

Tudor Alexandru-Stefan  
13.1 Subiectul IV - Backtrack - Parole.

a) Cod:  
def back(k):  
    global n, tipar, L, S.  
    if tipar[k-1] == '1':  
        for i in L:  
            sol[k] = i  
            if i not in sol[1:k]:  
                if k == n:  
                    print("".join([str(x) for x in sol[1:k+1]]))  
                else:  
                    back(k+1)

    else:  
        for i in S:  
            sol[k] = i  
            if i not in sol[1:k]:  
                if k == n:  
                    print("".join([str(x) for x in sol[1:k+1]]))  
                else:  
                    back(k+1)

n = int(input("scrieti un n: "))  
tipar = list(input("scrieti un tipar: "))  
L = list(input("scrieti multimea L: "))  
S = list(input("scrieti multimea S: "))  
sol = [0] \* (n+1)  
back(1).

Tudor Alexandru-Stefan  
13.1 Examen PA

Subiectul I

a)  
def litere(\* cuvinte):  
    - preculitere = {}  
    for i in cuvinte:  
        cuvcurrent = {}  
        for j in sorted(list(i)):  
            if j not in cuvcurrent:  
                cuvcurrent[j] = 1  
            else:  
                cuvcurrent[j] += 1  
        preculitere[i] = cuvcurrent  
    return preculitere

b) lista = [(i, cuvcurrent[i]) for i in cuvcurrent if cuvcurrent[i] % 2 == 0]

c) Definim următoarea relație de recurență asociată funcției:

$$T(n) = \begin{cases} 2, & n \leq 2 \\ 3 \cdot T(\frac{n}{3}) + 2, & n \geq 3 \end{cases}$$

Parametrii pentru aplicarea teoremei master vor fi:

$$a=3; \quad b=3; \quad f(n)=2=2 \cdot n^0 \Rightarrow p=0.$$

$$\log_a a = \log_3 3 = 1 \quad \text{(cazul a)} \quad \Rightarrow p(\log_a a) = T(n) \in O(n^{\log_a a}) = O(n).$$



Tudor Alexandru Ștefan

131

Subiectul al III-lea: Programare Dinamică → Cătălina Lăico

Scurta descriere: Algoritmul se folosește de două liste auxiliare: costmin și ult, ambele indexate de la 1. Pentru fiecare indice  $i$  din  $[1, n]$ , costmin[i] reține costul minim pe care cățelușul îl poate avea până la treapta  $i$ , alegând suma minimă dintre costul <sup>minim al</sup> treptelor precedente, costul săriturii dintre ele și cea curentă, și taxa <sup>minim al</sup> treptei curente. Se formează relații de recurență:

$$\text{costmin}[i] = \begin{cases} 0, & i = 0 \\ \text{taxe}[i] + \text{costsar}[i]; & i = 1 \\ \min[\text{costmin}[i-j] + \text{costsar}[j] + \text{taxe}[i] \mid j \in \{1, 2, \dots, i\}]; & i \geq 2 \end{cases}$$

Algoritmul se încadrează în prog. dinamică de tipul "cântăreș" în spațiul de căutare globală este construită pas cu pas din optim (costul ultimei trepte) la locale ale subproblemelor curente (treptele precedente). De asemenea, nu este greedy deoarece se respectă condiția de superpozabilitate (fiecăr treaptă este folosită pentru calculul celorlalte), combinată de tehnică memoizării (reținerea costului min pentru fiecare treaptă). Lista ult este folosită pentru afișarea drumului.

Complexitate: codul are com

Pentru fiecare treaptă curentă, codul îl analizează pe toate cele dinaintea sa. Complexitatea va fi:  $O(1+2+\dots+n-1) = O(\frac{n \cdot (n-1)}{2}) \sim O(n^2)$

Tudor Alexandru Ștefan

131

Subiectul al III-lea: Programare Dinamică → Cătălina Lăico  
Cod:

```
nr_trepte = int(input("dați un număr de trepte: "))
taxe = input("dați taxele treptelor, pe o linie: ")
costsar = input("dați costurile săriturilor, pe o linie: ")
taxe = [int(x) for x in taxe.split()]
costsar = [int(x) for x in costsar.split()]
costsar.insert(0, 0)
taxe.insert(0, 0)
costmin = [10000] * (nr_trepte + 1)
costmin[0] = 0
costmin[1] = taxe[1] + costsar[1]
ult = [0] * (nr_trepte + 1)
ult[0] = -1
```

```
for i in range(2, nr_trepte + 1):
```

```
    for j in range(1, i + 1):
```

```
        if costmin[i] > costmin[i-j] + costsar[j] + taxe[i]:
```

```
            costmin[i] = costmin[i-j] + costsar[j] + taxe[i]
```

```
            ult[i] = i-j
```

```
sol = []
```

```
print(f"Taxa totală {costmin[nr_trepte]} pentru traseu traseu cu scorul")
```

```
while nr_trepte != -1:
```

```
    sol.append(nr_trepte)
```

```
    nr_trepte = ult[nr_trepte]
```

```
sol.reverse
```

```
for i in sol:
```

```
    print(i, end=" ")
```

Andrei  
Alexandru  
Stefan  
131

## Sub 12 - Backtrack - words

### Descriere:

Algoritmul se reapela recursiv pentru fiecare pozitie din parole finale, incercand peste tot toate caracterele din lista corespunzatoare L sau S, in functie de caracterul citit din tipar. Pentru a continua catre caracterul urmator din solutie, el verifica daca cel curent apare sau nu in solutie. Solutia este afisata daca sunt n caract inregistrate in lista solutii, altfel se respinge.

Esti backtrack deoarece genereaza recursiv toate combinatiile posibile, evitand brute-force search-ul prin aplicarea unui criteriu de selectie.

b) Pentru afisarea vocal doar a parolilor care incep cu vocala, la criteriul de selectie se adauga if din for (parolat de afisaj) if k de selectie din for (lf; not in sol [1: k]) se mai adauga:

and str(sol[1]) in "aeiou".