Calcul Numeric –Laborator #5

Ex. 1 Să construiască în Python procedurile:

- a) $\mathbf{SubsAsc}(A, b)$ (Procedura va returna soluția sistemului x)
- b) $\mathbf{FactLU}(A)$ (Procedura $\mathbf{FactLU}(A)$ va returna matricele L, U și soluția sistmului x)

conform metodelor substituției ascendente și factorizării LU și să se apeleze procedura ${\bf FactLU}$ pentru rezolvarea sistemului

$$\begin{cases} x_2 + x_3 = 3 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 = 5 \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \end{cases}$$

.

Ex. 2 Fie matricea $A = (a_{ij})_{i,j=\overline{1,n}}$ o matrice nesingulară și $b_i = \sum_{j=1}^n a_{ij}, i = \overline{1,n}$.

- a) Demonstrați că $x = (1, 1, ..., 1)^T$ este soluție pentru sistemul Ax = b.
- b) Să se genereze în Python o matrice pătratică cu 100 de linii şi cu elemente, numere reale cuprinse între 0 şi 10, repartizate aleatoriu. Să se afle în Python conform procedurii \mathbf{FactLU} soluția sistemului Ax = b.
- c) Să se rezolve în Python sistemele $Ax^{(k)} = x^{(k-1)} + 2, k = \overline{1,100}$, unde $x^{(0)} = (1,1,...,1)^T$, folosind pe rând metodele Gauss cu pivotare parțială și factorizarea LU.
- d) Să se afle timpii de execuție pentru cele două metode și să se menținoneze care dintre metode este mai optimă pentru rezolvarea unor astfel de sisteme.