

Квадратурная формула средних прямоугольников:

```
2 > rectangle > C rectangle.c
1  #include <stdio.h>
2  #include <mpi.h>
3
4  Codeium: Refactor | Explain | Generate Function Comment | X
5  double f(double x) {
6      return 1.0 / (1.0 + x * x);
7  }
8
9  Codeium: Refactor | Explain | Generate Function Comment | X
10 int main(int argc, char *argv[]) {
11     int n, myrank, nprocs, i;
12     double h, local_sum = 0.0, total_sum = 0.0, x;
13
14     MPI_Init(&argc, &argv);
15     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &myrank);
16     MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &nprocs);
17
18     if (myrank == 0) {
19         printf("Enter the number of intervals (n): ");
20         scanf("%d", &n);
21     }
22
23     MPI_Bcast(&n, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
24
25     h = 1.0 / n;
26     for (i = myrank + 1; i <= n; i += nprocs) {
27         x = h * (i - 0.5);
28         local_sum += f(x);
29     }
30
31     local_sum *= 4.0 * h;
32     MPI_Reduce(&local_sum, &total_sum, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
33
34     if (myrank == 0) {
35         printf("Approximated value of pi: %.16f\n", total_sum);
36     }
37
38     MPI_Finalize();
39     return 0;
40 }
```

```
Compilation terminated.
• neo@stepan:~/Omsu/super_comp/2/rectangle$ mpicc -o rectangle rectangle.c
• neo@stepan:~/Omsu/super_comp/2/rectangle$ ./rectangle
Enter the number of intervals (n): 4
Approximated value of pi: 3.1468005183939427
○ neo@stepan:~/Omsu/super_comp/2/rectangle$
```

Квадратурная формула трапеции:

```
2 > trapez > C trapez.c
1  #include <stdio.h>
2  #include <mpi.h>
3
4  double f(double x) {
5      return 1.0 / (1.0 + x * x);
6  }
7
8  int main(int argc, char *argv[]) {
9      int n, myrank, nprocs, i;
10     double h, local_sum = 0.0, total_sum = 0.0, x;
11
12     MPI_Init(&argc, &argv);
13     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &myrank);
14     MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &nprocs);
15
16     // Процесс с рангом 0 запрашивает количество интервалов
17     if (myrank == 0) {
18         printf("Enter the number of intervals (n): ");
19         scanf("%d", &n);
20     }
21
22     // Передача значения n всем процессам
23     MPI_Bcast(&n, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
24
25     h = 1.0 / n; // Ширина интервала
26
27     // Вычисление частичных сумм на каждом процессе
28     for (i = myrank; i < n; i += nprocs) {
29         x = i * h;
30         if (i == 0 || i == n - 1) {
31             local_sum += f(x); // Границы добавляются без умножения
32         } else {
33             local_sum += 2 * f(x); // Внутренние узлы умножаются на 2
34         }
35     }
36
37     local_sum *= h / 2.0; // Умножение на h/2 в формуле трапеции
38
39     // Суммирование всех локальных результатов в процесс 0
40     MPI_Reduce(&local_sum, &total_sum, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
41
42     // Процесс 0 выводит результат
43     if (myrank == 0) {
44         printf("Approximated value of pi: %.16f\n", total_sum);
45     }
46
47     MPI_Finalize();
48     return 0;
49 }
```

```
neo@stepan:~/0msu/super_comp/2/trapez$ ./trapez
Enter the number of intervals (n): 4
Approximated value of pi: 0.6402941176470588
neo@stepan:~/0msu/super_comp/2/trapez$
```

## Квадратурная формула Симпсона:

```
2 > simp > C simp.c
1  #include <stdio.h>
2  #include <mpi.h>
3
4  Codeium: Refactor | Explain | Generate Function Comment | X
5  double f(double x) {
6      return 1.0 / (1.0 + x * x);
7  }
8
9  Codeium: Refactor | Explain | Generate Function Comment | X
10 int main(int argc, char *argv[]) {
11     int n, myrank, nprocs, i;
12     double h, local_sum = 0.0, total_sum = 0.0, x;
13
14     MPI_Init(&argc, &argv);
15     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &myrank);
16     MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &nprocs);
17
18     // Процесс с рангом 0 запрашивает количество интервалов
19     if (myrank == 0) {
20         printf("Enter the number of intervals (n, even only): ");
21         scanf("%d", &n);
22         if (n % 2 != 0) {
23             printf("Error: n must be an even number.\n");
24             MPI_Abort(MPI_COMM_WORLD, 1);
25         }
26     }
27
28     // Передача значения n всем процессам
29     MPI_Bcast(&n, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
30
31     h = 1.0 / n; // Ширина интервала
32
33     // Вычисление частичных сумм на каждом процессе
34     for (i = myrank; i <= n; i += nprocs) {
35         x = i * h;
36         if (i == 0 || i == n) {
37             local_sum += f(x); // Границы добавляются без умножения
38         } else if (i % 2 == 0) {
39             local_sum += 2 * f(x); // Узлы с чётным индексом умножаются на 2
40         } else {
41             local_sum += 4 * f(x); // Узлы с нечётным индексом умножаются на 4
42         }
43     }
44
45     local_sum *= h / 3.0; // Умножение на h/3 в формуле Симпсона
46
47     // Суммирование всех локальных результатов в процесс 0
48     MPI_Reduce(&local_sum, &total_sum, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
49
50     // Процесс 0 выводит результат
51     if (myrank == 0) {
52         printf("Approximated value of pi: %.16f\n", total_sum);
53     }
54
55     MPI_Finalize();
56     return 0;
57 }
```



Квадратурная формула средних прямоугольников			
Значение n	Время вычислений (в сек.)	Точность вычислений	Относительное ускорение $U_i$
Количество параллельных процессов = 2			
10000	0,0006104	$1,667 * 10^{-9}$	0,2785
50000	0,0006906	$6,667 * 10^{-11}$	0,9430
100000	0,0011883	$1,667 * 10^{-11}$	0,6324
500000	0,0046835	$7,491 * 10^{-13}$	0,7656
1000000	0,0073919	$1,643 * 10^{-13}$	1,0993
Количество параллельных процессов = 4			
10000	0,0011248	$1,37721 * 10^{-11}$	0,1511
50000	0,0011979	$6,66613 * 10^{-11}$	0,5437
100000	0,0014603	$1,66747 * 10^{-11}$	0,5146
500000	0,0028966	$6,62581 * 10^{-13}$	1,2380
1000000	0,0027612	$2,08722 * 10^{-13}$	2,9431
Количество параллельных процессов = 8			
10000	0,0014133	$1,66667 * 10^{-9}$	0,1202
50000	0,0015270	$6,66667 * 10^{-11}$	0,4265
100000	0,0016197	$1,66613 * 10^{-11}$	0,4639
500000	0,0021473	$6,59917 * 10^{-13}$	1,6701
1000000	0,0029030	$1,71418 * 10^{-13}$	2,7993

Квадратурная формула трапеций			
Значение n	Время вычислений (в сек.)	Точность вычислений	Относительное ускорение $U_i$
Количество параллельных процессов = 2			
10000	0,0006422	$1,667 * 10^{-9}$	0,2612
50000	0,0008811	$6,667 * 10^{-11}$	0,7444
100000	0,0013055	$1,667 * 10^{-11}$	0,9523
500000	0,0023229	$7,491 * 10^{-13}$	1,6849
1000000	0,0047626	$1,643 * 10^{-13}$	2,0521
Количество параллельных процессов = 4			
10000	0,0010885	$1,66667 * 10^{-9}$	0,1541
50000	0,001117	$6,66613 * 10^{-11}$	0,5871
100000	0,0014603	$1,66747 * 10^{-11}$	0,8514
500000	0,0023505	$6,62581 * 10^{-13}$	1,6651
1000000	0,0038342	$2,08722 * 10^{-13}$	2,5490
Количество параллельных процессов = 8			

Квадратурная формула трапеций			
Значение n	Время вычислений (в сек.)	Точность вычислений	Относительное ускорение $U_i$
10000	0,0012515	$1,66667 \cdot 10^{-9}$	0,1340
50000	0,0013748	$6,66667 \cdot 10^{-11}$	0,6795
100000	0,0015333	$1,66613 \cdot 10^{-11}$	0,8108
500000	0,0021650	$6,59917 \cdot 10^{-13}$	1,8078
1000000	0,0030954	$1,71418 \cdot 10^{-13}$	3,1574

Квадратурная формула Симпсона			
Значение n	Время вычислений (в сек.)	Точность вычислений	Относительное ускорение $U_i$
Количество параллельных процессов = 2			
10000	0,0005093	$1,667 \cdot 10^{-9}$	0,3139
50000	0,0009652	$6,667 \cdot 10^{-11}$	0,6794
100000	0,0011785	$1,667 \cdot 10^{-11}$	0,9806
500000	0,0030027	$7,491 \cdot 10^{-13}$	1,5245
1000000	0,0047616	$1,643 \cdot 10^{-13}$	1,7105
Количество параллельных процессов = 4			
10,000	0,0009968	$1,66667 \cdot 10^{-9}$	0,1604
50,000	0,0011069	$6,66613 \cdot 10^{-11}$	0,5924
100000	0,0013437	$1,66747 \cdot 10^{-11}$	0,8600
500000	0,0029500	$6,62581 \cdot 10^{-13}$	1,5517
1000000	0,0043784	$2,08722 \cdot 10^{-13}$	1,8602
Количество параллельных процессов = 8			
10000	0,0013913	$1,66667 \cdot 10^{-9}$	0,1149
50000	0,0014368	$6,66667 \cdot 10^{-11}$	0,4564
100000	0,0013663	$1,66613 \cdot 10^{-11}$	0,8458
500000	0,0025869	$6,59917 \cdot 10^{-13}$	1,76960
1000000	0,0035856	$1,71418 \cdot 10^{-13}$	2,2715











