Compilation et interprétation (HMIN104)

Master AIGLE Département Informatique Faculté des Sciences de Montpellier



Examen du 15 janvier 2018

Tous les documents sont autorisés. Les ordinateurs portables sont également autorisés, mais sans le réseau.

L'examen dure 2h. Le barème est donné à titre indicatif. Le sujet comporte 4 pages et il y a 3 exercices.

Exercice 1 (7 pts)

Soit la fonction de Fibonacci:

$$f(n) = \begin{cases} 0, & \text{si } n = 0 \\ 1, & \text{si } n = 1 \\ f(n-1) + f(n-2), & \text{sinon} \end{cases}$$

- 1. Écrire la fonction f en PP. Traduire la fonction f en UPP.
- 2. Traduire la fonction f en RTL.
- 3. Traduire la fonction f en ERTL.
- 4. Traduire la fonction f en LTL (l'allocation de registres sera faite à la main sans passer par l'analyse de durée de vie des variables, le graphe d'interférences, et le coloriage correspondant).
 Traduire la fonction f en LIN.
- 5. Traduire la fonction f en MIPS.
- 6. Donner une version récursive terminale de f en PP.

 Traduire directement cette fonction en MIPS en optimisant au maximum l'utilisation de la pile (en minimisant le nombre d'allocations et de désallocations de trames de piles).

Exercice 2 (5 pts)

Soit le programme PP suivant :

```
egin{array}{lll} x &:= & 1; \ y &:= & t; \ {f if} &z = 0 & {f then} \ &u &:= &v \, + \, x \ {f else} \ &u &:= &v \, + \, y; \ x &:= &u \, + \, y \end{array}
```

- 1. Dessiner le graphe de flot de contrôle de ce programme.
- 2. Faire une analyse de durée des variables sachant qu'à la fin du programme, x et y sont vivantes.
- 3. Dessiner le graphe d'interférences correspondant.
- 4. Colorier le graphe d'interférences avec 3 couleurs. Doit-on « spiller » ? Mêmes questions avec 2 couleurs.

Exercice 3 - Compilation d'automates vers une VM (12 pts)

Nous disposons d'une machine virtuelle (VM) à registres, proche de celle du cours mais très simplifiée. L'objectif est de générer un code de cette VM permettant l'interprétation d'automates déterministes, c'est-à-dire la reconnaissance d'un mot par un automate. On suppose que la VM peut gérer des listes LISP, avec des opérations spécialisées :

- (car R1 R2) prend la cellule dont l'adresse est dans le registre R1 et charge son champ car dans le registre R2; (cdr a le rôle symétrique pour le champ cdr);
- l'opération de comparaison (cmp R1), utilisée avec un seul opérande, permet d'effectuer des tests de cellules (consp, atom, null en LISP) sur le contenu du registre R1 en positionnant des drapeaux de manière usuelle;
- (bconsp #label) est une instruction de branchement conditionnel qui effectue le branchement si le drapeau préalablement positionné par cmp indique qu'il s'agit bien d'une cellule; avec batom et bnull, le branchement est conditionné au fait que la valeur testée est un atome ou nil.

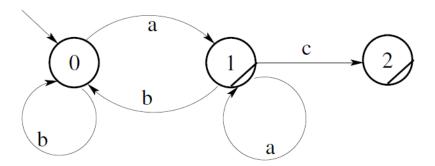
Les conventions pour le code d'interprétation des automates sont les suivantes. La donnée (mot à reconnaître) est une liste de caractères (symboles), par exemple (b b a a a), contenue dans le registre RO. A l'issue de l'exécution, la VM s'arrête et RO contient l'état final atteint lors de l'exécution de l'automate, ou nil, suivant que le mot a été reconnu ou pas.

Question 1

Pour éviter les ambiguités, commencez par définir précisément et succinctement les instructions de la VM dont vous vous servez. (NB : ne décrivez pas les instructions inutilisées de la VM.)

Question 2

Soit l'automate déterministe suivant, dont l'état initial est 0 et les états finaux sont 1 et 2 :



- 1. Commencez par indiquer comment il est possible de traduire les états de l'automate dans la VM. Une pile est-elle nécessaire? Pourquoi?
- 2. Écrire le code VM correspondant à l'automate donné en exemple cidessus, en le commentant.

On suppose que l'on dispose, en LISP, d'un type de données abstrait automate, muni de l'interface fonctionnelle suivante :

- (auto-etat-liste auto) retourne la liste des états (entiers) de l'automate : pour celui de la figure, (0 1 2)
- (auto-init auto) retourne l'état (entier) initial de l'automate (0 dans l'exemple);
- (auto-final-p auto etat) retourne vrai si l'état argument est final (dans l'exemple, vrai pour 1 et 2, faux pour 0);
- (auto-trans-list auto etat) retourne la liste des transitions issues de l'état argument, sous la forme d'une liste.

Question 3

Écrire la fonction LISP auto2vm qui prend en argument un automate déterministe (au sens de la structure de données précédente) et retourne le code VM correspondant (c'est-à-dire un code voisin de celui que vous avez écrit dans la question précédente pour l'automate de la figure).

- 1. Spécifier le principe de la génération : comment traduire les états, les transitions, les états finaux, l'état initial, etc.
- 2. Décomposer le problème en définissant des fonctions annexes pour traiter séparément, chaque transition, chaque état, etc.

Question 4 (bonus)

Indiquer dans les grandes lignes comment il faudrait généraliser cela à des automates non-déterministes? Rappelons qu'un automate est déterministe si, de chaque état, chaque caractère de l'alphabet considéré conduit à au plus une transition. C'est le cas de celui de l'exemple.

* * * * * * * * * * * * *