Statistik und Qualität - Ausarbeitung der ersten Übung

Stefan Dünser

A) TECHNISCHE FERTIGKEITEN

- A-1) Handelt es sich bei den vorliegenden statistischen Gesamtheiten um Bestands- oder Bewegungsgrößen?
- a) Studierende an einer Hochschule. * Bestandsgröße b) Hochzeiten am Standesamt einer Gemeinde. * Bewegungsgröße c) Bei der Behörde gemeldete Personenkraftwagen. * Bestandsgröße d) Maschinenausfälle in einer Werkstatt. * Bewegungsgröße e) Wartende Kunden vor einem Abfertigungsschalter. * Bestandsgröße
- A-2) Im Servicecenter eines Unternehmens werden über einen Zeitraum eines Tages die eingehenden Anrufe aufgezeichnet. Gezählt wird die Anzahl der pro 10-Minuten-Zeitintervall eingehenden Anrufe. Für 40 derartige Zeitintervalle erhält man folgende Ergebnisse:

```
Liste.vec <- c(0, 0, 1, 3, 4, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 3, 0, 2, 0, 1, 3, 1, 2, 2, 0, 1, 1, 6, 1, 0, 2, 3, 1 Liste.vec
```

```
## [1] 0 0 1 3 4 1 2 2 1 1 1 2 3 0 2 0 1 3 1 2 2 0 1 1 6 1 0 2 3 1 1 4 2 3 2 0 3 0 ## [39] 1 2
```

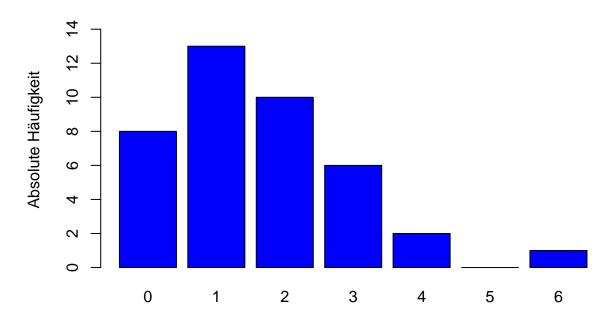
- a) Was stellt bei dieser Fragestellung die statistische Grundgesamtheit dar? Was sind die beobachteten Merkmale der statistischen Einheiten und wie sind sie skaliert?
 - Grundgesamtheit
 - Die Grundgesamtheit setzt sich auch sen statistischen Einheiten zusammen. Die Grundgesamtheit sind die Anzahl der 10-Minuten-Zeitintervalle - (40).
 - Merkmale
 - Anzahl der 10-Minuten-Zeitintervalle (40)
 - Anzahl der Anrufe über alle Zeitintervalle (65)
 - Skalierung
 - Metrische Skalierung (Kardinalskala), die verhältnisskaliert ist

b) Ermittle die absolute und relative Häufigkeitstabelle der eingehenden Anrufe und stelle die Häufigkeitsverteilung und Summenhäufigkeit grafisch dar. Absolute Häufigkeit:

```
## Liste.vec
## 0 1 2 3 4 6
## 8 13 10 6 2 1
```

 $barplot(table(factor(Liste.vec, levels = c(0,1,2,3,4,5,6))), \ \ ylim = c(0,15), \ xlab = "Anzahl der Anrufe inner an all the content of th$

Absolute Häufigkeitsverteilung



Anzahl der Anrufe innerhalb eines 10-Minuten_Zeitintervalls

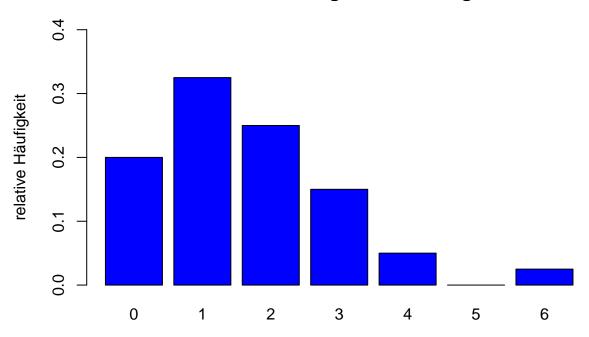
Relative Häufigkeit:

```
table(Liste.vec)/length(Liste.vec)
```

```
## Liste.vec
## 0 1 2 3 4 6
## 0.200 0.325 0.250 0.150 0.050 0.025
```

 $barplot(table(factor(Liste.vec, levels=c(0,1,2,3,4,5,6)))/sum(table(Liste.vec)), \ ylim = c(0,0.4), \ xlab = c(0,0.4), \ ylim = c(0,0.4), \ ylim$

Relative Häufigkeitsverteilung



Anzahl der Anrufe innerhalb eines 10 min Zeitintervalls

Summenhäufigkeit

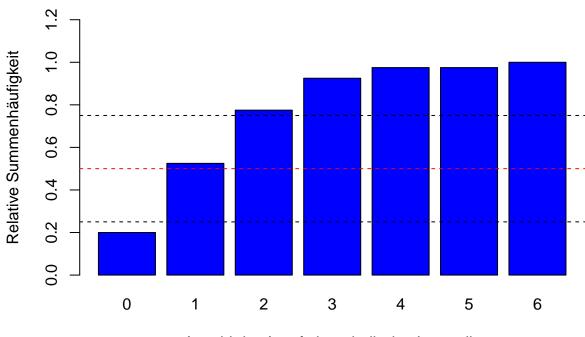
```
cumsum(table(Liste.vec))

## 0 1 2 3 4 6

## 8 21 31 37 39 40

barplot(cumsum(table(factor(Liste.vec,levels = c(0,1,2,3,4,5,6))))/sum(table(Liste.vec)), ylim = c(0,1.7)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
```

Summenhäufigkeit



Anzahl der Anrufe innerhalb des Intervalls

c) Schätze das arithmetische Mittel aus der grafischen Darstellung für die Häufigkeit und den Median aus der grafischen Darstellung für die Summenhäufigkeit.

Arithmetisches Mittel: Das arithmetische Mittel kann als Schwerpunkt der Häufigkeitsverteilung angesehen werden. In diesem Fall beträgt das arithmetische Mittel nach Abschätzung rund 1,5, da somit links und rechts der x-Achse in etwa gleich viele Werte sind.

Median: Der Median wird über die y-Achse ermittelt. Der Median befindet sich dann auf der x-Achse an dem Punkt, an dem 50% des y-Werts erreicht sind. In diesem Fall ist der Median bei 1.

d) Berechne die möglichen Lageparameter (Zentralmaße und Streumaße) Zentralmaße:

Modus

```
getmode <- function(Liste.vec) {
   uniqv <- unique(Liste.vec)
   uniqv[which.max(tabulate(match(Liste.vec, uniqv)))]
}
mode <- getmode(Liste.vec)
mode</pre>
```

[1] 1

Median

```
median(Liste.vec)
## [1] 1
Arithmetisches Mittel
mean(Liste.vec)
## [1] 1.625
Streumaße:
Minimum
Minimum <- min(Liste.vec)</pre>
{\tt Minimum}
## [1] 0
Maximum
Maximum <- max(Liste.vec)</pre>
Maximum
## [1] 6
Spannweite \\
Spannweite <- range(Liste.vec)</pre>
Spannweite
## [1] 0 6
Quantile
quantile(Liste.vec)
     0% 25% 50% 75% 100%
##
##
           1
                      2
                 1
Mittlere\ absolute\ Abweichung
mean(abs(Liste.vec-mean(Liste.vec)))
## [1] 1.05625
```

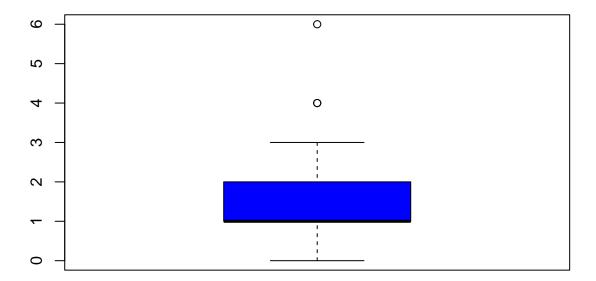
Standard abweichung

```
sd(Liste.vec)
```

[1] 1.333734

e) Stelle die Daten in einem Boxplot dar

```
boxplot(Liste.vec, col = "blue")
```



Besonders Auffällig ist bei diesem Boxplot bzw. den Werten aus der Liste, dass der Median und das erste Quartil (25% Quantil) zusammenfallen. Die Werte 4 Anrufe sowie 6 Anrufe innerhalb eines 10-Minuten_Zeitintervalls werden hier als Ausreißer aufgefasst und als Kreis dargestellt.

A-3) Eine Anzahl von 1000 Kleinmotoren weist folgende Lebensdauer auf:

```
Klassen.vec <- c("[0,2]", "(2,4]", "(4,6]", "(6,8]", "(8,10]")
Anzahl.vec <- c(33,276,404,237,50)</pre>
Klassen.vec; Anzahl.vec
```

[1] 33 276 404 237 50

```
Lebensdauer.df <- data.frame(Lebensdauer=Klassen.vec, Anzahl_Motoren=Anzahl.vec)
Lebensdauer.df
```

##		Lebensdauer	Anzahl_Motoren
##	1	[0,2]	33
##	2	(2,4]	276
##	3	(4,6]	404
##	4	(6,8]	237
##	5	(8,10]	50

Ergänzung der vorgegebenen Liste um die Klassenbreite und die Klassenmitte

```
Lebensdauer.df <- data.frame(Lebensdauer=Lebensdauer.df$Lebensdauer, Klassenmitte=c(1,3,5,7,9), Klassen
Lebensdauer.df
```

##		Lebensdauer	Klassenmitte	Klassenbreite	Anzahl_Motoren
##	1	[0,2]	1	2	33
##	2	(2,4]	3	2	276
##	3	(4,6]	5	2	404
##	4	(6,8]	7	2	237
##	5	(8,10]	9	2	50

Ergänzung der Tabelle um die relative Häufigkeitsverteilung und die Summenhäufigkeit

```
RelHfgk.vec <- Lebensdauer.df$Anzahl_Motoren / sum(Lebensdauer.df$Anzahl_Motoren)

SumHfgk.vec <- cumsum(RelHfgk.vec)

Lebensdauer.df <- data.frame(Lebensdauer.df, RelHfgk.vec, SumHfgk.vec)

Lebensdauer.df
```

##		Lebensdauer	Klassenmitte	Klassenbreite	Anzahl_Motoren	RelHfgk.vec	SumHfgk.vec
##	1	[0,2]	1	2	33	0.033	0.033
##	2	(2,4]	3	2	276	0.276	0.309
##	3	(4,6]	5	2	404	0.404	0.713
##	4	(6,8]	7	2	237	0.237	0.950
##	5	(8,10]	9	2	50	0.050	1.000

Ergänzung der Tabelle um die Häufigkeitsdichte

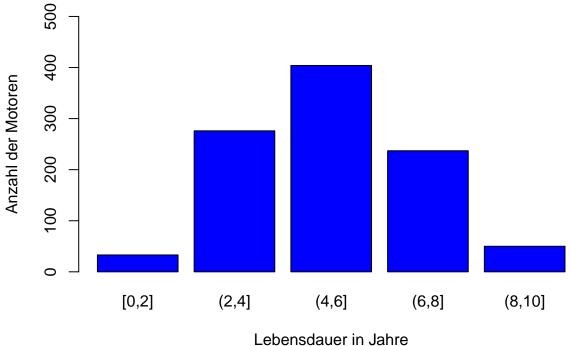
```
HfgkDichte.vec <- Lebensdauer.df$RelHfgk.vec / Lebensdauer.df$Klassenbreite
Lebensdauer.df <- data.frame(Lebensdauer.df, Dichte=HfgkDichte.vec)
Lebensdauer.df</pre>
```

```
Lebensdauer Klassenmitte Klassenbreite Anzahl_Motoren RelHfgk.vec SumHfgk.vec
##
## 1
            [0,2]
                                                            33
                                                                      0.033
                                                                                   0.033
                              3
                                             2
## 2
            (2,4]
                                                                      0.276
                                                           276
                                                                                   0.309
## 3
            (4,6]
                              5
                                             2
                                                           404
                                                                      0.404
                                                                                   0.713
                                             2
                              7
## 4
            (6,8]
                                                           237
                                                                      0.237
                                                                                   0.950
## 5
           (8,10]
                                             2
                                                            50
                                                                      0.050
                                                                                   1.000
     Dichte
##
## 1 0.0165
## 2 0.1380
## 3 0.2020
## 4 0.1185
## 5 0.0250
```

a) Stelle die Häufigkeitsverteilung und Summenhäufigkeit grafisch dar. Absolute Häufigkeitsverteilung

barplot(Lebensdauer.df\$Anzahl_Motoren, names=Lebensdauer.df\$Lebensdauer, col = "blue", xlab = "Lebensdauer.df\$L

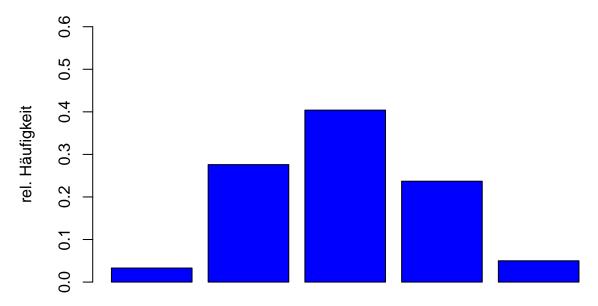
Absolute Häufigkeitsverteilung



Relative Häufigkeitsverteilung

barplot(Lebensdauer.df\$Anzahl_Motoren / sum(Lebensdauer.df\$Anzahl_Motoren), ylim = c(0,0.6), xlab = "Le

Relative Häufigkeitsverteilung

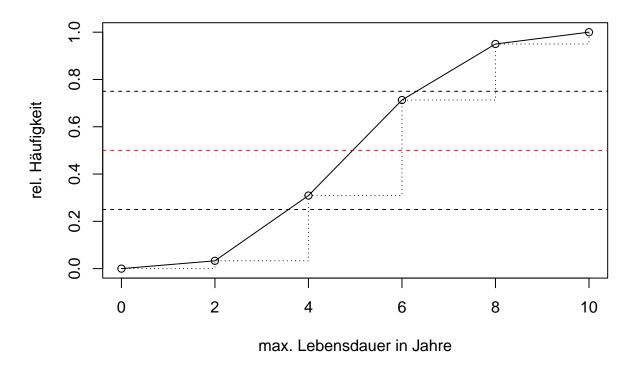


Lebensdauer in Jahre

Summenhäufigkeit

```
X.vec <- c(0,2,4,6,8,10)
Y.vec <- c(0, Lebensdauer.df$SumHfgk.vec)
plot(X.vec, Y.vec, type = "l", lty = 1, main = "Summenhäufigkeit", xlab = "max. Lebensdauer in Jahre",
points(X.vec, Y.vec)
lines(X.vec, Y.vec, type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")</pre>
```

Summenhäufigkeit



b) Schätze das arithmetische Mittel aus der grafischen Darstellung für die Häufigkeit und den Median aus der grafischen Darstellung für die Summenhäufigkeit.

Arithmetisches Mittel - geschätzt: Das arithmetische Mittel liegt bei rund 5. Beim Ablesen des arithmetischen Mittelwerts müssen links und rechts auf der x-Achse gleich viele Werte vorhanden sein.

Median: Der Median liegt bei 50% auf der y-Achse und der Wert kann auf der x-Achse abgelesen werden. Der Median beträgt schätzungsweise bei 4.

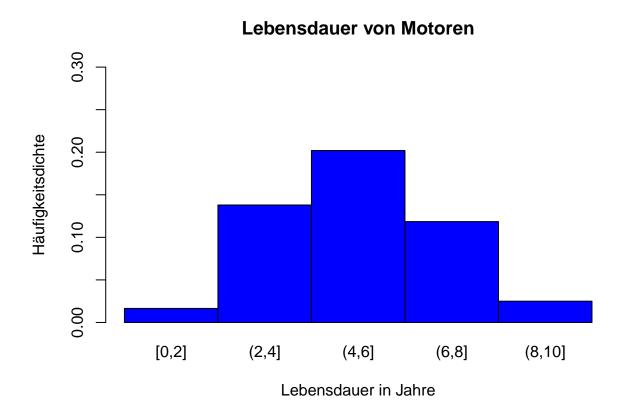
c) Bestimme der Anteil der Motoren mit über 6 Jahren Lebensdauer.

LangeLebensdauer.vec <- Lebensdauer.df\$Anzahl_Motoren[4] + Lebensdauer.df\$Anzahl_Motoren[5]
LangeLebensdauer.vec</pre>

[1] 287

Motoren mit Lebensdauern über 6 Jahren befinden sich in der Liste in den letzten beiden statistischen Einheiten. Über die [] kann auf spezielle Vektorelemente/Listenelemente zugegriffen werden. In diesem Fall wird auf die Listenelemente 4 und 5 zugegriffen und für die Anzahl der Motoren, die länger als 6 Jahre laufen, addiert. Somit laufen 287 Motoren länger als 6 Jahre.

Lebensdauer von Motoren



d) Berechne die möglichen Lageparameter (Zentralmaße und Streumaße).

```
Lebensdauer.vec \leftarrow c(rep(1,33), rep(3,276), rep(5,404), rep(7,237), rep(9,50))
```

Zentralmaße:

Modus

```
getmode <- function(Lebensdauer.vec) {
  uniqv <- unique(Lebensdauer.vec)
  uniqv[which.max(tabulate(match(Lebensdauer.vec, uniqv)))]
}
getmode(Lebensdauer.vec)</pre>
```

[1] 5

Median

```
median(Lebensdauer.vec)
## [1] 5
Mittelwert
{\tt Mittelwert} \begin{tabular}{l} \begin{tabular} \begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l} \begin{tabular}{l}
Mittelwert
## [1] 4.99
Streumaße:
Minimum
min(Lebensdauer.vec)
## [1] 1
Maximum
max(Lebensdauer.vec)
## [1] 9
Spannweite \\
range(Lebensdauer.vec)
## [1] 1 9
 Quantile
quantile(Lebensdauer.vec)
                            0% 25% 50% 75% 100%
##
                                                                3
                                                                                    5
                                                                                                                 7
Standard abweichung \\
sd(Lebensdauer.vec)
## [1] 1.83937
```

 $Mittlere\ absolute\ Abweichung$

```
mean(abs(Lebensdauer.vec-mean(Lebensdauer.vec)))
## [1] 1.36182
```

In diesem Beispiel ist der Modus 5. Da es 5 Jahre Lebensdauer nicht gibt, ist die richtige Antwort, dass der Modus das einseitig offene Intervall (4,6] ist.

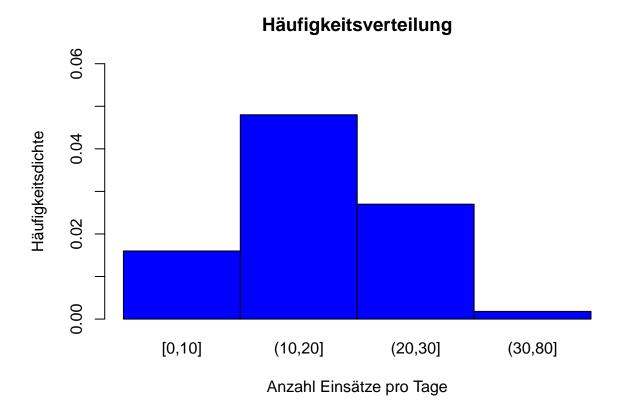
A-4) Ein technisches Servicecenter zeichnet an 100 Tagen die Häufigkeit der Einsätze auf. Es ergibt sich folgende Tabelle:

```
AnzahlTage.vec <- c(16,48,27,9)
AnzahlEinsätze.vec \leftarrow c("[0,10]", "(10,20]", "(20,30]", "(30,80]")
Service.df <- data.frame(Einsätze = AnzahlEinsätze.vec, Tage = AnzahlTage.vec)
RelHfk.vec <- Service.df$Tage / sum(Service.df$Tage)</pre>
SumHfk.vec <- cumsum(RelHfk.vec)</pre>
Service.df <- data.frame(Service.df, relHfk = RelHfk.vec, sumHfk = SumHfk.vec)
Service.df <- data.frame(Service.df, Klassenbreite=c(10,10,10,50), Klassenmitte=c(5,15,25,55))
HfkDichte.vec <- Service.df$relHfk / Service.df$Klassenbreite
Service.df <- data.frame(Service.df, Dichte=HfkDichte.vec)</pre>
Service.df
     Einsätze Tage relHfk sumHfk Klassenbreite Klassenmitte Dichte
## 1
       [0,10]
                     0.16
                                              10
                                                            5 0.0160
                16
                             0.16
     (10,20]
## 2
                48
                     0.48
                             0.64
                                              10
                                                           15 0.0480
## 3 (20,30]
                27
                                             10
                     0.27
                             0.91
                                                           25 0.0270
## 4 (30,80]
                     0.09
                             1.00
                                              50
                                                           55 0.0018
```

a) Stelle die Häufigkeitsverteilung und Summenhäufigkeit grafisch dar.

Häufigkeitsverteilung

```
barplot(Service.df$Dichte, names=Service.df$Einsätze, col = "blue", main = "Häufigkeitsverteilung", xla
```



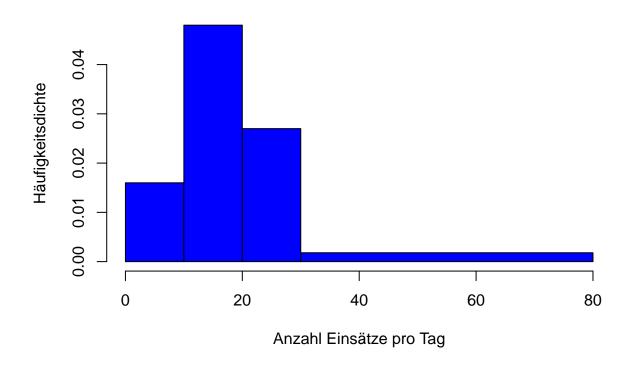
Die oben dargestellte Häufigkeitsverteilung bildet die statistischen Einheiten in einheitlichen Klassenbreiten ab. Die Darstellung lässt den Trugschluss zu, dass die letzte statistische Einheit die gleiche Breite wie die anderen Klassen aufweist. Im gegensatz zu den anderen Einheiten ist die letzte statistische Einheit nicht 10 sondern 50 Einsätzte pro Tag breit. In der nachfolgenden Darstellung werden die Intervalle ignoriert und die absolute Anzahl der Einsätze pro Tag angezeigt. Diese Darstellung kann einfacher verständlich und besser anschaulich zeigen, mit welcher Häufigkeit Anrufe pro Tag auftreten.

```
Service.vec <- c(rep(5,16), rep(15,48), rep(25,27), rep(55,9))

X2a4.vec <- c(0,10,20,30,80)

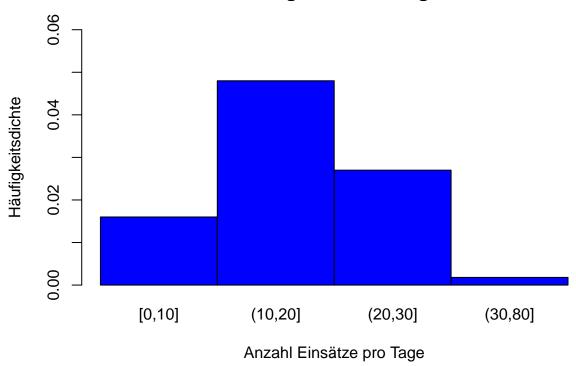
hist(Service.vec, X2a4.vec, main = "Häufigkeitsverteilung (andere Darstellung)", xlab = "Anzahl Einsätz
```

Häufigkeitsverteilung (andere Darstellung)



barplot(Service.df\$Dichte, names=Service.df\$Einsätze, col = "blue", main = "Häufigkeitsverteilung", xla

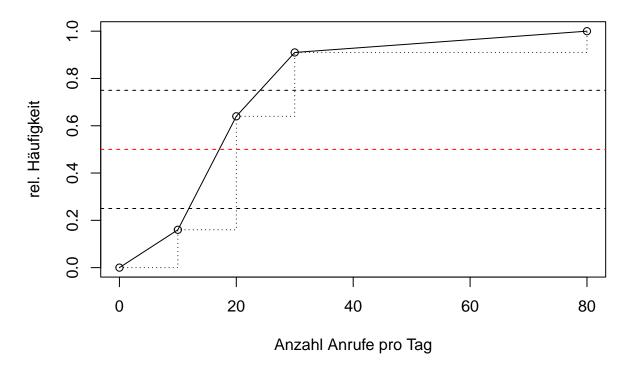
Häufigkeitsverteilung



Summenhäufigkeit

```
Xa4.vec <- c(0,10,20,30,80)
Ya4.vec <- c(0, Service.df$sumHfk)
plot(Xa4.vec, Ya4.vec, main = "Summenhäufigkeit", xlab = "Anzahl Anrufe pro Tag", ylab = "rel. Häufigke
points(Xa4.vec, Ya4.vec)
lines(Xa4.vec, Ya4.vec, type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")</pre>
```

Summenhäufigkeit



b) Schätze das arithmetische Mittel aus der grafischen Darstellung für die Häufigkeit und den Median aus der grafischen Darstellung für die Summenhäufigkeit.

Arithmetisches Mittel: Das aritmethische Mittel wird auf 19 geschätzt. Links und rechts auf der x-Achse müssen gleich viele Werte liegen, da das arithmetische Mittel den Schwerpunkt der Verteilung symbolisiert.

Median: Der Median kann an der y-Achse ablesen werden. Genauer gesagt an der Stelle, an der die 50% Marke bei der relativen Häufigkeit im Summenhäufigkeitsdiagramm liegt. In diesem Fall wird der Median auf 16 geschätzt.

c) Bestimme der Anteil der Tage mit über 20 Einsätzen.

Stress.vec <- Service.df\$relHfk[3] + Service.df\$relHfk[4]</pre>

Die Fragestellung verlangt nach der expliziten Angabe der Einsätze über 20 Einsätze Pro Tage. Durch Addition der relativen Häufigkeit der dritten und vierten statistischen Einheiten kann die Häufigkeit bestimmt werden, mit der mehr als 20 Einätze pro Tag absolviert werden müssen. Bei der dritten statistischen Einheit wird der Intervall mit der unteren Grenze von 20 angegeben. Eine genaue Angabe, wie häufig Tage mit über 20 Einsätzen sind, kann daher an dieser Stelle nicht gemacht werden, da ebendieses Intervall auch 20 Einsätze enthält, in der Fragestellung aber explizit nach ÜBER 20 Einsätzen gefragt wird. Ohne Rücksichtnahme auf diese Unstimmigkeit beträgt die Häufigkeit von mehr als 20 Einsätzen pro Tag rund 36 %.

d) Berechne die möglichen Lageparameter (Zentralmaße und Streumaße). Welcher Aspekt könnte hier problematisch sein? Warum?

Zentralmaße:

Modus

```
getmode <- function(Service.vec) {
  uniqv <- unique(Service.vec)
  uniqv[which.max(tabulate(match(Service.vec, uniqv)))]
}
getmode(Service.vec)</pre>
```

[1] 15

Median

```
median(Service.vec)
```

[1] 15

Mittelwert

```
Mittelwert <- sum(Service.df$RelHfgk.vec * Service.df$Klassenmitte)</pre>
Mittelwert
```

[1] 0

Streumaße:

Minimum

```
min(Service.vec)
```

[1] 5

Maximum

```
max(Service.vec)
```

[1] 55

Spannweite

```
range(Service.vec)
```

[1] 5 55

Quantile

quantile(Service.vec)

```
## 0% 25% 50% 75% 100%
## 5 15 15 25 55
```

Standardabweichung

```
sd(Service.vec)
```

[1] 12.90642

Mittlere absolute Abweichung

```
mean(abs(Service.vec-mean(Service.vec)))
```

[1] 9.216

Die Aussagekraft des Medians für die Mitte der Daten ist für diese Datenreihe zielführender, da das arithmetische Mittel auch Ausreißer mit berücksichtigt, was beim Median nicht der Fall ist.

B) VERSTÄNDNISFRAGEN

B-1) Zeige, dass das arithmetische Mittel unter dem Schwerpunkt der Häufigkeitsfunktion liegt.

Bild

B-2) Verschiebungssatz zur Berechnung der Standardabweichung

B-3) Das komma-separierte File "Fehlerquote.csv" enthält das Prüfergebnis von 50 Bauteilen auf Funktionstüchtigkeit. Dabei steht der Eintrag "0" für ein fehlerfreies Bauteil und "1" für ein fehlerhaftes Bauteil.

Fehlerquote.df <- read.csv("Fehlerquote.csv", sep = ";", dec = ",", header = TRUE)

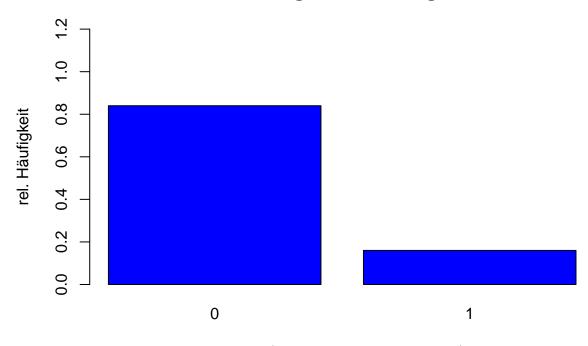
a) Welche Skalierung hat dieses Merkmal?

Die Skalierung dieses Merkmals entspricht einem normalskalierten dichotomem Merkmal.

b) Stelle die Messergebnisse in einer Häufigkeitstabelle und grafisch dar. Häufigkeitstabelle:

Häufigkeitsverteilung

barplot(Fehlerquote.vec, main = "Häufigkeitsverteilung", xlab = "Fehler (0 = kein Fehler, 1 = Fehler)",



Fehler (0 = kein Fehler, 1 = Fehler)

c) Wie kann man in diesem Beispiel das arithmetische Mittel berechnen und wofür steht es in diesem Fall?

Das arithmetische Mittel gibt hier nur an, wie viele Teile fehlerhaft sind, da die Bauteile mit 0, also fehlerfreie Bauteile, nicht miteinberechnet werden.

d) Wie groß ist die Standardabweichung σ ? Leite eine Formel her und zeige, wie man sie in diesem Fall einfach aus dem arithmetischen Mittel errechnen kann. Standardabweigung

```
sd(Fehlerquote.df$fehlerhaft)
```

[1] 0.370328

 $Standardabweichung\ "uber" arithmetisches\ Mittel$

e) Wie müssen die Verteilungen in diesem Fall sein, damit die Streuung maximal bzw. minimal wird?
Test

B-4) Das komma-separierte File "Verteilungsvergleich.csv" enthält in 4 Spalten die Daten von folgenden Messreihen: Ergebnis von 40 Würfeln mit einem Würfel (Annahme: gleichverteilt), die Zeitspanne (in Minuten) zwischen 40 vorbeifahrenden Autos (Annahme: exponentialverteilt), die Länge von 40 Telefongesprächen in Minuten (Annahme: normalverteilt) und die Länge von 40 Holzstiften in cm (Annahme: normalverteilt). Vergleiche die vier verschiedenen Verteilungen in den folgenden Fragen:

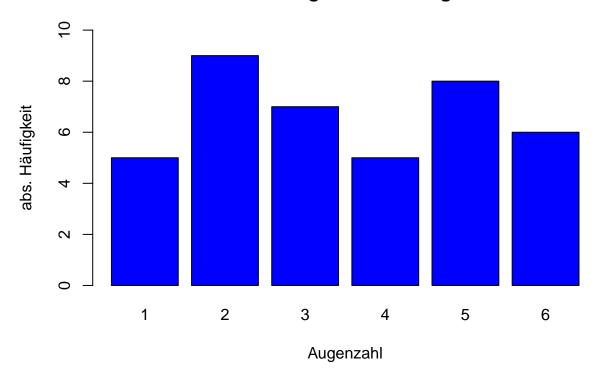
```
Verteilungsvergleich.df <- read.csv("Verteilungsvergleich.csv", sep = ";", dec = ",", header = TRUE)
```

a) Erstelle für jede Messreihe eine Häufigkeitstabelle sowie eine grafische Darstellung der Häufigkeitsverteilung und der Summenhäufigkeit. $W\ddot{u}rfel$

```
Würfel.df <- data.frame(Augenzahl = (1:6), abs.Häufigkeit = tabulate(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel), :
Würfel.df <- data.frame(Würfel.df, Summenhfk. = cumsum(Würfel.df$rel.Häufigkeit))
Würfel.df</pre>
```

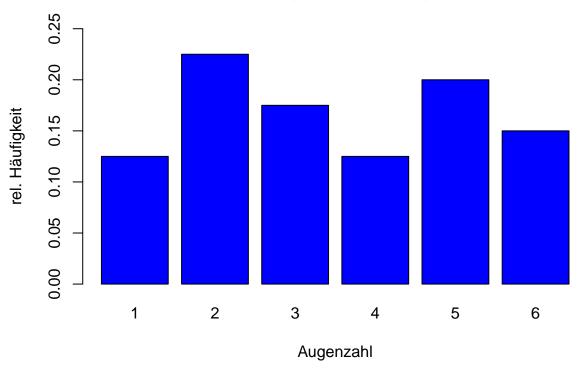
```
Augenzahl abs. Häufigkeit rel. Häufigkeit Summenhfk.
##
## 1
             1
                                         0.125
                                                     0.125
## 2
             2
                              9
                                         0.225
                                                     0.350
             3
                             7
## 3
                                         0.175
                                                     0.525
             4
                              5
                                         0.125
                                                     0.650
## 4
## 5
             5
                              8
                                         0.200
                                                     0.850
## 6
                              6
                                         0.150
                                                     1.000
```

Absolute Häufigkeitsverteilung Würfel



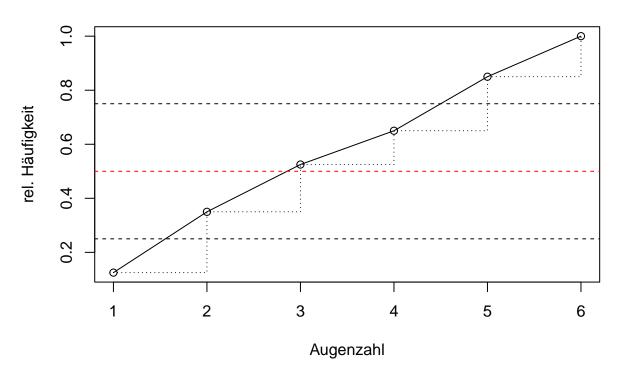
barplot(Würfel.df\$rel.Häufigkeit, names = Würfel.df\$Augenzahl, col = "blue", main = "Relative Häufigkei

Relative Häufigkeitsverteilung Würfeln



```
plot(Würfel.df$Augenzahl, Würfel.df$Summenhfk., main = "Summenhäufigkeit Würfel", xlab = "Augenzahl", y
points(Würfel.df$Augenzahl, Würfel.df$Summenhfk.)
lines(Würfel.df$Augenzahl, Würfel.df$Summenhfk., type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
```

Summenhäufigkeit Würfel

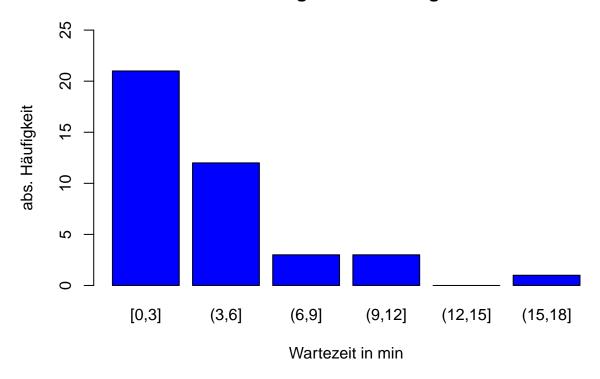


Wartezeit

5 0.000000000 ## 6 0.008333333

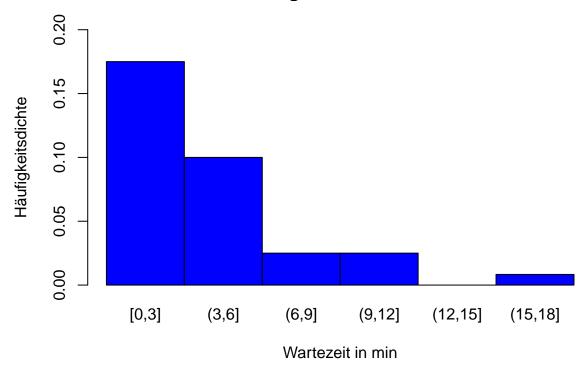
```
Zeit.vec \leftarrow c(0,3,6,9,12,15,18)
Zeitintervalle.vec \leftarrow c("[0,3]", "(3,6]", "(6,9]", "(9,12]", "(12,15]", "(15,18]")
Klasse.vec <- tabulate(cut(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min, breaks = Zeit.vec))</pre>
Wartezeit.df <- data.frame(Zeit = Zeitintervalle.vec, Klassenbreite = rep(3,6), Klassenmitte = c(1.5,4.
Wartezeit.df <- data.frame(Wartezeit.df, Summenhfk. = cumsum(Wartezeit.df$rel.Häufigkeit), Dichte = War
Wartezeit.df
##
        Zeit Klassenbreite Klassenmitte abs. Häufigkeit rel. Häufigkeit Summenhfk.
## 1
       [0,3]
                          3
                                      1.5
                                                       21
                                                                    0.525
                                                                                0.525
## 2
       (3,6]
                          3
                                      4.5
                                                       12
                                                                    0.300
                                                                                0.825
       (6,9]
                          3
## 3
                                      7.5
                                                        3
                                                                    0.075
                                                                                0.900
      (9,12]
                          3
                                     10.5
                                                        3
                                                                    0.075
                                                                                0.975
## 4
                          3
                                                        0
## 5 (12,15]
                                     13.5
                                                                    0.000
                                                                                0.975
## 6 (15,18]
                                     16.5
                                                                    0.025
                                                                                1.000
          Dichte
## 1 0.175000000
## 2 0.10000000
## 3 0.025000000
## 4 0.025000000
```

Absolute Häufigkeitsverteilung Wartezeit



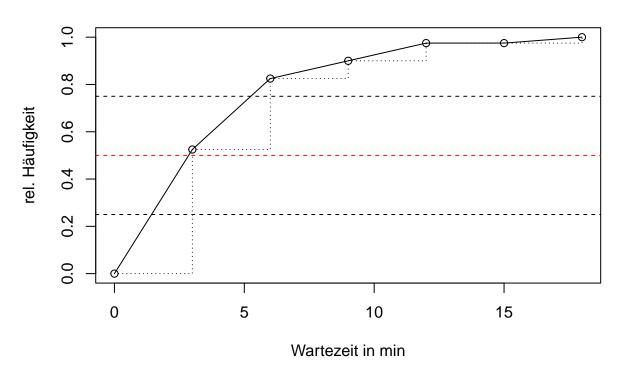
barplot(Wartezeit.df\$Dichte, names = Wartezeit.df\$Zeit, main = "Histogramm Wartezeit", xlab = "Wartezei

Histogramm Wartezeit



```
plot(c(0,3,6,9,12,15,18), c(0,Wartezeit.df$Summenhfk.), main = "Summenhäufigkeit Wartezeit", xlab = "Wartezeit.df$Summenhfk.))
lines(c(0,3,6,9,12,15,18), c(0,Wartezeit.df$Summenhfk.), type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
```

Summenhäufigkeit Wartezeit



$Telegespr\"{a}che$

```
Dauer.vec <- c(0,2,4,6,8,10,12,14,16)

Dauer_Intervall.vec <- c("[0,2]", "(2,4]", "(4,6]", "(6,8]", "(8,10]", "(10,12]", "(12,14]", "(14,16]")

Dauer_Klasse.vec <- tabulate(cut(Verteilungsvergleich.df$Telgesprae_min, breaks = Dauer.vec))

Gesprächsdauer.df <- data.frame(Gesprächsdauer = Dauer_Intervall.vec, Klassenbreite = rep(2,8), Klassen

Gesprächsdauer.df <- data.frame(Gesprächsdauer.df, Summenhfk. = cumsum(Gesprächsdauer.df$rel.Häufigkeit

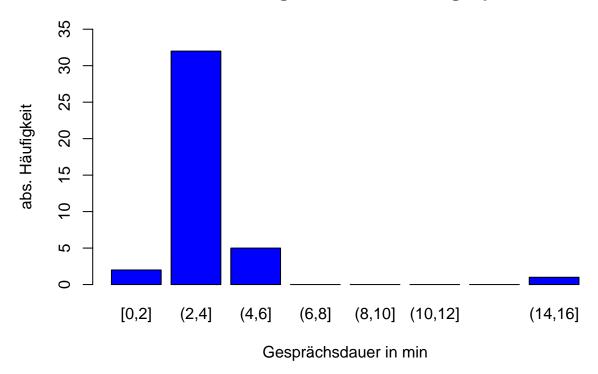
Gesprächsdauer.df
```

```
Gesprächsdauer Klassenbreite Klassenmitte abs. Häufigkeit rel. Häufigkeit
##
## 1
               [0,2]
                                                                               0.050
                                   2
                                                                  2
                                   2
## 2
               (2,4]
                                                  3
                                                                 32
                                                                               0.800
               (4,6]
                                   2
                                                  5
## 3
                                                                  5
                                                                               0.125
                                   2
                                                  7
## 4
               (6,8]
                                                                  0
                                                                               0.000
              (8,10]
                                   2
                                                  9
## 5
                                                                  0
                                                                               0.000
                                   2
## 6
             (10, 12]
                                                 11
                                                                  0
                                                                               0.000
                                   2
                                                 13
## 7
             (12,14]
                                                                  0
                                                                               0.000
## 8
                                   2
                                                 15
             (14, 16]
                                                                  1
                                                                               0.025
##
     Summenhfk. Dichte
## 1
           0.050 0.0250
## 2
           0.850 0.4000
## 3
           0.975 0.0625
## 4
           0.975 0.0000
## 5
           0.975 0.0000
```

```
## 6 0.975 0.0000
## 7 0.975 0.0000
## 8 1.000 0.0125
```

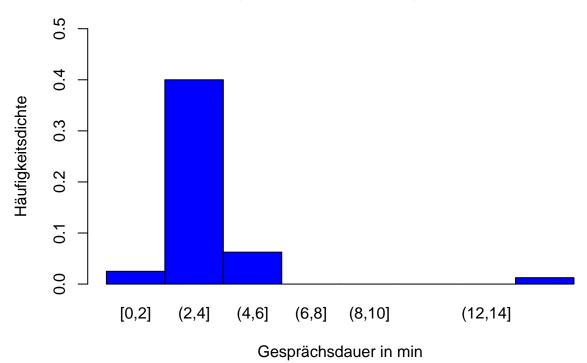
barplot(Gesprächsdauer.df\$abs.Häufigkeit, names = Gesprächsdauer.df\$Gesprächsdauer, ylim = c(0,35), col

Absolute Häufigkeit Dauer Telefongespräche



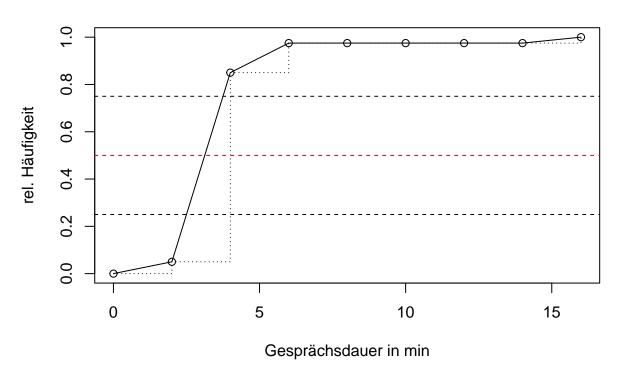
barplot(Gesprächsdauer.df\$Dichte, names = Gesprächsdauer.df\$Gesprächsdauer, ylim = c(0,0.5), col = "blu

Histogram Dauer Telefongespräch



```
plot(c(0,2,4,6,8,10,12,14,16), c(0,Gesprächsdauer.df$Summenhfk.), main = "Summenhäufigkeit Telefongesp
points(c(0,2,4,6,8,10,12,14,16), c(0,Gesprächsdauer.df$Summenhfk.))
lines(c(0,2,4,6,8,10,12,14,16), c(0,Gesprächsdauer.df$Summenhfk.), type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
```

Summenhäufigkeit Telefongespräch



$Stiftl\"{a}nge$

4

5

0.975

1.000

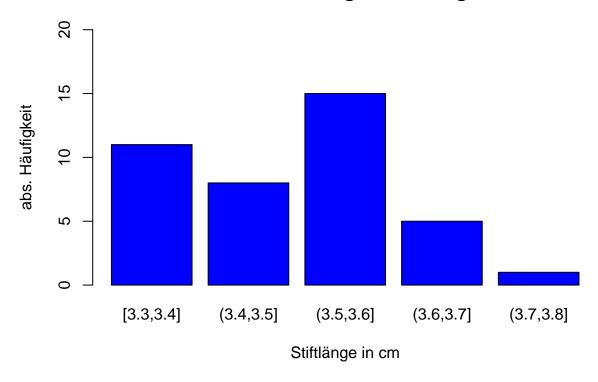
1.25

0.25

```
Länge.vec \leftarrow c(3.3,3.4,3.5,3.6,3.7,3.8)
Länge_Intervall.vec \leftarrow c("[3.3,3.4]", "(3.4,3.5]", "(3.5,3.6]", "(3.6,3.7]", "(3.7,3.8]")
Länge_Klasse.vec <- tabulate(cut(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm, breaks = Länge.vec))
Stiftlänge.df <- data.frame(Stiftlänge = Länge_Intervall.vec, Klassenbreite = rep(0.1,5), Klassenmitte
Stiftlänge.df <- data.frame(Stiftlänge.df, Summenhfk. = cumsum(Stiftlänge.df$rel.Häufigkeit), Dichte = 1
Stiftlänge.df
     Stiftlänge Klassenbreite Klassenmitte abs. Häufigkeit rel. Häufigkeit
##
     [3.3, 3.4]
## 1
                           0.1
                                        3.35
                                                          11
                                                                       0.275
## 2
      (3.4, 3.5]
                           0.1
                                        3.45
                                                                       0.200
     (3.5, 3.6]
                                                          15
## 3
                           0.1
                                        3.55
                                                                       0.375
## 4
     (3.6, 3.7]
                           0.1
                                        3.65
                                                           5
                                                                       0.125
     (3.7, 3.8]
## 5
                           0.1
                                        3.75
                                                                       0.025
     Summenhfk. Dichte
##
## 1
          0.275
                   2.75
## 2
          0.475
                   2.00
## 3
          0.850
                   3.75
```

barplot(Stiftlänge.df\$abs.Häufigkeit, names = Länge_Intervall.vec, main = "Absolute Häufigkeit Stiftlänge".

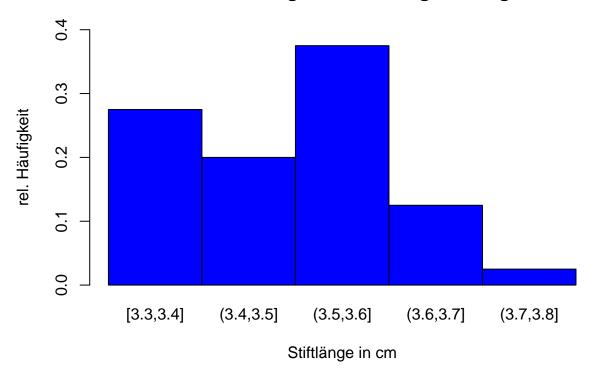
Absolute Häufigkeit Stiftlänge



Aufgrund der unglücken Wahl der Maße in cm und der geringen Steuung sowie der folglichen geringen Klassenbreite, wird hier kein Diagramm der Häufigkeitsdichte, sondern ein Diagramm der rel. Häufigkeit erstellt.

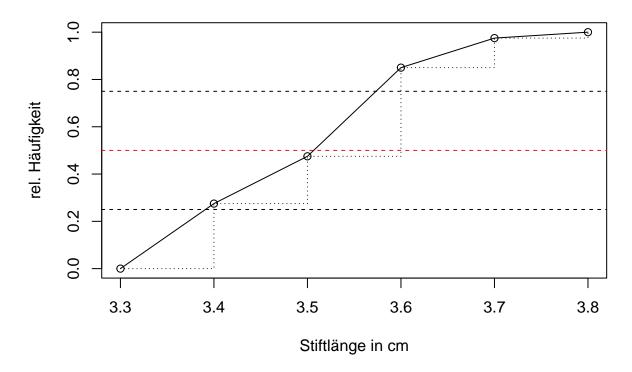
barplot(Stiftlänge.df\$rel.Häufigkeit, names = Länge_Intervall.vec, space = 0, col = "blue", ylim = c(0,

Relative Häufigkeitsverteilung Stiftlänge



```
plot(c(3.3,3.4,3.5,3.6,3.7,3.8), c(0,Stiftlänge.df$Summenhfk.), main = "Summenhäufigkeit Stiftlänge", x
points(c(3.3,3.4,3.5,3.6,3.7,3.8), c(0,Stiftlänge.df$Summenhfk.))
lines(c(3.3,3.4,3.5,3.6,3.7,3.8), c(0,Stiftlänge.df$Summenhfk.), type = "s", lty = 3)
abline(0.25, 0, lty = "dashed")
abline(0.75, 0, lty = "dashed")
abline(0.5, 0, lty = "dashed", col = "red")
```

Summenhäufigkeit Stiftlänge



b) Schätze das arithmetische Mittel aus der grafischen Darstellung für die Häufigkeit und den Median aus der grafischen Darstellung für die Summenhäufigkeit.

Würfel:

arithmetisches Mittel: 3,5

Median: 3

Wartezeit:

arithmetisches Mittel: liegt im Intervall [0,3] und beträgt geschätzt 3

Median: 2,8

Telefongespräche:

arithmetisches Mittel: liegt im Intervall (2,4] und beträgt geschätzt 3

Median: 3,5

$Stiftl\"{a}nge:$

arithmetisches Mittel: liegt im Intervall (3.5,3.6] und beträgt geschätzt 3,55

Median: 3,51

c) Bestimme für jede Messreihe jene Merkmalsausprägung, unter welcher die kleinsten 25 % zu finden sind.

d) Berechne die möglichen Lageparameter (Zentralmaße und Streumaße). Versuche die Lage und die Größe der Lageparameter aufgrund der Eigenschaften der Verteilungen zu verstehen. (z.B.: Worauf deutet die verschiedenen Lage von Median und arithmetischem Mittel, wie verhält sich die Standardabweichung zu Streuparametern wie Spannweite oder Interquartilsabstand?)

Würfel - Zentralmaße: Modus

```
Modus_Wuerfel.vec <- Verteilungsvergleich.df$Wuerfel
getmode <- function(Modus_Wuerfel.vec) {
   uniqv <- unique(Modus_Wuerfel.vec)
   uniqv[which.max(tabulate(match(Modus_Wuerfel.vec, uniqv)))]
}
getmode(Modus_Wuerfel.vec)</pre>
```

[1] 2

Median

```
median(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
```

[1] 3

Mittelwert

```
mean(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
```

[1] 3.5

Würfel - Streumaße Minimum

min(Verteilungsvergleich.df\$Wuerfel)

[1] 1

Maximum

```
max(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
```

[1] 6

Spannweite

```
range(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
```

[1] 1 6

Quantile

```
quantile(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
##
     0% 25% 50% 75% 100%
##
           2
                3
                     5
Standardabweichung
sd(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)
## [1] 1.679438
Mittlere absolute Abweichung
mean(abs(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel-mean(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel)))
## [1] 1.475
Wartezeit - Zentralmaße:
Modus
Modus_Wartezeit.vec <- Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min</pre>
getmode <- function(Modus_Wartezeit.vec) {</pre>
   uniqv <- unique(Modus_Wartezeit.vec)</pre>
   uniqv[which.max(tabulate(match(Modus_Wartezeit.vec, uniqv)))]
getmode(Modus_Wartezeit.vec)
## [1] 3.138
Median
median(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 2.745
Mittelwert
mean(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 3.5
```

Wartezeit - Streumaße

Minimum

```
min(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 0.102
Maximum
max(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 15.788
Spannweite
range(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 0.102 15.788
Quantile
quantile(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
##
       0%
             25%
                    50%
                           75%
                                  100%
## 0.102 0.743 2.745 5.652 15.788
Standardabweichung
sd(Verteilungsvergleich.df$Wartezeit_min)
## [1] 3.493427
Mittlere absolute Abweichung
\verb|mean(abs(Verteilungsvergleich.df\$Wartezeit\_min-mean(Verteilungsvergleich.df\$Wartezeit\_min))||
## [1] 2.66165
Telefongespräch - Zentralmaße:
Modus
Modus_Telefongespräch.vec <- Verteilungsvergleich.df$Telgesprae_min
getmode <- function(Modus_Telefongespräch.vec) {</pre>
   uniqv <- unique(Modus_Telefongespräch.vec)</pre>
   uniqv[which.max(tabulate(match(Modus_Telefongespräch.vec, uniqv)))]
getmode(Modus_Telefongespräch.vec)
## [1] 3.56
```

Median

median(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) ## [1] 3.295 Mittelwertmean(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) ## [1] 3.49975 Telefongespräche - Streumaße: Minimummin(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) ## [1] 1.62 Maximummax(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) ## [1] 14.21 Spannweiterange(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) **##** [1] 1.62 14.21 Quantilequantile(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min) 50% 75% ## 0% 25% 100% ## 1.6200 2.8425 3.2950 3.7925 14.2100

Standard abweichung

sd(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min)

[1] 1.882077

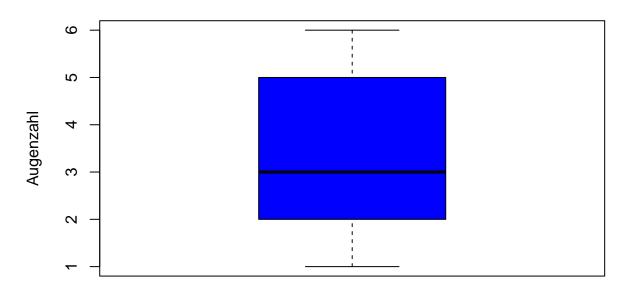
 $Mittlere\ absolute\ Abweichung$

```
mean(abs(Verteilungsvergleich.df$Telgesprae_min-mean(Verteilungsvergleich.df$Telgesprae_min)))
## [1] 0.8622
Stiftlänge - Zentralmaße:
Modus
Modus_Stiftlange.vec <- Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm</pre>
getmode <- function(Modus_Stiftlänge.vec) {</pre>
   uniqv <- unique(Modus_Stiftlänge.vec)</pre>
   uniqv[which.max(tabulate(match(Modus_Stiftlänge.vec, uniqv)))]
getmode(Modus_Stiftlänge.vec)
## [1] 3.4
Median
median(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 3.51
Mittelwert
mean(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 3.5
Stiftlänge - Streumaße:
Minimum
min(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 3.34
Maximum
max(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 3.75
```

Spannweite

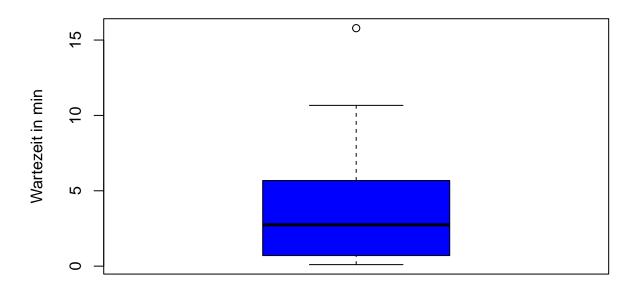
```
range(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 3.34 3.75
Quantile
quantile(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
    0% 25% 50% 75% 100%
## 3.34 3.40 3.51 3.57 3.75
Standard abweichung \\
sd(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)
## [1] 0.1059511
Mittlere absolute Abweichung
mean(abs(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm-mean(Verteilungsvergleich.df$Stiftlaenge_cm)))
## [1] 0.0875
e) Zeichne für jede Messreihe einen Boxplot
boxplot(Verteilungsvergleich.df$Wuerfel, col = "blue", main = "Würfel", ylab = "Augenzahl")
```

Würfel



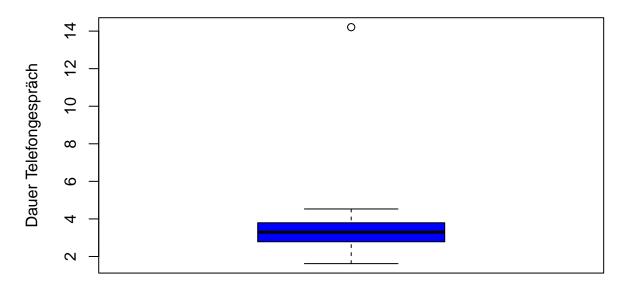
boxplot(Verteilungsvergleich.df\$Wartezeit_min, col = "blue", ylab = "Wartezeit in min", main = "Warteze

Wartezeit



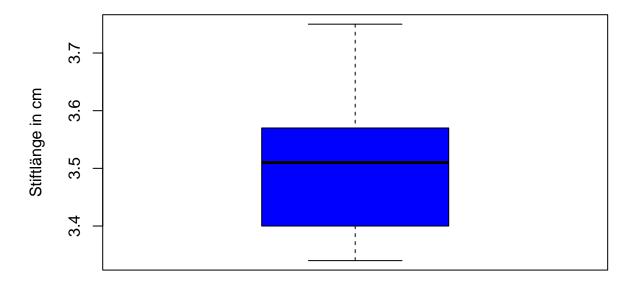
boxplot(Verteilungsvergleich.df\$Telgesprae_min, main = "Telefongespräch", ylab = "Dauer Telefongespräch"

Telefongespräch



boxplot(Verteilungsvergleich.df\$Stiftlaenge_cm, main = "Stiftlänge", ylab = "Stiftlänge in cm", col = "

Stiftlänge



B-5) Lageparameter als Sicherheitskennzahlen. Eine Fluggesellschaft wirbt damit, dass pro 489 Millionen Passagierkilometer lediglich 1 Todesfall zu beklagen war. (Das klingt sehr gut, wenn man nur 800 km fliegen will). Mit dieser Statistik, so die Fluggesellschaft, ist die Reise mit ihr 10-mal sicherer als eine Autofahrt. (m.a.W.: Im Autoverkehr gibt es 10 Tote auf 48 Millionen Passagierkilometer, oder 1 Toten auf 4,8 Mio. Passagierkilometer.) Allerdings fliegt das Flugzeug im Durchschnitt auch 10-mal schneller als ein Auto fährt. Welche Kennzahlen würde eine Pro-Auto-Initiative dieser Werbung entgegenstellen? (Beachte die effektiven Reisezeiten.)

Wie sich aus der Statistik ableiten lässt, ist laut Fluggesellschaft das Fliegen rund 10 Mal sicherer als eine Autofahrt. Gleichzeitig wird aber auch angegeben, dass ein Flugzeug im Durchschnitt auch 10 Mal so schnell fliegt, als ein Auto fährt. Innerhalb eines gleichen Zeitabschnitts legt ein Flugzeug 48 Mio. Kilometer zurück, ein Auto hingegen nur 4,8 Mio Kilometer. Aus der Angabe geht hervor, dass für beide Strecken jeweils ein Todesopfer zu beklagen ist. Das Sterberisiko ist zwar pro Kilometer Flugstrecke geringer als pro Kilometer Autofahrt, Für eine bestimmte Reisezeit ist das Risiko zu Sterben allerdings gleich groß. Die Pro-Auto-Initiative könnte also angeben, dass pro Reisestunde das Sterberisiko bei einer Autofahrt gleich groß ist wie bei der Reise mit einem Flugzeug.

B-6) Will Rogers Phänomen.

Text

B-7) Simpsons Paradoxon.

Text

B-8) Studienplatz an einer Hochschule

Text

C-1) Offene Untersuchung: Das komma-separierte File "Unternehmensum-saetze.csv" enthält Daten zu den 97 weltweit größten und börsennotierten Konzernen. In dieser Tabelle sind die Umsätze und Gewinne in Mrd. \$ angegeben. Untersuche die Daten mit den bekannten Methoden. Beantworte damit Fragen, wie z.B.: "Wie verteilen sich die Unternehmen auf Länder und Branchen?", "Wie verteilen sich Gewinne, Umsätze und Mitarbeiter?", "Welche Branchen generieren besonders viele Umsätze oder Gewinne pro Mitarbeiter?", und andere mehr. Verwende dazu geeignete Häufigkeitsdarstellungen und Lageparameter. Lege eine passende Regressionsgerade durch die Merkmale "Mitarbeiter" und "Gewinn". Wo gibt es Ausreißer. Erkundige Dich nach der Lorenzkurve und wende sie auf die Werte der Merkmale "Umsätze" und "Mitarbeiter" an.

Verteilung der Unternehmen nach den Branchen

```
Unternehmensumsätze.df <- read.csv("Unternehmensumsaetze.csv", sep = ";", dec = ",", header = TRUE)
```

Verteilung der Unternehmen nach den jeweiligen Länder in dem das Unternehmen seinen Hauptwohnsitz hat

```
Land.df <- data.frame(table(Unternehmensumsätze.df$Land))
names(Land.df) <- c("Staat" , "Anzahl")
Land.df[order(Land.df$Anzahl, decreasing = TRUE),]</pre>
```

```
## Staat Anzahl
## 18 USA 31
## 20 Volksrepublik China 13
## 2 Deutschland 10
```

```
## 3
                Frankreich
                                  9
## 7
                      Japan
                                  8
## 6
                   Italien
                                  4
## 4
           Grossbritannien
                                  3
## 12
                  Russland
                                  3
## 5
                     Indien
                                  2
## 10
               Niederlande
                                  2
## 13
                                  2
                   Schweiz
## 15
                 Suedkorea
                                  2
## 1
                 Brasilien
                                  1
## 8
                  Malaysia
                                  1
## 9
                     Mexiko
                                  1
## 11
                  Norwegen
                                  1
## 14
                   Spanien
                                  1
## 16
                     Taiwan
                                  1
## 17
                  Thailand
                                  1
## 19
                 Venezuela
                                  1
```

Verteilung der Unternehmen nach Branchen

```
Branche.df <- data.frame(table(Unternehmensumsätze.df$Branche))
names(Branche.df) <- c("Branche", "Anzahl")
Branche.df[order(Branche.df$Anzahl, decreasing = TRUE),]</pre>
```

```
##
                                         Branche Anzahl
## 16
                                    Oel und Gas
                                                      22
## 3
                                                      15
                                          Banken
                                                       9
## 1
                                     Automobile
## 6
                                   Einzelhandel
                                                       6
## 20
                                    Technologie
                                                       6
                                                       5
## 21
                              Telekommunikation
## 22
                                                       5
                                 Versicherungen
                                                       5
## 23
                                       Versorger
                                                       3
## 14
                                   Mischkonzern
                                                       3
## 17
                                   Pharmahandel
                                                       2
## 7
                                   Eisenbahnbau
## 8
                           Finanzdienstleister
                                                       2
                                                       2
## 12
                                   Konsumgueter
                                                       2
## 15
                                 Nahrungsmittel
                                                       2
## 19
                                 Rohstoffhandel
## 2
           Automotive Telecom, IT & Tourismus
                                                       1
                                Bauhauptgewerbe
## 4
                                                       1
## 5
                                          Chemie
                                                       1
## 9
                                    Flugzeugbau
                                                       1
## 10
                                    Grosshandel
                                                       1
## 11
                            Informationstechnik
                                                       1
## 13 Logistik, Bankwesen, Versicherungswesen
                                                       1
## 18
                                      Pharmazie
                                                       1
```

Verteilung der Unternehmen nach Hauptsitz

```
Hauptsitz.df <- data.frame(table(Unternehmensumsätze.df$Hauptsitz))
names(Hauptsitz.df) <- c("Hauptsitz" , "Anzahl")
Hauptsitz.df[order(Hauptsitz.df$Anzahl, decreasing = TRUE),]</pre>
```

##		Hountaita	Angohi	
##	41	Hauptsitz		
##	40	Peking Paris	12	
			8 6	
##	52	Tokio		
##	34	Muenchen	4	
##	33	Moskau	3	
##	37	New York	3	
##	12	Cincinnati	2	
##	20	Duesseldorf	2	
##	28	London	2	
##	43	Rom	2	
##	44	San Antonio	2	
##	45	San Francisco	2	
##	47	Seoul	2	
##	1	Amsterdam	1	
##	2	Armonk	1	
##	3	Baar ZG	1	
##	4	Bangkok	1	
##	5	Bentonville	1	
##	6	Bonn	1	
##	7	Caracas	1	
##	8	Charlotte	1	
##	9	Cheshunt	1	
##	10	Chesterbrook	1	
##	11	Chicago	1	
##	13	Courbevoie	1	
##	14	Cupertino		
##	15	Dearborn Decatur		
##	16	Decatur		
##	17	Den Haag		
##	18	Detroit		
##	19	Dublin		
##	21	Fairfield		
##	22	Hongkong		
##	23	Houston		
##	24	Irving		
##	25	Issaquah	1	
		Kasumigaseki, Chiyoda, Tokio	1	
##	27	Kuala Lumpur	1	
##	29	Ludwigshafen	1	
##	30	Madrid	1	
##	31	Mexiko-Stadt	1	
##	32	Minnetonka	1	
##	35	Mumbai	1	
##	36	Neu-Delhi	1	
##	38	Omaha	1	
	39	Palo Alto	1	
##	42	Rio de Janeiro	1	
##	46	San Ramon	1	

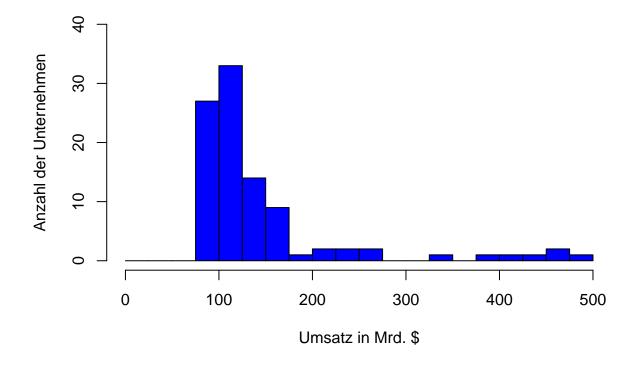
```
St. Louis (Missouri)
                                            1
## 49
                           Stavanger
                                            1
## 50
                           Stuttgart
## 51
                               Taipeh
                                            1
## 53
                               Toyota
                                            1
## 54
                               Triest
                                            1
## 55
                                Turin
                                            1
                       Tysons Corner
## 56
                                            1
## 57
                                Vevey
                                            1
                    Washington, D.C.
## 58
                                            1
## 59
                           Wolfsburg
                                            1
## 60
                          Woonsocket
                                            1
```

Aufteilung nach Unternehmensumsätze

```
summary(Unternehmensumsätze.df$Umsatz)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 79.83 98.53 114.30 143.97 146.90 476.29
```

Histogramm der Unternehmensumsätze



Aufteilung nach Unternehmensgewinnen

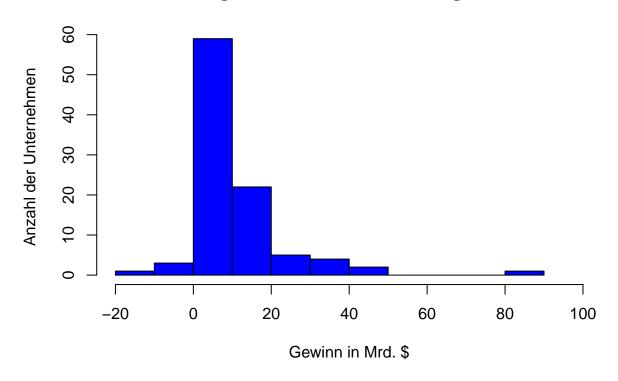
```
summary(Unternehmensumsätze.df$Gewinn)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## -12.300 2.700 6.076 10.049 13.700 83.900

Breaks.vec <- c(-20,-10,0,10,20,30,40,50,60,70,80,90)

hist(Unternehmensumsätze.df$Gewinn, Breaks.vec, main = "Histogramm der Unternehmensgewinne", xlab = "Ge"
```

Histogramm der Unternehmensgewinne



Sortierung nach Umsatz je Mitarbeiter in \$

```
Mitarbeit_Bran.vec <- aggregate(Unternehmensumsätze.df$Mitarbeiter, by = list(Branche = Unternehmensums
Umsatz_Bran.vec <- aggregate(Unternehmensumsätze.df$Umsatz, by = list(Branche = Unternehmensumsätze.df$
Umsatz_Mitarbeit_Bran.df <- data.frame(Bran = Umsatz_Bran.vec$Branche, Ums_Mit = 1000000000*Umsatz_Bran
names(Umsatz_Mitarbeit_Bran.df) <- c("Branche", "Umsatz_je_Mitarbeiter")
Umsatz_Mitarbeit_Bran.df[order(Umsatz_Mitarbeit_Bran.df$Umsatz_je_Mitarbeiter, decreasing = TRUE),]
```

##		Branche	Umsatz_je_Mitarbeiter
##	19	Rohstoffhandel	4591305.6
##	17	Pharmahandel	4130774.1
##	18	Pharmazie	3462518.6

##	13	Logistik, Bankwesen, Versicherungswesen	1382954.5
##	22	Versicherungen	1034492.8
##	16	Oel und Gas	997392.1
##	5	Chemie	883562.3
##	8	Finanzdienstleister	702052.8
##	14	Mischkonzern	683145.9
##	1	Automobile	612787.8
##	4	Bauhauptgewerbe	587860.8
##	12	Konsumgueter	570462.8
##	15	Nahrungsmittel	527599.7
##	9	Flugzeugbau	496691.5
##	21	Telekommunikation	487441.5
##	3	Banken	470430.1
##	23	Versorger	385077.2
##	7	Eisenbahnbau	370829.4
##	10	Grosshandel	345464.9
##	20	Technologie	313889.9
##	6	Einzelhandel	277279.8
##	11	Informationstechnik	231324.7
##	2	Automotive Telecom, IT & Tourismus	156818.2

Im Rohstoffsektor und im Pharmaunternehmen sind die vergleichsweise größten Gewinne je Mitarbeiter zu erzielen. Im Rohstoffhandel betragen die Umsätze rund 4,6 Mio. \$ je Mitarbeiter.

Sortierung nach Gewinn je Mitarbeiter nach Branche in \$

```
Gewinn_Bran.vec <- aggregate(Unternehmensumsätze.df$Gewinn, by = list(Branche = Unternehmensumsätze.df$Gewinn_Mitarbeit_Bran.df <- data.frame(Bran = Gewinn_Bran.vec$Branche, Gew_Mit = 10000000000*Gewinn_Bran.names(Gewinn_Mitarbeit_Bran.df) <- c("Branche", "Gewinn_je_Mitarbeiter")
Gewinn_Mitarbeit_Bran.df[order(Gewinn_Mitarbeit_Bran.df$Gewinn_je_Mitarbeiter, decreasing = TRUE),]
```

##		Branche	<pre>Gewinn_je_Mitarbeiter</pre>
##	18	Pharmazie	565944.068
##	3	Banken	97682.986
##	16	Oel und Gas	58023.869
##	5	Chemie	57584.510
##	14	Mischkonzern	52040.403
##	22	Versicherungen	48601.021
##	13	${\tt Logistik,\ Bankwesen,\ Versicherungswesen}$	43472.727
##	21	Telekommunikation	41031.404
##	11	Informationstechnik	38264.241
##	15	Nahrungsmittel	33732.924
##	20	Technologie	30803.964
##	1	Automobile	30706.404
##	9	Flugzeugbau	26290.138
##	17	Pharmahandel	26028.949
##	8	Finanzdienstleister	23404.317
##	12	Konsumgueter	18909.839
##	2	Automotive Telecom, IT & Tourismus	13484.848
##	4	Bauhauptgewerbe	9550.085

##	6	Einzelhandel	7482.463
##	7	Eisenbahnbau	4980.159
##	23	Versorger	3512.645
##	10	Grosshandel	2016.379
##	19	Rohstoffhandel	-99416.667

Die höchsten Gewinne je Mitarbeiter können mit rund 570.00 \$ je Mitarbeiter die Unternehmen in der Pharmazie aufweisen.

Sortierung nach Gewinn je Mitarbeiter nach Unternehmen in \$

```
Mitarbeit_Firma.vec <- aggregate(Unternehmensumsätze.df$Mitarbeiter, by = list(Firma = Unternehmensumsätze.df$N Gewinn_Firma.vec <- aggregate(Unternehmensumsätze.df$Gewinn, by = list(Firma = Unternehmensumsätze.df$N Gewinn_Mitarbeit_Firma.df <- data.frame(Firma = Gewinn_Firma.vec$Firma, Gew_Mit = 1000000000*Gewinn_Firma.mames(Gewinn_Mitarbeit_Firma.df) <- c("Firma", "Gewinn_je_Mitarbeiter")

Gewinn_Mitarbeit_Firma.df[order(Gewinn_Mitarbeit_Firma.df$Gewinn_je_Mitarbeiter, decreasing = TRUE),]
```

##		Firm	a Gewinn_je_Mitarbeiter
##	42	Fannie Ma	e 11985714.286
##	44	Freddie Ma	c 9959100.204
##	23	China National Offshore Oi	1 1432025.293
##	4	Appl	e 585102.686
##	40	Express Scripts Holdin	g 565944.068
##	74	Petrona	s 391700.866
##	20	Chevro	n 350111.948
##	41	ExxonMobi	1 328758.829
##	17	В	P 281187.050
##	87	Statoi	1 214409.585
##	79	Royal Dutch Shel	1 181900.000
##	77	PTT Public Compan	y 168859.649
##	71	PDVS	A 140295.164
	73	Petrobra	s 135428.111
	29	ConocoPhillip	
	93	Valero Energ	•
	90	Tota	
	78	Rosneft Oi	1 107625.689
	21	China Construction Ban	
	55	ICB	
	65	Munich R	
##		Gazpro	
##		Samsung Electronic	
	75	Procter & Gambl	
	38	En	
##		Wells Farg	
	13	Berkshire Hathawa	-
	7	AT&	
##		JPMorgan Chas	
	14	BMW Grou	-
	1	Agricultural Bank of Chin	
##	94	Verizo	n 58793.192

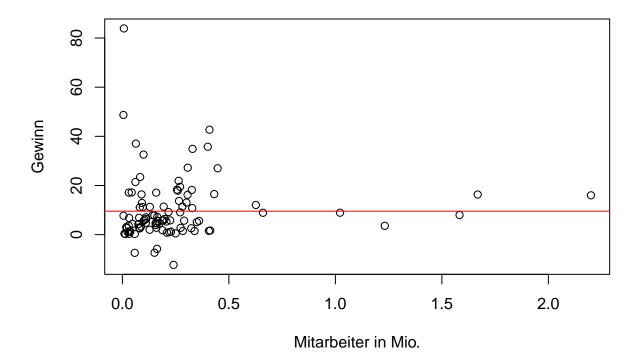
##	57	ING Groep	58188.644
##	12	BASF	57584.510
##	37	Enel	57059.448
##	92	${\tt UnitedHealth}$	56565.657
##	91	Toyota Motor	55783.127
##	2	Allianz	55658.104
##	54	HSBC	52943.945
##	62	Lukoil	52000.000
	28	Citigroup	51503.759
	60	JX Holdings	45387.028
##	3	AmerisourceBergen	44060.914
	43	Ford Motor	43902.439
	67	Nippon Yuesei	43472.727
	47	General Electric	43378.738
##	22	China Mobile	42459.513
	5	Archer Daniels Midland	42345.277
		Bank of America	
##	10		40565.526
	58	International Business Machines	38264.241
##		Credit Agricole	37735.418
##		E.ON	36037.977
##		McKesson	34482.759
##		AXA	33837.349
##		Daimler	33470.907
##		Nestle	32926.829
##		Indian Oil Corporation	32322.228
	15	BNP Paribas	32254.325
##		Assicurazioni Generali	30976.743
##		Honda Motor	30465.969
##	9	Banco Santander	29997.569
##	36	Electricite de France	29903.693
##	32	CVS Caremark	28220.859
##	16	Boeing	26290.138
##	70	NTT	25865.260
##	48	General Motors	25826.087
##	68	Nissan Motor	24840.764
##	11	Bank of China	19658.494
##	95	Volkswagen	19262.344
##	84	Societe Generale	17542.101
##	69	Noble Group	17428.571
##	30	Costco Wholesale	15625.000
##	81	Siemens	15555.556
##	50	Hewlett-Packard	14588.101
##	88	Tata	13484.848
##	18	Cardinal Health	10470.219
##	39	Exor	10122.139
	24	China National Petroleum	9781.952
##	27	China State Construction Engineering	9550.085
##		Sinopec	8739.906
##		Hitachi	8036.101
##		Walmart	7272.727
##		Deutsche Telekom	5406.400
##		China Railway Group	5366.197
##		State Grid	5042.325
##		China Railway Construction	4481.818
π#	20	onina haliway constitution	4401.010

##	83		SK Holdings	4460.686
##	61		Kroger	4424.779
##	19		Carrefour	4049.044
##	76		PSA Peugeot Citroen	3913.520
##	89		Tesco	3767.656
##	52	Hon Hai	Precision Industry (Foxconn)	2922.078
##	64		Metro	2016.379
##	85		Sony	-35550.092
##	72		PEMEX	-48765.939
##	46		GDF Suez	-51185.378
##	49		Glencore	-127620.690

Regressionsgerade durch die Merkmale "Mitarbeiter" und "Gewinn"

plot(Unternehmensumsätze.df\$Mitarbeiter/1000000, Unternehmensumsätze.df\$Gewinn, main = "Regression Mitaabline(lm(Unternehmensumsätze.df\$Gewinn~Unternehmensumsätze.df\$Mitarbeiter), col = "red")

Regression Mitarbeiter/Gewinn



Den größten Ausreißer, also das Unternehmen, das den größten Gewinn je Mitarbeiter erzielt, gibt es bei der Firma Fanni Mae mit fast 12 Mrd. \$ Gewinn je Mitarbeiter. Berechnet wird dieser Ausreißer in der vorherigen Berechnung bei "Sortierung nach Gewinn je Mitarbeiter nach Unternehmen in \$"

Lorenzkurve angewandt auf die Merkmale "Umsätze" und "Mitarbeiter"

```
"ineq" %in% installed.packages()
```

[1] TRUE

```
#install.packages("ineq")
library(ineq)
```

plot(Lc(Unternehmensumsätze.df\$Mitarbeiter, Unternehmensumsätze.df\$Umsatz), main = "Umsätze je Mitarbei

Umsätze je Mitarbeiter

