## Язык для описания конечных автоматов.

## Степанов Андрей

13 сентября 2021 г.

Будем отталкиваться от определения ДКА:

$$A = (\sum, Q, q_0, T, \delta)$$

Последовательно зададим каждый из элементов, чтобы получить однозначное описание автомата:

- 1. В первой строке перечислим через запятую все символы алфавита.
- 2. Во сторой строке зададим количество состояний в множестве Q
- 3. На третьей строке расположим номер начального состояния  $q_0$
- 4. В четвёртой строке перечеслим через запятую множество терминальных вершин (числа от 0 до |Q|-1, соответствующие номерам терминальных состояний).
- На каждой из последующих строк зададим функцию перехода в формате:

$$q_{a_1}: \{\alpha_1, \alpha_2, \dots\} \to q_{b_1}, \{\beta_1, \beta_2, \dots\} \to q_{b_2}, \{\gamma_1, \gamma_2, \dots\} \to q_{b_3} \dots$$

Где  $q_{a_1}$  - номер состояния, из которой происходит переход,

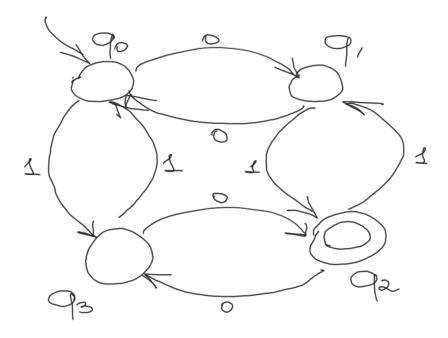
 $\{\alpha_1,\alpha_2,\dots\},\{\beta_1,\beta_2,\dots\},\{\gamma_1,\gamma_2,\dots\},\dots$  - множества символов, по которым происходит переход между определённой парой вершин ("рёбра"автомата),  $q_{b_1},q_{b_2},\dots$  - номер состояния, куда происходит переход.

## Примеры

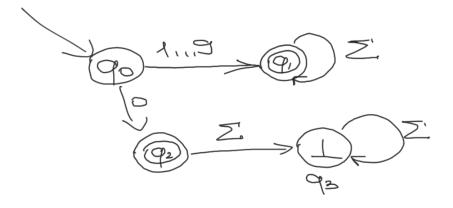
1. Автомат, определяющий принадлежность битовой строки к языку битовых строк с нечётным количеством нулей и нечётным количестве единиц.

Описание автомата:

```
\begin{array}{c} 0,1\\ 4\\ 0\\ 2\\ 0:\{0\}\to 1,\{1\}\to 3\\ 1:\{0\}\to 0,\{1\}\to 2\\ 2:\{0\}\to 3,\{1\}\to 1\\ 3:\{0\}\to 2,\{1\}\to 0\\ \end{array}
```



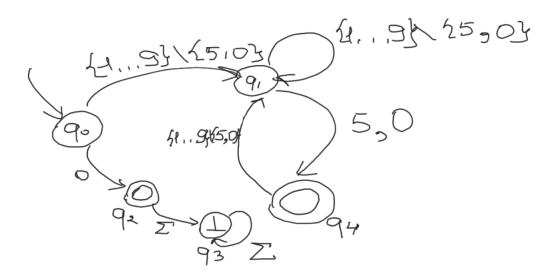
2. Автомат, распознающий язык неотрицательных чисел без лидирующих нулей.



Описание автомата:

$$\begin{array}{l} 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\\ 4\\ 0\\ 1,2\\ 0:\{0\}\to 2,\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}\to 1\\ 1:\{0,1,3,3,4,5,6,7,8,9\}\to 1 \end{array}$$

- $\begin{array}{l} 2: \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\} \rightarrow 3 \\ 3: \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\} \rightarrow 3 \end{array}$
- 3. Автомат, распознающий язык неотрицательных чисел без лидирующих нулей, делящихся на 5.



## Описание автомата:

```
\begin{array}{l} 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\\ 5\\ 0\\ 2,4\\ 0:\{1,2,3,4,6,7,8,9\}\rightarrow 1,\{0\}\rightarrow 2\\ 1:\{1,2,3,4,6,7,8,9\}\rightarrow 1,\{5,0\}\rightarrow 4\\ 2:\{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}\rightarrow 3\\ 3:\{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}\rightarrow 3\\ 4:\{1,2,3,4,6,7,8,9\}\rightarrow 1 \end{array}
```