

## MODALITATEA DE DESFĂȘURARE A EXAMENULUI LA DISCIPLINA "PROGRAMAREA ALGORITMILOR"

- Examenul la disciplina "Programarea algoritmilor" se va desfășura în ziua de 19.01.2021, între orele 9<sup>30</sup> și 12<sup>00</sup>, astfel:
  - 09<sup>30</sup> – 10<sup>00</sup>: efectuarea prezenței studenților
  - 10<sup>00</sup> – 12<sup>00</sup>: desfășurarea examenului
  - 12<sup>00</sup> – 12<sup>30</sup>: verificarea faptului că sursele trimise de către studenți au fost salvate pe platforma MS Teams
- Testul se va desfășura pe platforma MS Teams, iar pe tot parcursul desfășurării sale, de la ora 09<sup>30</sup> la ora 12<sup>30</sup>, studenții trebuie să fie conectați pe canalul dedicat cursului de "Programarea algoritmilor" corespunzător seriei lor.
- În momentul efectuării prezenței, fiecare student trebuie să aibă pornită camera video în MS Teams și să prezinte buletinul sau cartea de identitate. Dacă dorește să-și protejeze datele personale, studentul poate să acopere codul numeric personal și/sau adresa!
- În timpul desfășurării testului studenții pot să închidă camera video, dar trebuie să o deschidă dacă li se solicită acest lucru de către un cadru didactic!
- Toate subiectele se vor rezolva folosind limbajul Python.
- Subiectul 1 este obligatoriu, iar dintre subiectele 2, 3 și 4 se vor rezolva CEL MULT DOUĂ, la alegere.
- Citirea datelor de intrare se va realiza de la tastatură, iar rezultatele vor fi afișate pe ecran.
- Se garantează faptul că datele de intrare sunt corecte.
- Operațiile de sortare se vor efectua folosind funcții sau metode predefinite din limbajul Python.
- Rezolvările subiectelor alese dintre subiectele 2, 3 și 4 trebuie să conțină:
  - o scurtă descriere a algoritmului și o argumentare a faptului că acesta se încadrează într-o anumită tehnică de programare;
  - în cazul problemelor rezolvate folosind metoda Greedy sau metoda programării dinamice se va argumenta corectitudinea criteriului de selecție sau a relațiilor de calcul;
  - în cazul subiectelor unde se precizează complexitatea maximă pe care trebuie să o aibă soluția, se va argumenta complexitatea soluției propuse și vor primi punctaj maxim doar soluțiile corecte care se încadrează în complexitatea cerută;
  - în fiecare program Python se va preciza, pe scurt, sub forma unor comentarii, semnificația variabilelor utilizate.
- Pentru subiectele 1 nu contează complexitățile soluțiilor propuse.
- Rezolvările corecte care nu respectă restricțiile indicate vor primi punctaje parțiale.
- Se acordă 1 punct din oficiu.
- Rezolvările tuturor subiectelor se vor scrie de mână, folosind pix/stilou cu culoarea pasteii/cernelii albastră sau neagră. Pe fiecare pagina studentul își va scrie numele și grupa, iar paginile trebuie să fie numerotate.
- Înainte de expirarea timpului alocat examenului, toate paginile vor fi fotografiate/scanate clar, în ordinea corectă, și transformate într-un singur fișier PDF care va fi încărcat pe platforma MS Teams folosind un anumit formular.
- Numele fișierului PDF trebuie să respecte șablonul *grupa\_nume\_prenume\_subiect.pdf*. De exemplu, un student cu numele Popescu Ion Mihai din grupa 131 trebuie să denumească fișierul care conține rezolvarea primului subiect astfel: *131\_Popescu\_Ion\_Mihai\_1.pdf*.

## Subiectul 1 – limbajul Python – 3 p.

**a)** Scrieți o funcție *litere* care primește un număr variabil de cuvinte formate doar din litere mici și returnează un dicționar care conține, pentru fiecare cuvânt primit ca parametru, o pereche de forma *cuvânt*: (*mulțime vocale*, *mulțime consoane*). De exemplu, pentru apelul *litere*("teste", "programare") funcția trebuie să furnizeze dicționarul {'teste': ({'e'}, {'t', 's'}), 'programare': ({'e', 'o', 'a'}, {'g', 'p', 'r', 'm'})}. **(1.5 p.)**

**b)** Înlocuiți punctele de suspensie din instrucțiunea *litere* = [...] cu o secvență de inițializare (*list comprehension*) astfel încât, după executarea sa, lista să conțină toate literele mici din alfabetul englez al căror index este divizibil cu 2 sau 3, dar nu este divizibil cu 6. Vom considera faptul că litera 'a' are indexul 1. **(0.5 p.)**

**c)** Considerăm următoarea funcție recursivă:

```
def f(lista, p, u):  
    if u-p <= 2:  
        return sum(lista[p:u+1])  
    k = (u-p+1)//3  
    aux_1 = f(lista, p, p+k)  
    aux_2 = f(lista, p+k+1, p+2*k-1)  
    aux_3 = f(lista, p+2*k, u)  
    return aux_1 + aux_2 + aux_3
```

Determinați complexitatea funcției apelată pentru o listă **L** formată din **n** numere întregi astfel: **f(L, 0, n-1)**. **(1 p.)**

## Subiectul 2 – metoda Greedy (3 p.)

Complexitatea maximă a soluției:  $\mathcal{O}(n \log_2 n)$

Gigel tocmai a învățat la școală adunarea și înmulțirea numerelor întregi. Pentru a-l ajuta pe Gigel să-și fixeze cunoștințele proaspăt dobândite, precum și pentru a-i testa istețimea algoritmică, bunicul său a scris pe mai multe cartonașe numere întregi nenule și apoi le-a împărțit în două grămezi: o grămadă  $A$  formată din  $m$  cartonașe și o grămadă  $B$  formată din  $n$  cartonașe ( $1 \leq m \leq n \leq 100000$ ). Sarcina lui Gigel este să selecteze din grămada  $B$  exact  $m$  cartonașe pe care apoi să le împerecheze, în orice ordine dorește el, cu cele  $m$  cartonașe din grămada  $A$  astfel încât prin însumarea produselor celor două numerele scrise pe fiecare pereche de cartonașe să obțină cea mai mare sumă posibilă. Scrieți un program Python care citește de la tastatură valorile scrise pe cartonașele din cele două grămezi și afișează pe ecran cea mai mare sumă pe care o poate obține Gigel respectând restricțiile indicate în enunțul problemei, precum și o modalitate de obținere a sa în forma indicată în exemplu.

### Exemplu:

Dacă  $A = [3, -2, 5, -1, 4]$  și  $B = [7, 8, -5, 2, -4, -1, 5]$ , atunci suma maximă pe care o poate obține Gigel este  $97 = 3 * 5 + (-2) * (-5) + 5 * 8 + (-1) * (-4) + 4 * 7$ .

### Subiectul 3 – metoda Programării Dinamice (3 p.)

Complexitatea maximă a soluției:  $O(n^2)$

Martinel a terminat sesiunea de examene și și-a propus ca mâine să se uite cât mai mult la televizor. Pentru aceasta și-a făcut o listă cu  $n$  emisiuni pe care ar vrea să le vadă. Pentru fiecare emisiune și-a notat intervalul de desfășurare  $[s, t)$  și numele postului care difuzează emisiunea. Martinel vrea să vadă o emisiune de la început până la final (fără întrerupere, deci fără a schimba postul în timpul emisiunii). Scrieți un program Python care să îl ajute pe Martinel să aleagă o listă de emisiuni la care să se uite mâine cu suma duratelor maximă. Pentru aceasta, se citesc de la tastatură emisiunile de pe lista lui Martinel sub următoarea formă: pe câte o linie se dau informațiile despre câte o emisiune (separate între ele prin câte un spațiu), respectiv ora și minutul la care începe emisiunea, ora și minutul la care se termină, numele postului (poate conține spații). Programul va afișa o listă cu emisiunile selectate (având suma duratelor maximă), câte una pe linie, sub forma indicată în exemplu. În plus, determinați dacă soluția optimă este unică și afișați un mesaj corespunzător.

Intrare de la tastatură	Ieșire pe ecran
10 10 10 30 post 1	[9:10, 10:00) post 1
10 05 11 00 post 2	[10:10, 10:30) post 1
9 10 10 00 post 1	[10:40, 12:00) post 3
10 40 12 00 post 3	solutia este unica
11 40 12 10 post 2	

#### Subiectul 4 - metoda Backtracking (3 p.)

**a)** Un grup format din  $n$  excursioniști ( $1 \leq n \leq 100$ ) au  $m$  corturi ( $1 \leq m \leq 100$ ) cu capacitățile  $c_1, c_2, \dots, c_m$  astfel încât  $c_1 + c_2 + \dots + c_m \geq n$ . Capacitatea unui cort reprezintă numărul maxim de excursioniști care pot sta în cortul respectiv. Scrieți un program Python care să citească de la tastatură numerele naturale  $n, m, c_1, c_2, \dots, c_m$  și afișează toate posibilitățile de a repartiza cei  $n$  excursioniști în cele  $m$  corturi astfel încât niciun cort să nu rămână gol, precum și numărul acestora. **(2.5 p.)**

**Exemplu:**

Pentru  $n = 9, m = 3, c_1 = 5, c_2 = 2, c_3 = 4$  există 5 modalități corecte de repartizare a excursioniștilor în corturi:

3, 2, 4  
4, 1, 4  
4, 2, 3  
5, 1, 3  
5, 2, 2

**b)** Precizați cum ar trebui modificată o singură instrucțiune din program astfel încât să afișeze doar soluțiile în care primul cort este plin (se presupune faptul că acest lucru este posibil). Pentru exemplul anterior, aceste soluții sunt ultimele două. **(0.5 p.)**