

Elektrotechnické materiály a výrobní procesy I

Neoficiální sbírka příkladů částí dielektrických materiálů a polovodičů

Verze: 0.5 Datum: 6. listopadu 2024

Poznámka: Nejedná sa o oficiálny výukový materiál, iba pomôcku na učenie zostavenú na základe zápisov z cvičení. Preto neberiem žiadnu zodpovednosť za chyby v tomto

dokumente. Oficiálne riešené príklady sú dostupné v skriptách

Elektrotechnické materiály a výrobní procesy 1 z roku **2019**.

Príklady sa vzťahujú ku zadaniam z rokov 2023/2024 a 2024/2025, pričom zadania vyzerali byť identické. Všetky práva patria pôvodným autorom výukových materiálov.

Autor: cinanko

Vybrané konstanty

c	$2,998 \cdot 10^8$	m s^{-1}	Rychlosť svetla
h	$6,626 \cdot 10^{-34}$	J s	Planckova konstanta
k	$1,38 \cdot 10^{-23}$	J K^{-1}	Boltzmannova konstanta
m_a	$9,109 \cdot 10^{-31}$	kg	Hmotnosť elektronu
m_p	$1,672 \cdot 10^{-27}$	kg	Hmotnosť protonu
N_A	$6,023 \cdot 10^{-23}$	mol^{-1}	Avogadrova konstanta
n_L	$2,688 \cdot 10^{25}$	m^{-3}	Loschmidtovo číslo
q	$-1,602 \cdot 10^{-19}$	C	Náboj elektronu
ε_0	$8,854 \cdot 10^{-12}$	F m^{-1}	Permitivita vakuu
μ_0	$4\pi \cdot 10^{-7}$	H m^{-1}	Permeabilita vakuu
k	$8,617 \cdot 10^{-5}$	eV K^{-1}	Redukovaná Boltzmannova konstanta

Vybrané vlastnosti polovodičových materiálů

Platné při teplotě $T = 300 \text{ K}$

Značka	Křemík	Germánium	Vlastnost
n_i	$1,45 \cdot 10^{16} \text{ m}^{-3}$	$2,29 \cdot 10^{19} \text{ m}^{-3}$	Koncentrace nosičů proudu (elektronů a děr) ve vlastním polovodiči
W_g	$1,11 \text{ eV}$	$0,67 \text{ eV}$	Šířka zakázaného pásu
μ_n	$0,135 \text{ m}^2 \text{ V}^{-1} \text{ s}^{-1}$	$0,39 \text{ m}^2 \text{ V}^{-1} \text{ s}^{-1}$	Pohyblivost elektronů
μ_p	$0,048 \text{ m}^2 \text{ V}^{-1} \text{ s}^{-1}$	$0,19 \text{ m}^2 \text{ V}^{-1} \text{ s}^{-1}$	Pohyblivost děr
N_c	$2,8 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$	$1,04 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$	Efektivní hustota stavů ve vodivostním pásu
N_v	$1,04 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$	$6,0 \cdot 10^{24} \text{ m}^{-3}$	Efektivní hustota stavů ve valenčním pásu

1 Oblast dielektrických materiálů a izolantů

1)

Elektronová polarizovatelnost α_e atomu argonu je $1,43 \cdot 10^{-40} \text{ F m}^2$. Určete relativní permitivitu argonu při normálních fyzikálních podmírkách.

$$\alpha_E = 1,43 \cdot 10^{-40} \text{ F m}^2$$

$$\varepsilon_V = ?$$

Claussius - Mossotiho rovnice (C-M):

$$\frac{\varepsilon_r - 1}{\varepsilon_r + 2} = \frac{n \cdot \alpha}{3 \cdot \varepsilon_0}$$

Argon = inertní plyn $\Rightarrow \varepsilon_r \approx 1$

$$\frac{\varepsilon_r - 1}{1 + 2} = \frac{n \cdot \alpha}{3 \cdot \varepsilon_0}$$

$$\frac{\varepsilon_r - 1}{\beta} = \frac{n \cdot \alpha}{\beta \cdot \varepsilon_0}$$

$$\varepsilon_r = \frac{n \cdot \alpha}{\varepsilon_0} + 1$$

$n = n_L$ = Loschmidtovo číslo = počet atomů v 1 m^3 **plynu** (pro pevné látky jde o hodnotu o 2 až 3 řády větší)

$$\varepsilon_r = \frac{n_L \cdot \alpha}{\varepsilon_0} + 1 = \frac{2,688 \cdot 10^{25} \cdot 1,43 \cdot 10^{-40}}{8,854 \cdot 10^{-12}} + 1 = 1,000434 [-]$$

Vysvětlivky:

α = polarizovatelnost

ε_0 = permitivita vakua (konstanta)

n = počet atomů v 1 m^3 látky

2)

Relativní permitivita ε_{rs} složeného ze dvou vzájemně nereagujících látok o permitivitách ε_{r1} a ε_{r2} se často určuje Lichteneckerovým mocninovým vztahem

$$\varepsilon_{rs}^k = V_1 \varepsilon_{r1}^k + V_2 \varepsilon_{r2}^k \quad (1)$$

v němž V_1 a V_2 jsou poměrné objemové podíly obou látok a k je empirická konstanta. Hodnota konstanty k se mění v rozsahu $< -1; +1 >$ podle tvaru a rozložení částic obou látok; při chaotickém uspořádání částic $k \rightarrow 0$. Ukažte, že v tomto případě přechází mocninový vztah ve vztah logaritmický:

$$\log \varepsilon_{rs} = V_1 \log \varepsilon_{r1} + V_2 \log \varepsilon_{r2} \quad (2)$$

$$\varepsilon_{rs}^k = V_1 \cdot \varepsilon_{r1}^k + V_2 \cdot \varepsilon_{r2}^k$$

$$\alpha^x = 1 + \underbrace{\frac{x \cdot \ln a}{1!}}_{\text{když } x \rightarrow 0 \text{ malý příspěvek}} + \underbrace{\frac{x^2 \cdot \ln a^2}{2!}}_{\text{řádově ještě menší}} + \dots$$

Pokud $x \rightarrow 0$:

$$a^x \doteq 1 + \frac{x \cdot \ln a}{1}$$

Na základě toho:

$$1 + \frac{k \cdot \ln \varepsilon_{rs}}{1} = V_1 \cdot \left(1 + \frac{k \cdot \ln \varepsilon_{r1}}{1} \right) + V_2 \cdot \left(1 + \frac{k \cdot \ln \varepsilon_{r2}}{1} \right)$$

V_1 a V_2 jsou objemové podíly, dohromady tedy dají 1

$$1 + k \cdot \ln \varepsilon_{rs} = V_1 \cdot k \cdot \ln \varepsilon_{r1} + V_2 \cdot k \cdot \ln \varepsilon_{r2}$$

k je v každém členu, možno vykrátit

$$k \cdot \ln \varepsilon_{rs} = V_1 \cdot k \cdot \ln \varepsilon_{r1} + V_2 \cdot k \cdot \ln \varepsilon_{r2}$$

$$\ln \varepsilon_{rs} = V_1 \cdot \ln \varepsilon_{r1} + V_2 \cdot \ln \varepsilon_{r2}$$

A jelikož $\ln x = 2,3 \cdot \log x$:

$$2,3 \cdot \log \varepsilon_{rs} = V_1 \cdot 2,3 \cdot \log \varepsilon_{r1} + V_2 \cdot 2,3 \cdot \log \varepsilon_{r2}$$

$$\log \varepsilon_{rs} = V_1 \cdot \log \varepsilon_{r1} + V_2 \cdot \log \varepsilon_{r2}$$

Vysvětlivky:

k = empirická konstanta

3)

Mezi elektrodami deskového kondenzátoru o rozměrech 7x12 cm a vzdálenosti elektrod 5 mm je vložena destička z polystyrenu o tloušťce 3 mm. Zbytek prostoru mezi elektrodami je vyplněn vzduchem za normálních atmosférických podmínek. Vypočtěte kapacitu tohoto kondenzátoru, je-li relativní permitivita polystyrenu při teplotě 20 °C rovna 2,3. Jak se změní kapacita kondenzátoru, je-li celý prostor mezi elektrodami vyplněn pěnovým polystyrenem, v němž je objemový podíl polystyrenu a vzduchu stejný jako v prvním případě?

$$S = 7 \times 12 \text{ cm} = \text{rozměry elektrod kondenzátoru}$$

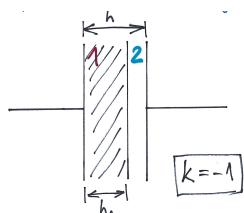
$$h = 5 \text{ mm} = \text{vzdálenost elektrod kondenzátoru}$$

$$h_1 = 3 \text{ mm} = \text{tloušťka polystyrenové destičky}$$

$$\epsilon_{r1} = 2,3 \text{ (polystyren)}$$

$$\epsilon_{r2} = 1 \text{ (vzduch)}$$

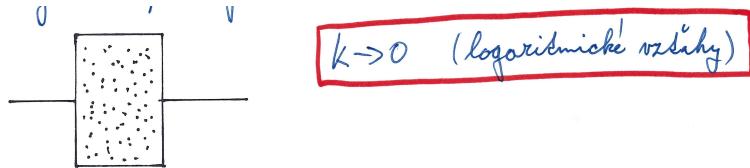
Sériově zapojené kondenzátory ($k = -1$):



$$\begin{aligned}\epsilon_{rs}^{-1} &= V_1 \cdot \epsilon_{r1}^{-1} + V_2 \cdot \epsilon_{r2}^{-1} \\ \frac{1}{\epsilon_{rs}} &= V_1 \cdot \frac{1}{\epsilon_{r1}} + V_2 \cdot \frac{1}{\epsilon_{r2}} \\ \frac{1}{\epsilon_{rs}} &= \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{\epsilon_{r1}} + \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{\epsilon_{r2}} \\ \frac{1}{\epsilon_{rs}} &= 0,661 \\ \epsilon_{rs} &= \frac{1}{\epsilon_{rs}} \\ \epsilon_{rs} &= 1,513 [-]\end{aligned}$$

$$C = \epsilon_0 \cdot \epsilon_{rs} \cdot \frac{S}{h} = 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 1,513 \cdot \frac{0,07 \cdot 0,12}{5 \cdot 10^{-3}} = 22,51 \text{ pF}$$

$k = 0$ (homogenní směs):



$$\log(\varepsilon_{rs}) = V_1 \cdot \log(\varepsilon_{r1}) + V_2 \cdot \log(\varepsilon_{r2})$$

$$\log(\varepsilon_{rs}) = \frac{3}{5} \cdot \log(2,3) + \frac{2}{5} \cdot \log(1)$$

$$\log(\varepsilon_{rs}) = 0,217$$

$$\varepsilon_{rs} = 10^{0,217} = 1,648 [-]$$

$$C = \varepsilon_0 \cdot \varepsilon_{rs} \cdot \frac{S}{h} = 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 1,648 \cdot \frac{0,07 \cdot 0,12}{5 \cdot 10^{-3}} = 24,51 \text{ pF}$$

Kapacita se změnila cca o 2 pF ($\approx 10\%$).

Vysvětlivky:

V_1 a V_2 jsou objemové poměry, jejich hodnota vyplývá ze zadání a nákresů.

4)

Rezistivitu elektroizolačních kapalin ρ_v lze v závislosti na teplotě vyjádřit vztahem

$$\rho = A \cdot \exp^{\frac{B}{T}} \quad (3)$$

v němž $A[\Omega \text{ m}]$ a $B[\text{K}]$ jsou materiálové konstanty; teplota T je udána v K. Kabelový impregnant složený z minerálního oleje s přídavkem 25 % (hmotnostních) rafinované kalafuny má při teplotě 20 °C rezistivitu $2 \cdot 10^{10} \Omega \text{ m}$. Stanovte rezistivitu tohoto impregnantu při teplotách 50 °C a 80 °C, je li součinitel B roven $7 \cdot 10^3 \text{ K}$.

$$\rho = A \cdot e^{\frac{B}{T}}$$

A [Ω m], B [T] = materiálové konstanty (neměnné s teplotou)

$$T = 7 \cdot 10^3 \text{ K}$$

20 °C = 293,15 K:

$$\rho_{20} = 2 \cdot 10^{10} \Omega \text{ m}$$

$$A = \frac{\rho_{20}}{e^{\frac{B}{T}}} = \frac{2 \cdot 10^{10}}{e^{\frac{7 \cdot 10^3}{293,15}}} = 0,8525 \Omega \text{ m}$$

50 °C = 323,15 K:

$$\rho_{50} = A \cdot e^{\frac{B}{T}} = 0,8525 \cdot e^{\frac{7 \cdot 10^3}{323,15}} = 2,179 \cdot 10^9 \Omega \text{ m}$$

80 °C = 353,15 K:

$$\rho_{80} = A \cdot e^{\frac{B}{T}} = 0,8525 \cdot e^{\frac{7 \cdot 10^3}{353,15}} = 0,346 \cdot 10^9 \Omega \text{ m}$$

Z výpočtu vyplývá, že s rostoucí teplotou klesá rezistivita elektroizolačních materiálů.

5)

Měřením dynamické viskozity transformátorového oleje BTS2 na Höpplerově viskozimetru byly při několika teplotách zjištěny údaje uvedené v tabulce. Stanovte rezistivitu tohoto oleje při teplotách 50 °C a 85 °C, je li hodnota rezistivity při teplotě 20 °C rovna $3 \cdot 10^{11} \Omega \text{ m}$. Při výpočtu předpokládejte, že při změně teploty se nemění koncentrace volných iontů v oleji.

Tabulka:

$\vartheta [^\circ \text{C}]$	20	40	60	80	100
$\eta [\text{N s m}^{-2}]$	$4,35 \cdot 10^{-2}$	$1,21 \cdot 10^{-2}$	$3,95 \cdot 10^{-3}$	$1,46 \cdot 10^{-3}$	$6,01 \cdot 10^{-4}$

$$\rho_{20} = 3 \cdot 10^{11} \Omega \text{ m}$$

$$\rho_{50, 85^\circ \text{C}} = ? \Omega \text{ m}$$

$$\rho = A \cdot e^{\frac{B}{T}} \rightarrow \text{nezáleží } A, B; \text{ potrebujeme 2 resistivity pri dvoch rôznych teplotach}$$

$$n \cdot \rho = k$$

$$\frac{n}{\rho} = k \Rightarrow \rho = \frac{n}{k} \quad k = \text{konštantă}$$

$$T_1 \quad \frac{n_1}{k} = A \cdot e^{\frac{B}{T_1}} \quad | \ln$$

$$T_2 \quad \frac{n_2}{k} = A \cdot e^{\frac{B}{T_2}} \quad | \ln (-1)$$

$$\ln \left(\frac{n_1}{k} \right) = \ln A + \frac{B}{T_1}$$

$$\ln \left(\frac{n_2}{k} \right) = -\ln A - \frac{B}{T_2}$$

$$\ln \left(\frac{\frac{n_1}{k}}{\frac{n_2}{k}} \right) = \frac{B}{T_1} - \frac{B}{T_2}$$

$$\ln \left(\frac{n_1}{n_2} \right) = B \cdot \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

$$B = \frac{\ln\left(\frac{n_1}{n_2}\right)}{\left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2}\right)}$$

$n_1, n_2 \propto T_1, T_2$
 \rightarrow dosadene a tabuľky
 (pre 20°C a 40°C)

$$B = \frac{\ln\left(\frac{4,35 \cdot 10^{-2}}{1,21 \cdot 10^{-2}}\right)}{\left(\frac{1}{293,15} - \frac{1}{313,15}\right)} = \underline{\underline{5873,15 \text{ K}}}$$

$$\rho_{20} = 3 \cdot 10^{11} \Omega \text{ m} \quad \rho = A \cdot e^{\frac{B}{T}} \Rightarrow \rho_{20} = A \cdot e^{\frac{B}{T_{20}}}$$

$$3 \cdot 10^{11} = A \cdot e^{\frac{5873,15}{293,15}} \quad (\text{prípadne využiť SOLVER})$$

$$A = \frac{3 \cdot 10^{11}}{e^{\frac{5873,15}{293,15}}} = \underline{\underline{597,3 \Omega \text{ m}}}$$

$$50^\circ\text{C} = 323,15 \text{ K} \quad (0^\circ\text{C} = 273,15 \text{ K})$$

$$\rho_{50} = A \cdot e^{\frac{B}{323,15}} = 597,3 \cdot e^{\frac{5873,15}{323,15}} = \underline{\underline{46,704 \cdot 10^9 \Omega \text{ m}}}$$

$$85^\circ\text{C} = 358,15 \text{ K}$$

$$\rho_{85} = A \cdot e^{\frac{B}{358,15}} = 597,3 \cdot e^{\frac{5873,15}{358,15}} = \underline{\underline{7,907 \cdot 10^9 \Omega \text{ m}}}$$

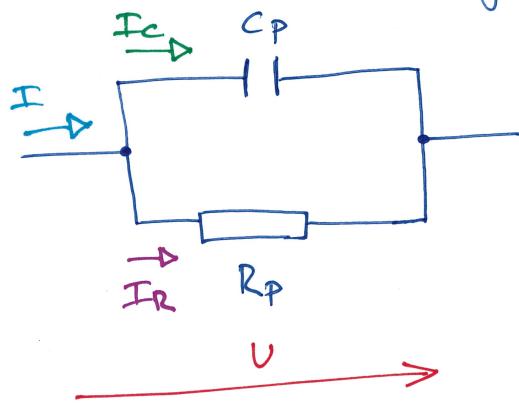
Y rastúcaho teplostoa sa znižuje viskozita
 a zároveň klesá rezistivita (rastie kondukciivita)

6)

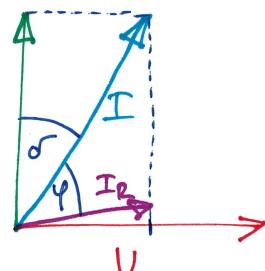
V obvodu střídavého elektrického proudu je zapojen kondenzátor, jehož dielektrikum vykazuje ztráty. Chování tohoto kondenzátoru lze za předpokladu, že pochody v dielektriku jsou lineární vyšetřit sledováním ekvivalentního dvouprvkového náhradního zapojení kondenzátoru s ideálním, bezztrátovým dielektrikem a odporu představujícího ztráty. Uvažujte, že kondenzátor s ideálním dielektrikem o kapacitě C_p a odpor R_p jsou v náhradním zapojení spojeny paralelně a že je na uvedenou soustavu připojeno napětí U .

Nakreslete pro tento případ fázorový diagram napětí a proudů soustavy a určete ztrátový činitel, celkovou impedanci a celkové ztráty energie v soustavě.

Paralelní náhradné zapojení



Fázorový DIAGRAM



kondenzátor (C) - najprv proud, potom napětie
 $\operatorname{tg} \delta$ - protiliečka ku priľahlej
 X_C - kapacitná reaktancia
 Z_C - kompletná impedancia

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{I_R}{I_C} = \frac{\frac{U}{R_p}}{\frac{1}{\omega C_p}} = \frac{\frac{1}{\omega C_p}}{\frac{R_p}{1}} = \frac{1}{R_p \omega C_p} \quad \text{prijsťana}$$

$$\Rightarrow R_p = \frac{1}{\operatorname{tg} \delta \omega C_p}$$

$$= \frac{X_C}{R_p} = \frac{1}{\omega R_p C_p}$$

$$P_Z = U \cdot I_R = U \cdot \frac{U}{R_p} = \frac{U^2}{R_p} = \frac{U^2}{\frac{1}{\operatorname{tg} \delta \omega C_p}} = \underline{\underline{U^2 \operatorname{tg} \delta \omega C_p}}$$

$$z_c = \frac{1}{j\omega C_p} \cdot \frac{j}{j} = -\frac{j}{\omega C_p}$$

$$j^2 = -1$$

!

$$z_p = \frac{z_c \cdot R_p}{z_c + R_p} = \frac{-\frac{jR_p}{\omega C_p}}{-\frac{j}{\omega C_p} + R_p} = \frac{\frac{-jR_p}{\omega C_p}}{\frac{-j + \omega C_p R_p}{\omega C_p}} =$$

rozšířené komplekne združeným číslom

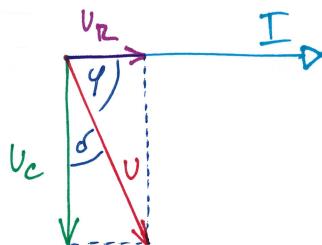
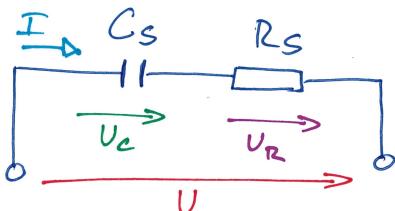
$$= \frac{jR_p}{j - \omega C_p R_p} \cdot \frac{\frac{j + \omega C_p R_p}{j + \omega C_p R_p}}{\frac{j + \omega C_p R_p}{j + \omega C_p R_p}}$$

$$z_p = \frac{-R_p + j\omega C_p R_p^2}{-1 - \omega^2 C_p^2 R_p^2} = \frac{R_p - j\omega C_p R_p^2}{\omega^2 C_p^2 R_p^2 + 1}$$

7)

Ve smyslu zadání úlohy č. C-7 uvažujte sériové zapojení odporu R_s a kondenzátoru s ideálním dielektrikem C_s . K soustavě obou prvků nechť je přiloženo napětí U . Nakreslete fázorový diagram napětí a proudů soustavy, určete ztrátový činitel, celkovou impedanci a celkové ztráty energie v soustavě.

Yériové náhradné zapojenie



$$\operatorname{tg} \delta = \frac{U_R}{U_c} = \frac{\cancel{I} \cdot R_s}{\cancel{I} \cdot X_c} = \frac{R_s}{\frac{1}{\omega C_s}} = \underline{\underline{R_s \omega C_s}}$$

$$\underline{\underline{Z_s = R_s - j \frac{1}{\omega C_s}}}$$

$$P_2 = U_R \cdot I_R = (R_s \cdot I_R) \cdot I_R = R_s \cdot I_R^2 = R_s \cdot \frac{U^2}{|Z|^2} =$$

$$= R_s \cdot \frac{U^2}{(\cancel{\sqrt{R_s^2 + (-\frac{1}{\omega C_s})^2}})^2} = R_s \cdot \frac{U^2}{R_s^2 + \frac{1}{\omega^2 C_s^2}} =$$

$$= R_s \cdot \frac{U^2}{\frac{\omega^2 R_s^2 C_s^2 + 1}{\omega^2 C_s^2}} = \underline{\underline{\frac{U^2 \omega^2 R_s C_s^2}{\omega^2 R_s^2 C_s^2 + 1}}}$$

$$R_s = \operatorname{tg}^2 \delta$$

8)

Určete ztrátový činitel vzduchu za normálních fyzikálních podmínek a při kmitočtu 50 Hz, má-li rozhodující vliv na velikost ztrát elektrická vodivost vzduchu. Relativní permitivita vzduchu je za normálních fyzikálních podmínek rovna 1,000 584, rezistivita je za stejných podmínek $10^{16} \Omega \text{ m}$.

$$f = 50 \text{ Hz}$$

$$\epsilon_r = 1,000 584$$

$$\sigma = 10^{16} \Omega^{-1} \text{ m} \quad [\text{ohm meker}] \rightarrow \text{rezistivita vzduchu}$$

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{1}{\omega R_{PCP}} = \frac{1}{2\pi f \sigma \cdot \frac{\ell}{S} \epsilon_0 \epsilon_r \cdot \frac{S}{\ell}} = \frac{1}{2\pi f \sigma \epsilon_0 \epsilon_r}$$

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 10^{16} \cdot 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 1,000 584} = \underline{\underline{3,59 \cdot 10^{-8}}} \quad [-]$$

9)

Komplexní permitivita ε^* dielektrika je definována vztahem $\varepsilon^* = \varepsilon' - j\varepsilon''$. V závislosti na kmitočtu lze podle Debyeho vyjádřit komplexní permitivitu rovnicí

$$\varepsilon^* = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + j\omega\tau} \quad (4)$$

v níž ε_s značí relativní (statickou) permitivitu dielektrika určenou při kmitočtu $f \rightarrow 0$, ε_∞ relativní (optickou) permitivitu určenou při velmi vysokých kmitočtech; τ je relaxační doba, která je mimo jiné i funkcí teploty. **Vyjděte z obou uvedených vztahů a určete reálnou část ε' a imaginární část ε'' komplexní permitivity.**

Rozdelením rovnice (4) na reálnu a imaginárnu zložku dostaneme:

$$\varepsilon^* = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + j\omega\tau} = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + j\omega\tau} \cdot \frac{1 - j\omega\tau}{1 - j\omega\tau} = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + \omega^2\tau^2} - j \frac{\omega\tau(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)}{1 + \omega^2\tau^2}$$

Porovnaním s rovnicou $\varepsilon^* = \varepsilon' - j\varepsilon''$ dostávame:

$$\varepsilon' = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + \omega^2\tau^2} = \frac{\varepsilon_s + \varepsilon_\infty\omega^2\tau^2}{1 + \omega^2\tau^2} \quad (\text{Reálna časť})$$

$$\varepsilon'' = \frac{\omega\tau(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)}{1 + \omega^2\tau^2} \quad (\text{Imaginárna časť})$$

Poznámka: Tento príklad **nebol riešený vrámcí cvičenia**. Je prevzatý zo skript (BPC-EMV skripta 2019, strana 86 č. 10) a takisto ho možno nájsť aj v prednáškach (Prednáška č. 2, strany 14 - 18).