Informatik.Softwaresysteme

Ausarbeitung spezielle Algorithmen

Schulze Methode

Algorithmus zum finden eines Eindeutigen Siegers

Abgabetermin: Bocholt, den 30.10.2018

Student:

Steffen Holtkamp Thebenkamp 18 46342 Velen

Matrikelnummer: 201620684



11

12

13

14

15

2

WESTFÄLISCHE HOCHSCHULE - BOCHOLT
Prof. Dr. Martin Guddat
Münsterstraße 265
46397 Bocholt

Dieses Werk einschließlich seiner Teile ist **urheberrechtlich geschützt**. Jede Verwertung außerhalb der engen

17 Grenzen des Urheberrechtgesetzes ist ohne Zustimmung des Autors unzulässig und strafbar. Das gilt insbeson-

dere für Vervielfältigungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen sowie die Einspeicherung und Verarbeitung in

19 elektronischen Systemen.



In halts verzeichn is

Inhaltsverzeichnis

21	Abbild	ungsverzeichnis	III
22	Tabelle	nverzeichnis	IV
23	Listing	S	V
24	Abkürz	zungsverzeichnis	VI
25	1	Einleitung	1
26	1.1	Markus Schulze	1
27	1.2	Problemstellung	1
28	1.2.1	Monotonie Kriterium	1
29	1.2.2	Condorect Kriterium	2
30	1.2.3	Lösbarkeits Kriterium	2
31	1.2.4	Pareto Kriterium	2
32	1.2.5	LIIA	2
33	1.2.6	Smith	2
34	1.2.7	Prudence	$\frac{1}{2}$
35	1.2.8	MinMax Set	3
36	1.2.9	Schwartz	3
	1.2.10	Participation	3
37	1.2.10	Reversal Symmetry	3
38	1.2.11	Reversal Symmetry	J
39	2	Definition	3
40	2.1	Voraussetzungen	3
41	2.2	Theoretische Grundlagen	3
42	3	Beispiel 1	3
43	3.1	Ausgangssituation	3
44	3.2	Lösungsschritte	3
45	3.3	Ergebnis	4
46	4	Implementierung	4
47	5	Alternative Algorithmen	4
48	5.1	Bisherige Lösungsansätze	4
49	6	Bewertung der Methode	4
50	7	Bewertung Algorithmus	4
51	8	Fazit	4

SCHULZE METHODE

Algorithmus zum finden eines Eindeutigen Siegers



In halts verzeichnis

52	8.1	Abgrenzung zu anderen Algorithmen	4		
53	8.2	Einsatz	4		
54	8.3	Zukunft	5		
_	9	Alternative Algorithmen	5		
5	9	Atternative Algorithmen	J		
66	9.1	Bisherige Lösungsansätze	5		
57	Literaturverzeichnis				
58	\mathbf{A}	Anhang	i		
:a	A 1	Erster Anhang	i		

Abbildungs verzeichnis



Abbildungsverzeichnis

Tabel lenverzeichnis

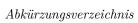


1 Tabellenverzeichnis



Listings

2 Listings





Abkürzungsverzeichnis

64



1 Einleitung

66 1.1 Markus Schulze

- 67 Die Schulze Methode wurde nach seinem Erfinder Markus Schulze benannt und wird in Fachkreisen
- auch als SSchwartz Sequential droppingöder auch "path winner" Methode bezeichnet.
- 69 Die Schulze Methode ist ein verfahren, um aus einer Liste von Kandidaten einen eindeutigen Sieger
- 70 zu ermitteln.
- 71 Er hat diese Methode zuerst 1997 erstmal in einer offenen Mail zur Diskussion gestellt und veröf-
- fentliche immer wieder aktualisierte Versionen seiner Theorie. In dieser Ausarbeitung bezieht sich der
- Autor dabei auf seine aktualisierte Ausarbeitung aus dem Jahr 2017. Schulze [2017, vgl.].

74 1.2 Problemstellung

- Das Problem einen eindeutigen Sieger zu finden, das mit der vorgestellten Theorie gelöst werden soll,
- ⁷⁶ fällt in das Gebiet der Sozialwahltheorie. Dieses interdisziplinäre Forschungsgebiet beschäftigt sich mit
- 77 der Untersuchung von Gruppenentscheidungen. In dieser Forschung werden individuelle Präferenzen
- und Entscheidungen der der teilnehmenden Personen aggregiert, um daraus eine "gerechte"kollektive
- ⁷⁹ Entscheidung abzuleiten. Damit man eine "gerechte" Methode finden kann, beschäftigen sich viele Teil-
- bereiche der Forschung, wie z.B. die Mathematik, Volkswirtschaft, Psychologie, Philosophie, Politik-
- wissenschaft und Rechtswissenschaft mit diesem Thema und stellen dabei verschiedenste Ansätze und
- Vorgehensweisen vor. Alle beteiligten Forschungsgebiete stellen dabei Definitionen auf, was eine "ge-
- rechte "Methode erfüllen muss. [Scheubrein, 2013, vgl.]
- ⁸⁴ Daher haben sich über die Jahre Qualitätskriterien entwickelt, an denen man Messen kann, ob eine
- 85 Methode im Sinne der Sozialwahltheorie "gerechtïst.
- ⁸⁶ Im Folgenden werden einige Kriterien definiert, die in der Sozialwahltheorie von Bedeutung sind. In
- Abschnitt XX werden diese Kriterien erneut untersucht und festgestellt in wieweit die Schulze Methode
- 88 "gerechtist. Viele dieser Kriterien gelten für Methoden, die einen Sieger oder mehrere Sieger ermitteln.
- Da die Schulze Methode, eine Methode ist, um einen Sieger zu ermitteln, werden die Definitionen auf
- 90 diese Eigenschaft eingegrenzt.

91 1.2.1 Monotonie Kriterium

- Der Gewinner einer Wahl kann nicht durch ein besseres Ranking verlieren und ein Verlierer durch ein
- schlechteres gewinnen. WOODALL [1996]

W

1 Einleitung

4 1.2.2 Condorect Kriterium

- 95 Nach der Wahl wird ein zweikampf zweier Kandidaten Simuliert und dabei untersucht, wie oft der Kan-
- 66 didat A dem Kandidat B vorgezogen wurde. Condorect-Sieger ist der Kandidat der alle anderen Kan-
- 97 didaten Schlägt. Einen solchen Sieger muss es nicht geben. Ein Wahlverfahren erfüllt das Condorect-
- ⁹⁸ Kriterium, wenn der gewählte Sieger auch der Condorect-Sieger ist, sofern es einen Condorect-Sieger
- 99 gibt. Johnson [2005]

1.0.3 Lösbarkeits Kriterium

- Eine Wahlmethode erfüllt dieses Kriterium, wenn es einen Eindeutigen Sieger gibt, hierbei gibt es zwei
 Ansätze dies zu prüfen Schulze [2017]
- 1. Wenn die Menge der Stimmen Richtung unendlich tendiert, geht der die Wahrscheinlichkeit keinen eindeutigen Sieger zu haben gegen Null
- 2. Wenn es mehr als einen Sieger gibt, reicht einen einzelnen Stimme, um einen eindeutigen Sieger zu erhalten.

1.2.4 Pareto Kriterium

- 108 Dieses Kriterium gibt an, dass
- wenn jeder Wähler Alternative A, Alternative B vorzieht, muss Alternative A immer Alternative
 B bevorzugt werden
- 2. wenn kein Wähler Alternative A, Alternative B vorzieht, muss Alternative A nicht besser sein als B. Schulze [2017]

113 1.2.5 LIIA

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.

115 1.2.6 Smith

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.

117 **1.2.7 Prudence**

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.



2 Definition

119 1.2.8 MinMax Set

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.

121 1.2.9 Schwartz

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.

1.2.10 Participation

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.

1.2.11 Reversal Symmetry

Welche Anforderungen werden an einen solchen Algorithmus gestellt.v

2 Definition

128 2.1 Voraussetzungen

129 Welche Rahmenbedingungen müssen erfüllt werden

130 2.2 Theoretische Grundlagen

Welche mathematische Berechnung wird zur Lösung dieses Problems eingesetzt? Welche Theorie wurde
 entwickelt

3 Beispiel 1

3.1 Ausgangssituation

135 Welche Daten sind Vorhanden

3.2 Lösungsschritte

37 Bilder Tabellen um zur Lösung zu gelangen. Auch Mathematisch



4 Implementierung

3.3 Ergebnis

Welches Erkenntnis haben wir gezogen.

140 4 Implementierung

Wie implementieren wir es. Code Beispiele etc.

5 Alternative Algorithmen

143 5.1 Bisherige Lösungsansätze

Wie wurde dieses Problem bisher gelöst? Was ist an der Lösung schlecht und soll verbessert werden.

145 6 Bewertung der Methode

Bewertung auf Basis der sozialen Fragen, Anforderungen an Wahlalgorithmen.

7 Bewertung Algorithmus

Wie lange bruahct der Algorithmus? Welche Laufzeitkomplexität? Fehler? Ergebnisse aus Implementierung

150 8 Fazit

51 8.1 Abgrenzung zu anderen Algorithmen

Was macht dieser Algorithmus besser als der andere. Welche Anforderungen erfüllt er mehr?

153 8.2 Einsatz

Wo wird dieser Algorithmus eingesetzt. Wie können wir ihn nutzen? Einschätzung des Algorithmus.

SCHULZE METHODE

Algorithmus zum finden eines Eindeutigen Siegers



$9\ Alternative\ Algorithmen$

155 8.3 Zukunft

156 Wie wird die Zukunft aussehen? Wer plant diesen Algorithmus einzusetzen?

9 Alternative Algorithmen

9.1 Bisherige Lösungsansätze

Wie wurde dieses Problem bisher gelöst? Was ist an der Lösung schlecht und soll verbessert werden.

170



Literaturverzeichnis

```
[Johnson 2005] JOHNSON, Paul e.: Voting Systems. http://pj.freefaculty.org/Ukraine/PJ3_
161
     VotingSystemsEssay.pdf. Version: Mai 2005
162
   [Scheubrein 2013] Scheubrein, R.: Computerunterstüzte Gruppenentscheidungen. Deutscher Univer-
163
     sitätsverlag, 2013 (Informationsmanagement und Computer Aided Team). https://books.google.
164
     de/books?id=hrAdBgAAQBAJ. - ISBN 9783663083191
165
   [Schulze 2017] Schulze, Markus: A New Monotonic, Clone-Independent, Reversal Symmetric, and
166
     Condorcet-Consistent Single-Winner Election Method. http://m-schulze.9mail.de/schulze1.
167
     pdf. Version: März 2017
168
   [Woodall 1996] Woodall, D.R.: Monotonicity and Single-Seat Election Rules.
                                                                                    http://www.
169
     votingmatters.org.uk/ISSUE6/P4.HTM. Version: Mai 1996
```



 $A \ Anhang$

171 A Anhang

172 A.1 Erster Anhang