# **Elementy Bioinformatyki**

## Projekt - sprawozdanie

Zestawienia optymalne 2 sekwencji II

Anna Cholewczyńska 143198 Kamil Gersten 143220 Dominik Stefaniak 143133

## 1 Opis programu

Po uruchomieniu programu, z pliku *input.txt* znajdującego się w tym samym folderze co program, pobrane zostają dwa wyrazy (sekwencje nukleotydowe).

Następnie program oblicza tablicę odległości edycyjnych (D), oraz tablice A, B, C oraz S, potrzebne do wyznaczenia podobieństwa wyrazów.

Parametry takie jak wartość metryki, wartość podobieństwa znaków czy funkcja kary za przerwy są zdefiniowane w kodzie programu.

Następnie program wypisuje na konsolę sekwencje wejściowe, wartość podobieństwa wyrazów i ich optymalne dopasowanie w algorytmie z funkcją kary.

Wywołana jest metoda wyznaczająca dopasowanie na podstawie algorytmu Hirshberga.

### 2 Zastosowane algorytmy

Przy wypełnianiu tablicy odległości edycyjnych D skorzystano z następujących wzorów:

1. Brzeg tabeli: 
$$D(0,0)=0, D(0,j)=\Sigma_{k=1,\dots,j}d(`-`,w[k]), D(i,0)=\Sigma_{k=1,\dots,i}\ d(u[k], `-`)$$
2. Środek tabeli  $(i,j>0)$ : 
$$D(i,j)=\min \{D(i-1,j-1)+d(u[i],w[j]), D(i,j-1)+d(`-`,w[j]), D(i-1,j)+d(u[i], `-`)\}.$$

, gdzie i i j to długości słów odpowiednio pierwszego i drugiego.

Funkcja d(a,b) zdefiniowana jest w ten sposób, że wynosi 0, gdy a=b, oraz 1 w innych przypadkach. Wartość tą można zmienić w kodzie programu.

Wartość odległości edycyjnej odczytywana jest z komórki D(i,j).

Optymalne dopasowanie wyznaczono za pomocą algorytmu

- w polach tabeli ustawiamy wskaźniki:
  - o na brzegu  $D(0,i) \rightarrow D(0,i-1)$  i  $D(i,0) \rightarrow D(i-1,0)$  dla i > 0
  - o w środku  $D(i,j) \rightarrow$  te z  $\{D(i-1,j-1), D(i,j-1), D(i-1,j)\}$ , które realizują minimum w punkcie 2.
- odczytujemy dopasowanie "od końca" idąc po wskaźnikach wzdłuż dowolnej drogi z komórki D(n,m) do D(0,0).

#### 2.1 Optymalne dopasowanie z funkcją kary

Dla wypełniania tablic A, B, C, S, skorzystano z wzorów:

```
S(0,0)=0, S(i,0)=S(0,i)=B(i,0)=A(0,i)=p(i) \text{ dla } i>0 \text{ oraz}
A(i,j)=\max_{k\in\{0,j-1\}} \{\max\{B(i,k),C(i,k)\}+p(j-k)\}
B(i,j)=\max_{k\in\{0,i-1\}} \{\max\{A(k,j),C(k,j)\}+p(i-k)\}
C(i,j)=S(i-1,j-1)+s(u[i],w[j])
S(i,j)=\max\{A(i,j),B(i,j),C(i,j)\}
-\text{ dla } i,j>0
```

, gdzie p(x) to funkcja kary za przerwy, zdefiniowana w kodzie.

Wartość podobieństwa sekwencji odczytywana jest z pola S(i,j).

Dopasowanie optymalne dla podobieństw wyrazów wyznaczane jest poprzez wyznaczanie najdłuższej ścieżki wiodącej z S(i,j), do S(0,0)I. Wykorzystano tutaj identyczny algorytm co w przypadku odległości edycyjnych, z tą różnicą że tutaj szukano maksimum zamiast minimum.

#### 2.2 Algorytm Hirshberga

Algorytm Hirshberga jest opisywany jako wersję "dziel i rządź" algorytmu Needlemana-Wunscha (wykorzystanego i opisanego w poprzednim przypadku). Jest to algorytm rekurencyjny, wywoływany tak długo, aż sekwencje wejściowe osiągną długość 1.

Definiując funkcję *NWScore(X,Y)*, jako funkcję zwracającą ostatni wiersz macierzy S algorytmu Needlemana-Wunscha:

```
function NWScore(X,Y)
 Score(0,0) = 0
 for j=1 to length(Y)
   Score(0,j) = Score(0,j-1) + Ins(Y_j)
 for i=1 to length(X)
   Score(i,0) = Score(i-1,0) + Del(X_i)
   for j=1 to length(Y)
     scoreSub = Score(i-1,j-1) + Sub(X_i, Y_i)
     scoreDel = Score(i-1,j) + Del(X_i)
     scoreIns = Score(i,j-1) + Ins(Y_j)
     Score(i,j) = max(scoreSub, scoreDel, scoreIns)
   end
 end
 for j=0 to length(Y)
   LastLine(j) = Score(length(X),j)
 return LastLine
```

, gdzie Sub, Del i Ins to są metryki za podmienienie, usunięcie i wstawienie znaku. Sam algorytm Hirshberga wygląda następująco:

```
function Hirschberg(X,Y)
  Z = ""
  W = ""
  if length(X) == 0
    for i=1 to length(Y)
      Z = Z + '-'
      W = W + Y_i
    end
  else if length(Y) == 0
    for i=1 to length(X)
      Z = Z + X_i
      W = W + ' - '
    end
  else if length(X) == 1 or length(Y) == 1
    (Z,W) = NeedlemanWunsch(X,Y)
  else
    xlen = length(X)
    xmid = length(X)/2
    ylen = length(Y)
    ScoreL = NWScore(X_{1:xmid}, Y)
    ScoreR = NWScore(rev(X_{xmid+1:xlen}), rev(Y))
    ymid = arg max ScoreL + rev(ScoreR)
    (Z,W) = Hirschberg(X_{1:xmid}, y_{1:ymid}) + Hirschberg(X_{xmid+1:xlen}, Y_{ymid+1:ylen})
  end
  return (Z,W)
```

, tj.:

- Dla długości jednej z sekwencji wejściowej = 0, sekwencja wyjściowa odpowiadająca tej równej 0 będzie wypełniona znakami '-', a druga sekwencja będzie przepisana
- Dla długości jednej z sekwencji wejściowej = 1, wykonywany jest zwyczajny algorytm
   Needlemana-Wunscha
- W innych przypadkach:
  - Sekwencja wejściowa X, dzielona jest w połowie (rys 1,2,3)
  - Na podstawie sumy ostatnich rzędów obu połówek sekw. X, wyznaczane jest miejsce rozdzielenia sekwencji Y. (Rys. 4)
  - Na obu zestawach połówek wywoływany jest algorytm Hirshberga.
  - Sekwencjami wyjściowymi są sekwencje powstałe na skutek złączenia sekwencji wyjściowych funkcji Hirshberga na obu zestawach połówek

```
T A T G C
0 -2 -4 -6 -8 -10
A -2 -1 0 -2 -4 -6
G -4 -3 -2 -1 0 -2
T -6 -2 -4 0 -2 -1
A -8 -4 0 -2 -1 -3
C -10 -6 -2 -1 -3 1
G -12 -8 -4 -3 1 -1
G -12 -8 -7 -3 1
A -8 -4 0 -2 -1 -3
A -8 -4 0 -2 -1 -3
C -10 -6 -5 -1 3
A -8 -4 0 -2 -1 -3
C -10 -6 -5 -1 3
C -10 -10 -6 -5 -1 3
C -10 -10 -10 -10 -10 -10
C -10 -10 -10 -10 -10
C -10 -10 -10
C -10 -10 -10
C -10 -10
C -10 -10
C -10 -10 -10
C -10 -1
```

Rys. 1 Rys. 2 Rys. 3

```
ScoreL = \begin{bmatrix} -8 & -4 & 0 & -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}

rev(ScoreR) = \begin{bmatrix} -3 & -1 & 1 & 0 & -4 & -8 \end{bmatrix}

Sum = \begin{bmatrix} -11 & -5 & 1 & -2 & -5 & -11 \end{bmatrix}
```

Rys. 4

```
(AGTACGCA, TATGC)
/ \
(AGTA, TA) (CGCA, TGC)
/ \ / \
(AG, ) (TA, TA) (CG, TG) (CA, C)
/ \ / \ / \
(T, T) (A, A) (C, T) (G, G)
```

Rys. 5

# 3 Bibliografia

- Liniowe dopasowanie dwóch sekwencji, Materiały pomocnicze do przedmiotu "Elementy Bioinformatyki", Krzysztof Giaro
- Computational Biology, Slajdy wykładowe do przedmiotu "Elementy Bioinformatyki", Krzysztof Giaro
- Hirschberg's algorithm, https://en.wikipedia.org/wiki/Hirschberg's\_algorithm