[6]{4x(11 + 4\sqrt{6})} \cdot \sqrt[2]{4\sqrt{2x} - 2\sqrt{3x}};$
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
		$z_2 = \sqrt[3]{20x};$
		$y_1 = \frac{1 + \cos \alpha + \cos 2\alpha + \cos 3\alpha}{\cos \alpha + 2\cos^2 \alpha - 1};$
		$y_2 = 2\cos\alpha.$
	i	

		
17	ρ, α	$z_1 = \frac{\sqrt{(2p+1)^3} + \sqrt{(2p-1)^3}}{\sqrt{4p+2\sqrt{4p^2-1}}};$
		$\sqrt{4p+2\sqrt{4p^2-1}}$
		$z_2 = 4p - \sqrt{4p^2 - 1};$
		$y_1 = \cos^{-4} \alpha - \sin^{-4} \alpha ;$
		$y_2 = -\frac{16\cos 2\alpha}{\sin^4 2\alpha}.$
		$y_2 = -\frac{1}{\sin^4 2\alpha}.$
18	χ, α	$z_1 = \frac{1 - x^{-2}}{x^{1/2} - x^{-1/2}} - \frac{2}{x^{3/2}} + \frac{x^{-2} - x}{x^{1/2} - x^{-1/2}};$
		$z_2 = -\sqrt{x} \left(1 + \frac{2}{x^2} \right);$
		$y_1 = \frac{\operatorname{tg}^4 \alpha - \operatorname{tg}^6 \alpha}{\operatorname{ctg}^4 \alpha - \operatorname{ctg}^2 \alpha};$
		$y_2 = tg^8 \alpha$.
19	χ, α, β	$z_1 = \left(\frac{\sqrt[4]{x^3} - \sqrt[4]{x}}{1 - \sqrt{x}} + \frac{1 + \sqrt{x}}{\sqrt[4]{x}}\right)^2 + \left(1 + \frac{2}{\sqrt{x}} + \frac{1}{x}\right)^{-1/2};$
		$z_2 = \frac{1 - \sqrt{x}}{1 - x};$
		$y_1 = \sin^2\left(\beta - \frac{\pi}{2}\right) - \cos^2\left(\alpha - \frac{3\pi}{2}\right);$
		$y_2 = \cos(\alpha + \beta)\cos(\alpha - \beta).$
20	χ, α	$z_1 = \left(\sqrt{1 - x^2} + 1\right) : \left(\frac{1}{\sqrt{1 + x}} + \sqrt{1 - x}\right);$
		$z_2 = \sqrt{1+x};$
		$y_1 = 3 - 4\sin^2\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right);$
		$y_2 = 4\cos\left(\frac{\pi}{6} + \alpha\right)\cos\left(\frac{\pi}{6} - \alpha\right).$
21	α, χ, α	$z_1 = \sqrt{\frac{x}{x - a^2}} : \left(\frac{\sqrt{x} - \sqrt{x - a^2}}{\sqrt{x} + \sqrt{x - a^2}} - \frac{\sqrt{x} + \sqrt{x - a^2}}{\sqrt{x} - \sqrt{x - a^2}}\right);$
		$z_2 = \frac{a^2}{4(a^2 - x)};$
		$y_1 = \sin 5\alpha + \sin 6\alpha + \sin 7\alpha + \sin 8\alpha;$
		$y_2 = 4\cos\frac{\alpha}{2}\cos\alpha\sin\frac{13\alpha}{2}$.
		۷ ۷

22		
22	Ζ, α	$z_{1} = \frac{\left(z - z\sqrt{z} + 2 - 2\sqrt{z}\right)^{2} \left(1 + \sqrt{z}\right)^{2}}{z - 2 + \frac{1}{z}} - z\sqrt{z}\sqrt{\frac{4}{z} + 4 + z};$
		$z_2 = z(z+1)(z+2);$
		$y_1 = 3 + 4\cos 4\alpha + \cos 8\alpha;$
		$y_2 = 8\cos^4 2\alpha.$
23	χ, α	$z_1 = \frac{2(x^4 + 4x^2 - 12) + x^4 + 11x^2 + 30}{x^2 + 6};$
		$z_2 = 1 + 3x^2;$
		$y_1 = 4\cos\left(\frac{\pi}{6} - \alpha\right)\sin\left(\frac{\pi}{3} - \alpha\right);$
		$y_2 = \frac{\sin 3\alpha}{\sin \alpha}.$
24	ρ, α	$z_1 = \left((1 - p^2)^{-1/2} - (1 + p^2)^{-1/2} \right)^2 + 2(1 - p^4)^{-1/2};$
		$z_2 = \frac{2}{1 - p^4};$
		$y_1 = 3 - 4\cos(4\alpha - 3\pi) - \cos(5\pi + 8\alpha);$
		$y_2 = 8\cos^4 2\alpha.$
25	x, y, α	$z_1 = \left(\left(\frac{x}{y - x} \right)^{-2} - \frac{(x + y)^2 - 4xy}{x^2 - xy} \right)^2 \frac{x^2}{x^2 y^2 - y^4};$
		$z_2 = \frac{x - y}{x + y};$
		$y_1 = \frac{3 + 4\cos 4\alpha + \cos 8\alpha}{3 - 4\cos 4\alpha + \cos 8\alpha};$
26		$y_2 = ctg^4 2\alpha$.
26	α, α	$z_1 = \left(6a^2 + 5a - 1 + \frac{a+4}{a+1}\right) : \left(3a - 2 + \frac{3}{a+1}\right);$
		$z_2 = 2a + 3;$
		$y_1 = \frac{1 - 2\sin^2 2\alpha}{1 - \sin 4\alpha};$
		$1 - \sin 4\alpha$ $1 + tg 2\alpha$
		$y_2 = \frac{1 + tg \ 2\alpha}{1 - tg \ 2\alpha}.$
		$y_2 = \frac{1}{1 - tg 2\alpha}.$

0.5		
27	m, n, α	$(m-1)\sqrt{m}-(n-1)\sqrt{n}$
		$z_1 = \frac{1}{\sqrt{m^3 n} + mn + m^2 - m}$
		$\sqrt{m} - \sqrt{n}$
		$z_2 = \frac{\cdot \cdot \cdot}{m}$;
		(4π)
		$z_{1} = \frac{(m-1)\sqrt{m} - (n-1)\sqrt{n}}{\sqrt{m^{3}n} + mn + m^{2} - m};$ $z_{2} = \frac{\sqrt{m} - \sqrt{n}}{m};$ $y_{1} = \sin(\pi + \alpha)\sin\left(\frac{4\pi}{3} + \alpha\right)\sin\left(\frac{2\pi}{3} + \alpha\right);$
		$y_2 = \frac{1}{4} \sin 3\alpha$.
		³² 4 3 4 3 4 .
28	t, α	$z_1 = \left(\frac{t\sqrt{t+2}}{\sqrt{t-2}} - \frac{2\sqrt{t-2}}{\sqrt{t+2}} - \frac{4t}{\sqrt{t^2-4}}\right)^{1/2} : \sqrt[4]{t^2-4};$
		$Z_1 = \left(\frac{1}{\sqrt{t-2}} - \frac{1}{\sqrt{t+2}} - \frac{1}{\sqrt{t^2-4}}\right) : \sqrt{t^2-4};$
		$\sqrt{t^2-4}$
		$z_2 = \frac{\sqrt{t^2 - 4}}{t + 2};$
		$y_1 = \operatorname{tg} 4\alpha - \cos^{-1} 4\alpha;$
		$y_2 = \frac{\sin 2\alpha - \cos 2\alpha}{\sin 2\alpha + \cos 2\alpha}.$
29	b, α	$\frac{ b-1 }{ b-1 } + h b-1 + 2 - \frac{2}{ b-1 }$
		$z_1 = \frac{b}{\sqrt{b}} + \frac{b}{\sqrt{b}} = \frac{b}{\sqrt{b}};$
		$z_1 = \frac{\frac{ b-1 }{b} + b b-1 + 2 - \frac{2}{b}}{\sqrt{b-2 + \frac{1}{b}}};$
		$b^2 - 1$
		$z_2 = \frac{b^2 - 1}{\sqrt{b}};$
		$y_1 = \cos^8 \alpha - \sin^8 \alpha$;
		$y_2 = \frac{\cos 2\alpha (3 + \cos 4\alpha)}{4}.$
30	α, α, β	$(a+4)^{3/2}$
		$z_1 = \left(2 - \frac{1}{4a^{-1}} - \frac{4}{a}\right) \left((a-4)\sqrt[3]{(a+4)^{-3}} - \frac{(a+4)^{3/2}}{\sqrt{(a^2 - 16)(a-4)}}\right);$
		(4) (2 , 4)
		$z_2 = \frac{(4-a)(a^2+16)}{2a(a+4)};$
		$y_1 = \operatorname{ctg}^2 \alpha - \operatorname{ctg}^2 \beta ;$
		$y_2 = \frac{\cos^2 \alpha - \cos^2 \beta}{\sin^2 \alpha \sin^2 \beta}.$
		$\sin^2 \alpha \sin^2 \beta$

1.6. Приложение. Создание проекта в Visual Studio 2019

После запуска программы появится окно приветствия, в котором необходимо выбрать пункт «Создание проекта».

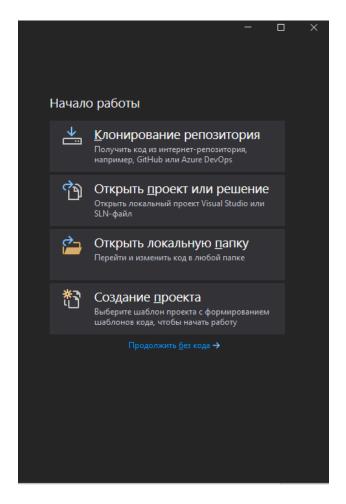


Рисунок 1 Окно приветствия Visual Studio

Затем в открывшемся окне в выпадающих списках выбрать – «C++» - «Все платформы» - «Все типы проектов»

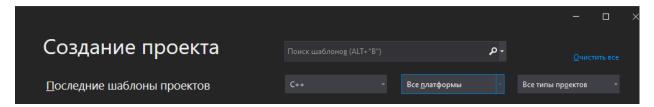


Рисунок 2 Создание проекта фильтр типов

Ниже в отфильтрованных проектах выбрать пункт «Консольное приложение» и нажать «Далее»

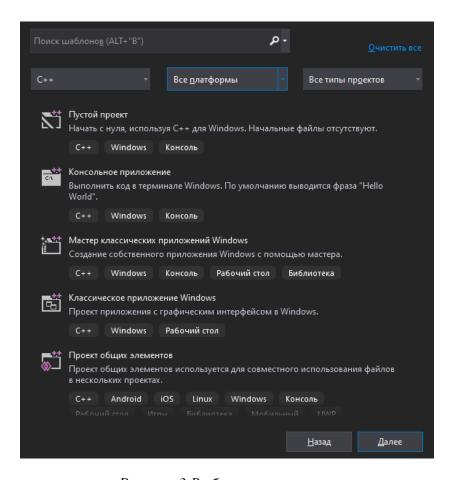


Рисунок 3 Выбор типа проекта

В следующем окне ввести имя проекта и нажать создать.

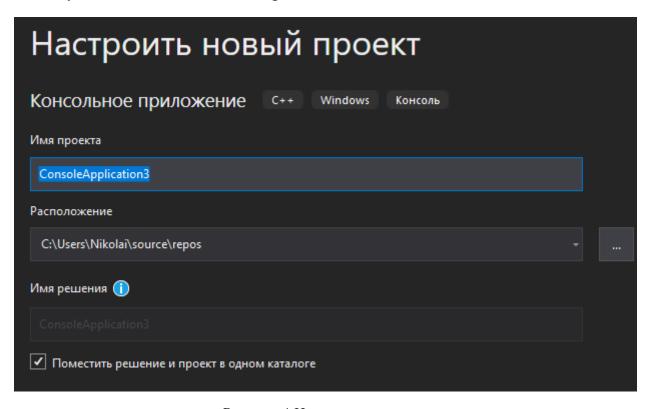


Рисунок 4 Настройки проекта

После этого будет создан проект и автоматически будет сгенерирован файл имя проекта.cpp с функцией main.

Рисунок 4 Функция таіп