

CBC-Mode

Nachricht in n Teile gliedern.

Schlüssel \Rightarrow Permutationsmatrix mit Einheitsvektoren

$$\pi = \begin{pmatrix} 1 & \cdots & n \\ a & \cdots & z \end{pmatrix} \Rightarrow P_\pi = \begin{pmatrix} e_a \\ \vdots \\ e_z \end{pmatrix}$$

Verschlüsselung:

$$c_0 = IV$$

$$c_i = E(\pi, c_{i-1} \oplus m_i) = P_\pi \cdot (c_{i-1} \oplus m_i)$$

$$\Rightarrow c_1, \dots, c_n$$

Entschlüsselung:

$$m_i = D(\pi^{-1}, c_i) \oplus c_{i-1} = (P_{\pi^{-1}} \cdot c_i) \oplus c_{i-1}$$

mit $\pi^{-1} = \pi'$ (transponiert)

CFB-Mode

Verschlüsselung:

$$c_i = E(\pi, c_{i-1}) \oplus m_i$$

Entschlüsselung:

$$m_i = E(\pi, c_{i-1}) \oplus c_i$$

CTR-Mode

Verschlüsselung:

$$c_i = E(\pi, IV + (i - 1)) \oplus m_i$$

(binäre Addition, Überträge verwerfen)

Entschlüsselung:

$$m_i = E(\pi, IV + (i - 1)) \oplus c_i$$

Hashfunktion

Nicht injektive Abbildung, die Urbildbereich auf erheblich kleineren Bildbereich abbildet.

Speicherung von Passwörtern, Dateivalidierung

Message Authentication Code (MAC)

Hashfunktion mit geheimen Schlüssel zur Integritätsprüfung von Nachrichten. Ermöglicht kein non-repudiation, daher nicht als digitale Unterschrift geeignet.

Kollisionsresistenz

Es ist schwierig zwei Werte x und y mit $H(x) = H(y)$ zu bestimmen

Schwache Kollisionsresistenz

Es ist schwierig zu geg. Wert x ein x' mit $H(x) = H(x')$ zu bestimmen

Shamir Secret-Sharing

t von n Stakeholdern sind nötig, um Geheimnis $k = f(0)$ zu entschlüsseln. Außerdem gegeben: Primzahl $p > n, k$ und vom Dealer gewähltes Polynom $f(x)$ vom Grad $t - 1$

Schlüssel $s_i = f(i) \bmod p$

Secret Recovery:

$$k = f(0) = \sum s_i \cdot l_i(0) \quad l_i(0) := \left[\prod_{j=1, j \neq i} \frac{j}{j-i} \right] \bmod p \text{ Beim}$$

Berechnen von $l_i(0)$ die Nenner zu $(a)^{-1}$ zusammenfassen und als inverses Element berechnen.

Erweiterter Euklidischer Algorithmus (EEA)

$$ggT(a, b) \text{ und } x \cdot a + y \cdot b = d$$

q	r	x	y	a	b	x_2	x_1	y_2	y_1
X	X	X	X	a	b	1	0	0	1
a/b	$a \bmod b$	$x_2 - qx_1$	$y_2 - qy_1$	b	r	x_1	x	y_1	y
\dots									
$?$	0	$?$	$?$	=d	0	=x	$?$	=y	$?$

Inverses Element $(a)^{-1}$ berechnen

Es gilt: $[a \cdot (a)^{-1}] \bmod k = 1$

$ggT(a, k)$ mit EEA durchführen.

$$(a)^{-1} = \begin{cases} (x + k) \bmod k & \text{wenn } x < 0 \\ x \bmod k & \text{sonst} \end{cases}$$

iptables

Chains: Pakete von...

INPUT Außen an System mit Firewall

FORWARD Außen an System innerhalb des geschützten Bereichs

OUTPUT Innen nach Außen

Targets:

ACCEPT Akzeptieren und Weiterleiten

DROP Verwerfen ohne Info an Absender

REJECT Verwerfen mit Info

Parameter:

Param	Argumente	Erklärung
-P	Chain Target	Policy für Chain
-A	Chain	Append Regel
-p	Protokoll	z.B. tcp, icmp
-j	Target	Gibt Target an
-F	Chain	Flush, löscht alle Regeln für Chain außer Standardregeln mit -P
-i/-o	Interface	in-interface bzw. out-interface
-dport/sport	port	Destination/Source port

Reliability

Wahrscheinlichkeit, dass ein System über gewissen Zeitraum korrekt funktioniert.

Reihenschaltung: $R_{ges}(t) = \prod_{i=1}^n R_i$

Falls gleiches Modell $R_i(t) = e^{-\lambda_i t}$ gilt: $R_{ges}(t) = e^{-\lambda t}$ mit $\lambda = \sum_{i=1}^n \lambda_i$

Parallelschaltung: $R_{ges}(t) = 1 - \prod_{i=1}^n (1 - R_i(t))$

Availability

Verfügbarkeit eines Systems in %:

$$A = \text{Uptime} / (\text{Downtime} + \text{Uptime}) = \text{MTTF} / (\text{MTTF} + \text{MTTR})$$

MTTF (Mean Time to Failure): $MTTF = \int_0^\infty R(t) dt \stackrel{\text{exp}}{=} \frac{1}{\lambda}$

MTTR (Mean Time to Recovery):

Wahrscheinlichkeit $F(t)$, dass System bis t fehlerhaft wird.

Exp. Modell: $F(t) = 1 - e^{-\lambda t}$

Reliability Funktion: $R(t) = 1 - F(t)$ exp. Modell: $R(t) = e^{-\lambda t}$

Sicherheitsziele

Safety

Betriebssicherheit, Ablauf- und Ausfallsicherheit

Security

Angriffssicherheit

Authenticity

Authentizität, Echtheit, Glaubwürdigkeit

Integrity

Integrität der Daten

Confidentiality

Vetraulichkeit, keine unautorisierte Datengewinnung

Availability

Verfügbarkeit, keine Funktionsbeeinträchtigungen

Non repudiation

Verbindlichkeit und Zuordenbarkeit

Kasiski-Test

1. Doppelt vorkommende N-Gramme und deren Abstand bestimmen
2. Primfaktorzerlegung
3. Gemeinsame Faktoren entsprechen Schlüssellänge

OTP – Beweis perfekte Sicherheit

zu zeigen: $Pr[Enc(k, m_1) = c | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}] = Pr[Enc(k, m_2) = c | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}]$

$$Pr[Enc(k, m) = c | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}] = Pr[m \oplus k = c | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}] \quad (1)$$

$$= Pr[k = c \oplus m | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}] \quad (2)$$

$$= Pr[k = k^* | k \xleftarrow{\$} \mathcal{K}] = \frac{1}{2^l} \quad (3)$$

Satz von Euler

$$n > 1 \Rightarrow a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n} \forall a \in \mathbb{Z}_n^*$$

Spezialfall: kleiner Satz von Fermat

Primzahl $p > 1$ so gilt für jede Zahl x mit $\gcd(x, p) = 1$:

$$x^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

In jeder endl. Gruppe M gilt: $x^{\text{ord}(M)} = 1 \forall x \in M$

Korrektheit von ElGamal

Bekannt: $E[(g, h), m] = (c_1, c_2) := (g^k, mh^k)$

Zu zeigen: $D(E(m)) = m \quad \forall m \in \mathbb{Z}_p^*$

Beweis:

$$D(E(m)) = D(g^k, mh^k) \quad (4)$$

$$\equiv mh^k \cdot (g^k)^{-a} \pmod{p} \quad (5)$$

$$\equiv mh^k \cdot g^{k(p-1-a)} \pmod{p} \quad (6)$$

$$\equiv mg^{ak} \cdot g^{k(p-1)-ak} \pmod{p} \quad (7)$$

$$\equiv m \cdot g^{k(p-1)} \pmod{p} \quad (8)$$

$$\equiv m \pmod{p} \quad (9)$$

RSA

Allgemein:

1. Wähle zufällig große Primzahlen p, q
2. Setze $n = p \cdot q$
3. Wähle zufällig (e, d) mit $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$, mit $\phi(n) = (p-1)(q-1)$

Public key: $pk = (e, n)$

Private key: $sk = (d, n)$

(Public und private key sind invers zueinander) Ver-/Entschlüsselung:

$$E(pk, m) = m^e \pmod{n}$$

$$D(sk, c) = c^d \pmod{n}$$

RSA Signatur:

$$\text{sign}(sk, m) = h(m)^d \pmod{n}$$

$$\text{verify}(pk, m, s) : [s^e = h(m)?]$$

Shamir Secret-Sharing

Reliability

Availability

Erweiterter Euklidischer Algorithmus (EEA)

Sicherheitsziele

Inverses Element $(a)^{-1}$ berechnen

iptables

Kasiski-Test

OTP – Beweis perfekte Sicherheit