# Oplossingen Mechanics 2013 TODO October 11, 2013

# Contents

1	Part 1			
	1.1	(1	3	
	1.2	72	3	
	1.3	73	3	
	1.4	K4	3	
	1.5	31	3	
	1.6	32	3	
	1.7	33	3	
<b>2</b>	Part 2			
	2.1	Κ1	3	
	2.2	Κ2	4	
	2.3		4	
	2.4		5	
	2.5		5	
	2.6		5	
3	Par	3	5	
	3.1	~	5	
	3.2		5	
	3.3		5	
	3.4		5	
	3.5		5	
	3.6		6	
	3.7		6	
	3.8	) A	6	
	9.0	04		

- 1 Part 1
- 1.1 K1
- 1.2 K2
- 1.3 K3

#### gegeven

$$a = 0.5m, \, \theta = 30^{\circ}, \, v_O = 2\frac{m}{s}.$$

#### gevraagd

 $v_{cx}, v_{cy}, a_{cx}, a_{cy}$ 

#### berekeningen

De plaats van C en A in functie van de hoek valt af te leiden via Pythagoras.

$$r_c = \begin{pmatrix} 2a\cos\left(\theta(t)\right) \\ 2a\sin\left(\theta(t)\right) \end{pmatrix} \text{ en } r_a = \begin{pmatrix} 2a\cos\left(\theta(t)\right) \\ 0 \end{pmatrix}$$

Hieruit leiden we de snelheid en de versnelling af.

$$v_c = \begin{pmatrix} -2a\sin\left(\theta(t)\right) \cdot \omega(t) \\ 2a\cos\left(\theta(t)\right) \cdot \omega(t) \end{pmatrix} \text{ en } r_a = \begin{pmatrix} -2a\sin\left(\theta(t)\right) \cdot \omega(t) \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$a_c = \begin{pmatrix} \alpha(t) \cdot (-2a\sin(\theta(t)) - 2a\cos(\theta(t)) \cdot \omega(t)^2 \\ \alpha(t) \cdot (2a\cos 5(\theta(t)) - 2a\sin(\theta(t)) \cdot \omega(t)^2 \end{pmatrix} \text{ en } r_a = \begin{pmatrix} \alpha(t) \cdot (-2a\sin(\theta(t)) - 2a\cos(\theta(t)) \cdot \omega(t)^2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

We zien dat de bewegingen van A en C precies gelijk zijn in de x richting. We kennen nu ook de volledige plaatsfunctie van A.

$$r_a = \begin{pmatrix} 2a\cos(\theta(t)) \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_O \\ 0 \end{pmatrix} \cdot t + \begin{pmatrix} 2a\cos\theta \\ 0 \end{pmatrix}$$

Dit is in functie van t. Hier halen we  $\theta$  in functie van t uit.

$$\theta(t) = \arccos\left(\frac{v_O t + 2a\cos\theta}{2a}\right)$$

In deze vergelijking weten we alles.

- 1.4 K4
- 1.5 B1
- 1.6 B2
- 1.7 B3
- 2 Part 2
- 2.1 K1

#### gegeven

$$|v| = 900 \tfrac{km}{h} = 250 \tfrac{m}{s}$$

#### gevraagd

 $n:n\leq r$ 

### berekeningen

We weten dat  $a_n = \frac{v^2}{r}$  en  $a_t = \frac{dv}{dt}$ .

$$a_t = \frac{d(250)}{dt} = 0$$
$$a_n = \frac{|v|^2}{r} \le 4g$$
$$\frac{|v|^2}{4g} \le r$$

Antwoord

$$n = \frac{|v|^2}{4q} = \frac{250^2}{4 \cdot 10} = 1562.5m$$

- 2.2 K2
- 2.3 K3

gegeven

$$r_x(t) = 3t^2, v_y(t) = -\sqrt{13}$$

gevraagd

 $a_t, a_n$ 

### berekeningen

We leiden de plaats van het punt in de x richting af naar de tijd en bekomen zo de snelheid en versnelling in de x richting.

$$v_x(t) = 6t, \, a_x(t) = 6$$

We leiden ook de versnelling van het punt in de y richting af naar de tijd om de versnelling in de y richting te vinden.

$$a_y = 0$$

Omdat de versnelling van het punt in de y richting nul is, weten we dat  $a=a_x$  We weten dat

$$a_t = \frac{d|\vec{v}|}{dt} = \frac{d\sqrt{(6t)^2 + (\sqrt{13})^2}}{dt} = \frac{36t}{\sqrt{36t^2 + 13}}$$

en ook dat

$$a_n = \sqrt{a^2 + a_t^2} = \sqrt{a^2 + \left(\frac{36t}{\sqrt{36t^2 + 13}}\right)^2}$$

In beide van deze vergelijkingen kennen we alle 'onbekenden'. Na invullen:

$$a_n = 3.1 \frac{m}{s^2}$$
 en  $a_t = 5.14 \frac{m}{s^2}$ 

- 2.4**B**1
- 2.5 B2
- 2.6 B3
- Part 3 3
- K13.1
- 3.2 K2
- 3.3 K3
- 3.4K4
- 3.5 B1

# gegeven

$$d(A,B)=d=200m$$

$$v_{zwemmer} = 1.8 \frac{km}{u} = 0.5 \frac{m}{s}$$

Geval a,b: 
$$v_{water} = 0.54 \frac{km}{u} = 0.15 \frac{m}{s}$$
 Geval c:

$$v_{water} = 0 \frac{m}{s}$$

Geval a:

$$\widehat{v_{water}, AB} = 0^{\circ}$$

Geval b:

$$\widehat{v_{water}, AB} = 30^{\circ}$$

# gevraagd

$$\Delta t_{A\to B} + \Delta t_{B\to A}$$

# berekeningen

$$t = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

a)

$$\Delta t_{A \to B} = \frac{d}{v_{zwemmer} + \cdot v_{water}} = \frac{200}{0.5 + 0.15} = 307s$$

$$\Delta t_{B \to A} = \frac{d}{v_{zwemmer} + \cdot v_{water}} = \frac{200}{0.5 - 0.15} = 571s$$

Antwoord:  $\Delta t_{A\to B} + \Delta t_{B\to A} = 879 \text{ s.}$ 

b)

De zwemmer moet nu de hoek waaronder hij zwemt ten opzichte van AB zodat hij in een rechte lijn zwemt voor een waarnemer op de oever.

$$\sin\theta \cdot v_{zwemmer} + \sin\left(-30^{\circ}\right) \cdot v_{water} = 0 \Leftrightarrow \theta = \arcsin\frac{\left(\sin\left(30^{\circ}\right) \cdot v_{water}\right)}{v_{zwemmer}}$$

$$\Delta t_{A \to B} = \frac{\theta = 8.63^{\circ}}{\cos \theta v_{zwemmer} + \cos (-30^{\circ}) v_{water}} = 320s$$

$$\Delta t_{B \to A} = \frac{d}{\cos \theta v_{zwemmer} - \cos (-30^{\circ}) v_{water}} = 549s$$

Antwoord:  $\Delta t_{A\to B} + \Delta t_{B\to A} = 869 \text{ s.}$ 

$$\Delta t_{A \to B} = \frac{d}{v_{zwemmer}} = \Delta t_{B \to A} = 400$$

Antwoord:  $\Delta t_{A\to B} + \Delta t_{B\to A} = 800 \text{ s.}$ 

- 3.6 B2
- 3.7 B3
- 3.8 B4