- 1) Дана целочисленная квадратная матрица порядка 5. Определить, является ли она магическим квадратом. Магическим квадратом порядка n*n называется квадратная таблица размера n x n, составленная из чисел 1, 2, ..., n² так, что суммы по каждому столбцу, каждой строке и каждой из диагоналей равны между собой.
- 2) Дана целочисленная квадратная матрица порядка п. Определить, является ли она латинским квадратом: каждая строка и каждый столбец содержат числа 1, 2, ..., п.
- 3) Дана целочисленная матрица порядка \mathbf{n} х \mathbf{m} , каждый элемент \mathbf{a}_{ij} которой равен $\mathbf{0}$, $\mathbf{1}$, $\mathbf{2}$ или $\mathbf{3}$. Определить количество четверок \mathbf{a}_{i} \mathbf{j} , $\mathbf{a}_{i+1,j}$, \mathbf{a}_{i} \mathbf{j} +1, \mathbf{a}_{i+1} \mathbf{j} +1, \mathbf{b} каждой из которых все элементы равны.
- 4) Элемент матрицы называется седловой точкой, если он является одновременно наименьшим в своей строке и наибольшим в своем столбце или наоборот. Дана действительная матрица размера n x m. Выяснить, имеются ли седловые точки в этой матрице и если имеются, то указать индексы одной из них.
- 5) Даны целые числа a_1 , ..., a_{10} , целочисленная матрица порядка n. Заменить нулями в матрице те элементы с четной суммой индексов, для которых имеются равные среди a_1 , ..., a_{10} .
- 6) В данной действительной квадратной матрице порядка п найти наибольший по модулю элемент. Получить квадратную матрицу порядка n-1 путем выбрасывания из исходной матрицы какой-нибудь строки и столбца, на пересечении которых расположен элемент с найденным значением.
- 7) Дана целочисленная матрица размера n x m. Найти матрицу, получающуюся из данной перестановкой столбцов: первого с последним, второго с предпоследним и т.д.
- **8)** Даны действительные числа a_1 , ..., a_n , действительная квадратная матрица порядка n >= 6). Получить действительную матрицу размера n*(n+1), вставив в исходную матрицу между пятым и шестым столбцами новый столбец с элементами a_1 , ..., a_n .
- 9) Дана целочисленная матрица размера n x m. Найти матрицу, которая получается из заданной матрицы, перестановкой строк: первой с последней, второй с предпоследней и т.д.
- **10)** Дана действительная квадратная матрица порядка n. Преобразовать матрицу по правилу: строку с номером n сделать столбцом с номером n, a столбец с номером n сделать строкой с номером n.
- 11) Даны две действительные квадратные матрицы порядка n. Получить новую матрицу умножением элементов каждой строки первой матрицы на наибольшее из значений элементов соответствующей строки второй матрицы.
- **12)** Даны две действительные квадратные матрицы порядка п. Получить новую матрицу прибавлением к элементам каждого столбца первой матрицы произведения элементов соответствующих строк второй матрицы.
- 13) Назовем допустимым преобразованием матрицы перестановку двух строк и двух столбцов. Дана действительная квадратная матрица порядка п. С помощью допустимых преобразований добиться, чтобы один из элементов матрицы, обладающий наибольшим по модулю значением, располагался в левом верхнем углу матрицы.
- **14)** Назовем допустимым преобразованием матрицы перестановку двух строк и двух столбцов. Дана действительная квадратная матрица порядка п. С помощью

- допустимых преобразований добиться, чтобы один из элементов матрицы, обладающий наименьшим значением, располагался в левом нижнем углу матрицы.
- 15) Дана действительная квадратная матрица порядка п, все элементы которой различны. Найти наибольший элемент среди стоящих на главной и побочной диагоналях и поменять его местами с элементом, стоящим на пересечении этих диагоналей.
- **16)** Получить целочисленную матрицу порядка 7, элементами которой являются числа 1, 2, ..., 49, расположенные в ней по спирали.
- 17) Дана действительная квадратная матрица порядка 7. Найти последовательность действительных чисел b1, ..., b49, получающуюся при чтении данной матрицы по спирали.
- **18)** В каждой строке заданной матрицы a(n, m) вычислить сумму, количество и среднее арифметическое положительных элементов.
- 19) Дана матрица a(n, m). Необходимо найти количество элементов этой матрицы, больших среднего арифметического всех её элементов.
- **20)** Дана целочисленная матрица a(n, m). Вычислить сумму и произведение тех её элементов, которые при делении на два дают нечётное число.
- 21) Дана матрица a(n, m). Вычислить вектор x(m), где значение x_j равно сумме положительных элементов j-го столбца матрицы а.
- **22)** Дана матрица a(n, m). Получить вектор x(m), равный р-й строке матрицы, и вектор y(n), равный q-му столбцу матрицы.
- 23) Дана матрица a(n, n). Переписать элементы её главной диагонали в одномерный массив y(n) и разделить их на максимальный элемент главной диагонали, получить затем новый массив x(n).
- **24)** Дана матрица a(n, m). Получить $y=x_1 \cdot x_n + x_2 \cdot x_{n-1} + ... + x_n \cdot x_1$, где x_i наибольший элемент в строке с номером i матрицы a.
- 25) Найти наибольший элемент побочной диагонали заданной матрицы A(N,N) и вывести на печать всю строку, в которой он находится.
- **26)** Дана целочисленная матрица a(n, m). Вычислить сумму и произведение отрицательных нечетных элементов матрицы, удовлетворяющих условию $|a_{i\,j}| < i$.
- 27) По трём заданным матрицам a(n, n), b(n, n) и c(n, n) построить матрицу х того же размера, каждый элемент которой вычисляется по формуле $x_{i,j} = \max \{a_{i,j}, b_{i,j}, c_{i,j}\}$.
- **28)** Дана матрица a(n, n) и целое р (0<p≤n). Преобразовать матрицу по правилу: строку, содержащую число р, необходимо сделать строкой с номером р.
- 29) Для заданной матрицы a(n, n) найти сумму элементов, расположенных в строках с отрицательным элементом на главной диагонали.
- 30) Дана матрица a(n, m). Определить: число ненулевых элементов в каждой строке матрицы; общее число ненулевых элементов в матрице; отношение числа ненулевых элементов в каждой строке матрицы к общему числу ненулевых элементов в матрице.