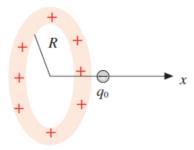
## 1.8

Una particella di massa  $m=10^{-3}kg$  e carica  $q_0=-10^{-10}C$  è posta al centro di un anello di raggio R = 10 cm, su cui è distribuita uniformemente la carica q=10-8C.

La particella viene spostata di un tratto  $x_0 = 0.5cm$  lungo l'asse e abbandonata.

Dimostrare che la particella oscilla con moto armonico intorno all'origine e determinare il periodo T delle piccole oscillazioni e l'energia cinetica della particella quando passa per l'origine.



## Formule utilizzate

## Soluzione

Calcoliamo il campo per ogni infinitesimo di anello.

Catconation in Campo per ogni infinitesimo di aneilo: 
$$dE_x(x) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{R^2 + x^2} \frac{x}{\sqrt{R^2 + x^2}}$$
 
$$E_x = \int_{anello} dE_x = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{R^2 + x^2} \frac{x}{\sqrt{R^2 + x^2}} \int_{anello} dq = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{x}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}}$$
 Se  $\left(\frac{x}{R}\right)^2 \ll 1$  
$$\vec{E}(x) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qx}{R^3} \vec{u}_x$$
 
$$\frac{m \ d^2x}{dt^2} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q|q_0|}{R^3} x = 0$$
 
$$\omega = \sqrt{\frac{q|q_0|}{4\pi\epsilon_0 mR^3}} = 0.0949 \ rad/s$$
 
$$con \ T = 2\pi/\omega = 66, 23 \ s$$
 
$$E_k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_0 \ q|}{R^3} \int_0^{x_0} x dx = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_0 \ q|x_0^2}{2R^3} = 1.13 * 10^{-10} \ J$$