Laborator 6

Exercitiul 1

- Fie X si Y iid de tipul Rad(1/2). Fie $Z: \Omega \to \{-1,1\}^2, Z(\omega) = (X(\omega), Y(\omega)).$ Calculati Cov(X, Y). Determinati distributia lui Z.
- Fie $X,Y \sim \text{Rad}(1/2), Y = -X$. Calculati Cov(X,Y), Cor(X,Y) si distributia lui $Z: \Omega \to \{-1,1\}^2, Z(\omega) = (X(\omega),Y(\omega))$.

Ce concluzii trageti?

Exercitiul 2

Fie $X \sim \text{Unif}(-1,1)$ si $Y = X^2$.

- Calculati Cov(X, Y), Cor(X, Y).
- \bullet Verificati daca X si Y sunt independente.

Exercitiul 3

Un pacient asteapta un donator compatibil. Probabilitatea ca un donator sa fie compatibil este de 25%.

- Cat trebuie sa astepte, in medie, pacientul, pana apare primul donator compatibil?
- Care este probabilitatea ca pacientul sa gaseasca primul donator compatibil dupa cel putin 5 donatori?
- Care este probabilitatea ca pacientul sa mai nimereasca 3 donatori incompatibili stiind ca primii 7 donatori au fost incompatibili?

Exercitiul 4

Esti la un examen care contine o grila cu 20 de intrebari. Fiecare intrebare are 4 solutii. Stii raspunsul corect la 10 intrebari dar nu stii la restul de 10 asa ca la celelalte raspunzi la intamplare. Punctajul tau X este numarul total de raspunsuri corecte. Determina distributia lui X. Calculeaza $\mathbb{P}(X > 15)$.