

Divide et impera

I Merge sort

3. subprograme
- $\text{sort}(p, q, a)$ - verifică dacă $a[p] > a[q]$ și swap
 - interclasare: vector nou în care interclasăm prima și a doua jumătate a unui vector a
 - $\text{divide}(p, q, a)$ - dacă $q - p \leq 1$ - sort
altfel se reapelează pt fiecare jumătate de vector

II Mediana a 2 vect de lungimi diferite

→ dacă $\text{len}(v_1) \leq 2$

- se ia element nou și dacă $\text{len}(v_2) \% 2 == 0$ și punem cele 2 el din mijloc, altfel se ia doar el din mijloc
- se interclasază (într-un vector nou) el din v_1 și noul vector
- se returnează mediana: el din mij dacă sunt nr impar și se media el din mij dacă lungimea e pară

→ altfel:

- se ia mediana fiecărui vector: $m(v_1) = x$, $m(v_2) = y$
- dacă sunt egale, se returnează această valoare
- dacă $x < y$ se remută la a 2-a jumătate din v_1 , și la tot atâtea elemente din prima jumătate a lui v_2 .
→ se reactualizează lungimile: $m_1 = m_1 / 2$; $m_2 = m_2 / 2$.
- dacă $x > y$ se remută la prima jumătate din v_2 și la tot atâtea el din a 2-a jumătate a lui v_1 și se reactualizează indicii
- se reapelează mediana pt noul vector

iii skil maximul → wordonak în matrice

→ subprogr (stg, sus, dr, jos):

- global se declară maximul și listă cu coord. găurii
- se verifică, pt fiecare mat, dacă se află în aria respectivă

($up < i < down$ and $left < j < right$)

- OK = Tabel
- se heapelază pt fiecare bucată (se împarte în 4 matrice și se heapelază subprogr)

• dacă OK = True atunci:

$sup = (high - left) * (down - up)$

if $sup > maxS$:

$maxS = sup$

→ se returnează maxS.

iv Al K-lea minim cu quick-select

→ pivotul e primul el din v

→ se construiesc 2 vectori: 1 cu el din stg ^{pivotului} și unul din dr

→ dacă len de stg e $K-1$ ⇒ piv este el scutut

→ len(stg) $> K-1$ quick-select de (stg, K)

→ len(stg) $< K-1$ quick-select de (dr, $m+1$)

$d = [0] * m$

$d = []$

Programare dinamică

I Problema scărilor → generalizare a Fib

m - nr de etaje de scări pe care le urci la un pos

m - nr de scări

m=2

m=0 - 1 moduri

m=1 - 1 mod

m=2 - 1, 1, 2 ⇒ 2 moduri

m=3 - 3 moduri

1, 2
1, 1, 1
2, 1

m=4 - 5 moduri

1, 1, 2
2, 2
1, 2, 1
1, 1, 1, 1
2, 1, 1

m=5

scara 3 + {
1, 2, 2
1, 1, 1, 2
2, 1, 2

scara 4 + {
1, 1, 2, 1
2, 2, 1
1, 2, 1, 1
1, 1, 1, 1
2, 1, 1, 1

Poziția i se poate baza pe ultimii m pos
(i-1, i-2, ..., i-m)

m=5 f(0)=1

f(1)=1

f(2)=f(2-1)+f(2-2)=f(1)+f(0)

f(3)=f(3-1)+f(3-2)

Scara	0	1	2	3	4	5	6	7
Nr de moduri	1	1	2	3	5	8	13	21

$$f(m) = f(m-1) + f(m-2)$$

$$f(m) = \sum_{k=1}^m f(m-k)$$

II Nr min de sărituri pentru a ajunge la finalul vectorului

V: 2 1 3 2 3 4 5 1 2 8

Min-jump 0 1 1 2 2 2 3 3 3 3

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - nr min de sărituri necesare

jump-path 0 0 2 2 2 4 4 5 5

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - vectorul de reconstruire a drumului

i = indicele locului din vect

for i în range(n):

for j în range(i):

$$\text{Min-jump}[i] = \min(\text{Min-jump}[i], \text{Min-jump}[j] + 1)$$

$$\text{jump-path}[i] = \min(\text{jump-path}[i], j)$$

III Al mai lung subzim comun

$$\text{len}(s1[1]) = 10 = m$$

$$\text{len}(s2[2]) = 9 = n$$

$$M[1][2]$$

$$M[\text{len}(s1)][\text{len}(s2)]$$

$$M[i][j] * (m-i) * (n-j)$$

\backslash empty	b	d	d	h	c	v	e	f	g	h
empty	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
q	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
b	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
c	0	1	1	1	2	2	2	2	2	2
v	0	1	1	1	2	3	3	3	3	3
d	0	1	1	2	2	2	3	3	3	3
e	0	1	1	2	2	2	3	4	4	4
f	0	1	1	2	2	2	3	4	5	5
g	0	1	1	2	2	2	3	4	5	6
h	0	1	1	2	2	2	3	4	5	6

$$7 = 7$$

b c v e f g h

for i in range(len(s1)):

for j in range(len(s2)):

if s1[i] == s2[j]:

$$M[i][j] = M[i-1][j-1] + 1$$

$$\text{else: } M[i][j] = \max(M[i-1][j], M[i][j-1])$$

IV monede / timbre / punctaj întregilor

m	ways	P(m)
1	1	1
2	2 1+1	2
3	3 1+2 1+1+1	3

Suma →

denary ↓

	0	1	2	3	4	5
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	1
2	1	1	2	2	3	1+2
3	1	1	2	3	4	3+2
4	1	1	2	3	5	5+1
5	1	1	2	3	5	6+1 =7

1. Excludă noua monedă
2. Include noua monedă
3. Adună ① și ②

	0	1	2	3	4	5
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0+1	0+1	0+1	0+1	0+1
2	1	1	1+1	1+1	1+2	1+2
3	1	1	2	3	4	5
4	1	1	2	3	5	6
5	1	1	2	3	5	7

if $i > j$ - copiează val de deasupra
 $dp[i][j] = dp[i][j] + dp[i][j-1]$

Pentru monede / bancnote normale:
 distă de toate $[x, y]$ unde
 x este indicele (A matrice) și y este
 valoarea efectivă.

V Cel mai lung subsecvență crescătoare

V:	0	4	12	2	10	6	9	13	3	11	7	15
d:	1	2	3	2	3	3	4	5	3	5	4	6
S:	start	0	1	0	1	3	5	6	3	6	8	9

INITIAL: $L = [1] * (\text{len}(V) + 1)$

for i in range(m):

for j in range(i):

if $V[i] > V[j]$:

$L[i] = \max(L[j] + 1, L[i])$

if $L[j] + 1 > L[i]$:

$S[i] = j$

$S[i] = j$

i: 0 3 5 6 9 11

$L = [c, a, b], c]$
 $L[0][0][0]$

VI Programare optimizată

time	a	b	c	d	e	f
time	(1,4)	(2,6)	(4,7)	(6,8)	(5,9)	(7,10)
P:	3	5	2	6	4	8
	3	5	5	11	7	13

I se sortează după final

II for i in range(1, m):

for j in range(i):

if $V[i] > V[j]$:

→ se pot executa împreună

→ se incrementează profitul ($P[i] = P[i] + P[j]$)

$P[i] = \max(V[i][1] + V[j][1], P[i])$

IV Rucsac 0/1

	greutate	profit
0)	1	1
1)	3	4
4)	4	5
3)	5	7
2)	2	4

I Sortare după greutate

II if $sum - g \leq \sum_{k=1}^{i-1} p_k$ valoare
 $valul = \max(\text{val} - \text{veche}, \text{val} + \text{noiu})$

che : copia de decompa

$m = 9$ sume parțiale

i \ j	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0 1 1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
1 4 2	0	1	4	5	5	5	5	5	5	5
2 4 3	0	1	4	5	5	8	9	9	9	9
3 5 4	0	1	4	5	5	8	9	10	10	13
4 7 5	0	1	4	5	5	8	9	11	12	13
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

In celule se trece profitul

$$MC[i][j] = \max(MC[i-1][j], PC[i] + MC[i-1][j-g[i]])$$

$$4 + MC[3][j-g[4]]$$

1 3 - 2

VIII Problema monodelor

$$V: \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 0 & 1 & 2 & 3 & & & 1 & 2 & 1 & 2 & & 2 & & 2 \\ \hline 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 & 11 & 12 & 13 \\ \hline \end{array}$$

$$M = [1, 5, 7]$$

$$Q: \cancel{1}, \cancel{5}, \cancel{7}, 2, 6, \Delta, 10, 12, 3$$

IX Sortarea topologică

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Vizit:	-1	0	0	0	0	0	0	0	0
Out:									

I În Q adaugăm toate modulele de grad intern 0 și marcăm ca vizitate

II Începi cu modulul 1 și îi pui vecinii în coadă

III Pe tot timpul din coadă mergi și pui vecinii (dacă nu sunt deja)

$$V_{in} = [(), (), ()]$$

$$V_{iz} = [0, 0, 0, 0]$$

$$G_k = [0, 0, 0, \dots, 0]$$

$$Q = []$$

