

* ' Compuation of all relevant derivatives for the RBA – article *

* ' here $\text{Log}[z]$ gives the natural logarithm of z (logarithm to base e) see manual

WolframAlpha Mathematica 12 Version 12.0 × .0 × .0 ' *

[Wolfram Alpha](#)

In[19]:=

$$TB = B * (c^h / (c^h + K^h))^g + b * c$$

Out[19]=

$$b c + B \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g$$

In[20]:= **D[TB, B]**

[Jeite ab](#)

Out[20]=

$$\left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g$$

In[21]:= **D[TB, K]**

[Jeite ab](#)

Out[21]=

$$- \frac{B c^h g h K^{-1+h} \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g}}{(c^h + K^h)^2}$$

In[22]:= **D[TB, h]**

[Jeite ab](#)

Out[22]=

$$B g \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g} \left(\frac{c^h \text{Log}[c]}{c^h + K^h} - \frac{c^h (c^h \text{Log}[c] + K^h \text{Log}[K])}{(c^h + K^h)^2} \right)$$

In[23]:= **D[TB, g]**

[Jeite ab](#)

Out[23]=

$$B \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g \text{Log} \left[\frac{c^h}{c^h + K^h} \right]$$

In[24]:= **D[TB, b]**

[Jeite ab](#)

Out[24]=

$$c$$

In[25]:= **D[TB, c]**

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[25]}= b + B g \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g} \left(-\frac{c^{-1+2 h} h}{(c^h + K^h)^2} + \frac{c^{-1+h} h}{c^h + K^h} \right)$$

In[36]:= **SB = B * (c ^ h / (c ^ h + K ^ h)) ^ g**

$$\text{Out[36]}= B \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g$$

In[27]:= **D[SB, B]**

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[27]}= \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g$$

In[28]:= **D[SB, K]**

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[28]}= -\frac{B c^h g h K^{-1+h} \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g}}{(c^h + K^h)^2}$$

In[29]:= **D[SB, h]**

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[29]}= B g \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g} \left(\frac{c^h \text{Log}[c]}{c^h + K^h} - \frac{c^h (c^h \text{Log}[c] + K^h \text{Log}[K])}{(c^h + K^h)^2} \right)$$

In[37]:= **D[SB, g]**

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[37]}= B \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^g \text{Log} \left[\frac{c^h}{c^h + K^h} \right]$$

In[38]:=

D[SB, c]

[|Jeite ab](#)

$$\text{Out[38]}= B g \left(\frac{c^h}{c^h + K^h} \right)^{-1+g} \left(-\frac{c^{-1+2 h} h}{(c^h + K^h)^2} + \frac{c^{-1+h} h}{c^h + K^h} \right)$$

In[39]:= **NSB = b * c**

Out[39]= **b c**

In[40]:= **D[NSB, b]**

[| leite ab](#)

Out[40]= **c**

In[41]:= **D[NSB, c]**

[| leite ab](#)

Out[41]= **b**
