Tema I.- Diseño Físico

Ficheros

Índices

Fundamentos de sistemas de bases de datos. Elmasri, R; Navathe, S. Addison-Wesley [cap.13 en 5ª edic.]

Índice

- Registros / Ficheros
- Operaciones sobre ficheros
- Ficheros de registros desordenados (heap)
- Ficheros de registros ordenados
- Técnicas de dispersión (fichero hash)
 - Dispersión interna (memoria)
 - Dispersión externa (disco)
 - estática
 - dinámica

Técnicas de dispersión (hash)

- Proporcionan un acceso muy rápido a los registros bajo una condición de igualdad sobre el campo de dispersión (campo hash).
 - Si el campo es clave se denomina clave de dispersión (clave hash)
- Un registro con campo hash de valor K se almacena en la posición i, donde i=h(K), y h es la función hash.
- Tipos de dispersión:
 - Interna (en memoria)
 - Externa (en disco)
 - Estática
 - Dinámica

Dispersión interna (memoria)

- La tabla hash es un array de registros
 - Cada elemento del array es un registro de datos
- Resolución de colisiones:

1. Direccionamiento abierto

A partir de la posición ocupada se recorren las siguientes posiciones hasta encontrar una vacía y se coloca.

2. Encadenamiento

- El array se extiende con posiciones de desbordamiento.
- Se añade un puntero a cada ubicación de registro.
- El registro se coloca en una ubicación de desbordamiento libre.
- Se mantiene una lista enlazada de registros de desbordamiento por cada dirección hash.

3. Dispersión múltiple

- Se aplica una segunda función (llamada rehash).
- Si se produce otra colisión, se utiliza direccionamiento abierto u otra tercera función, y después direccionamiento abierto, si fuese necesario.

Dispersión interna (memoria)

Figure 13.8

Internal hashing data structures. (a) Array of M positions for use in internal hashing. (b) Collision resolution by chaining records.

(a)	Name	Ssn	Job	Salary
0				
1				
2				
3				
			:	
M - 2				
<i>M</i> − 2 <i>M</i> − 1				

null pointer = −1

Overflow pointer Data fields (b) -1 Μ -1 3 -1 M+2Address space M - 2M+1M-1M + 5M+1M + 4M+2Overflow space M + 0 - 2M + 0 - 1

overflow pointer refers to position of next record in linked list

a) Array de M posiciones para hashing interno

b) Resolución de colisiones por encadenamiento

Ejercicio

3 – Supongamos un fichero CLIENTES con *Numcli* como clave de direccionamiento calculado, que contiene registros con los siguientes valores de *Numcli*.

Cargar estos registros en un array de tamaño 8 en el orden dado, empleando la función de direccionamiento calculado h(K) = K mod 8.

a) Resolver las colisiones utilizando la técnica de encadenamiento

Registro	K	h(K)
record1	7107	3
record2	844	4
record3	1540	4
record4	4800	0
record5	826	2
record6	7110	6
record7	1821	5
record8	2376	0
record9	2002	2
record10	4981	5
record11	962	2
record12	2084	4
record13	2306	2

ESPACIO DE DIRECCIONES

Posición	Registros	puntero
0	record 4	9
1		-1
2	record 5	10
3	record 1	-1
4	record 2	8
5	record 7	11
6	record 6	-1
7		-1

ESPACIO DE DESBORDAMIENTO

Posición	Registros	puntero
8	record 3	13
9	record 8	-1
10	record 9	12
11	record 10	-1
12	record 11	14
13	record 12	-1
14	record 13	-1

b) Resolver las colisiones por direccionamiento abierto

ESPACIO DE DIRECCIONES

osición	Registros
0	record4
1	record8
2	record5
3	record1
4	record2
5	record3
6	record6
7	record7

A partir del registro 9 (inclusive) no se incluyen más registros

7

Ejercicio

3 – Supongamos un fichero CLIENTES con *Numcli* como clave de direccionamiento calculado, que contiene registros con los siguientes valores de *Numcli*.

Cargar estos registros en un array de tamaño 8 en el orden dado, empleando la función de direccionamiento calculado h(K) = K mod 8.

c) Resolver las colisiones por **dispersión múltiple** aplicando una segunda función de dispersión h2(K) = K mod 4

ESPACIO DE DIRECCIONES

Posición	Registros
0	record3 (*)
1	record4 (**)
2	record5
3	record1
4	record2
5	record7
6	record6
7	record8 (***)

A partir del registro 9 (inclusive) no se incluyen más registros porque el fichero está lleno y no hay zona de desbordamiento

(*) h (1540) = 4 => colisión => h2(1540) = 0 => se coloca en la posición
--

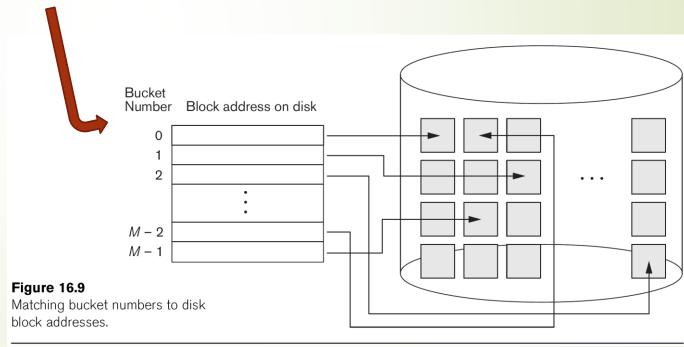
(**) h (4800) = 0 => colisión => h2(4800) = 0 => colisión => se coloca en la siguiente posición libre (la posición 1)

(***) h (2376) = 0 => colisión => h2(2376) = 0 => colisión => se coloca en la siguiente posición libre (la posición 7)

Registro	К	h(K)
record1	7107	3
record2	844	4
record3	1540	4
record4	4800	0
record5	826	2
record6	7110	6
record7	1821	5
record8	2376	0
record9	2002	2
record10	4981	5
record11	962	2
record12	2084	4
record13	2306	2

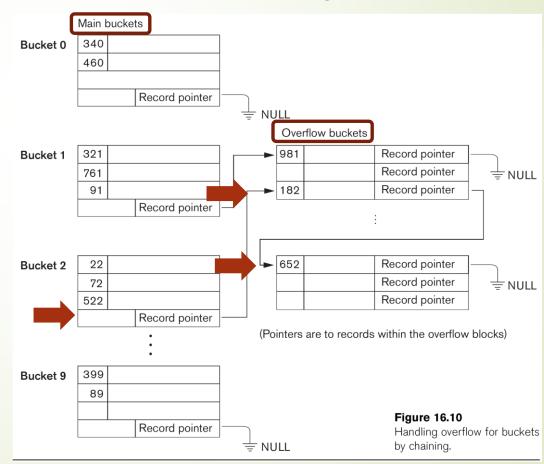
Dispersión externa (en disco) estática

- El espacio de direcciones se compone de cubos (buckets)
 - Un cubo puede ser 1 bloque de disco o un grupo de bloques contiguos
- La función hash mapea el valor del campo hash a un nº de cubo
- La <u>cabecera del fichero</u> incluye una tabla que convierte el nº de cubo en la dirección de bloque de disco



Dispersión externa (en disco) estática

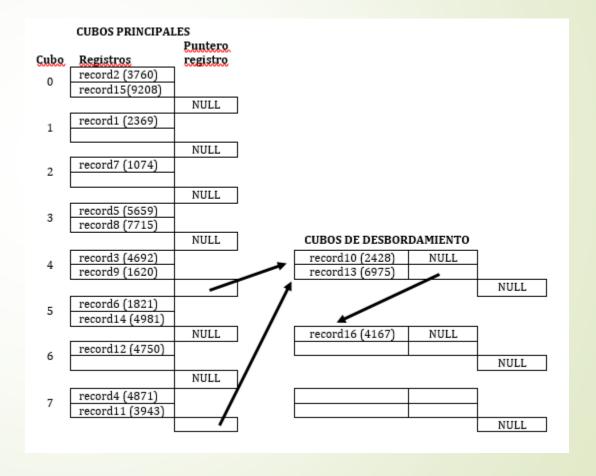
- Las colisiones se pueden resolver utilizando una variación del encadenamiento:
 - Cada cubo tiene un puntero a una lista enlazada de registros de desbordamiento
 - Son punteros de registro <dirección de bloque, posición del registro dentro del bloque>



Ejercicio: Un fichero COMPONENTS con *Numcomp* como clave de direccionamiento calculado contiene registros con los siguientes valores de Numcomp. El fichero utiliza 8 cubos, numerados del 0 a 7. El tamaño de cada cubo es 1 bloque y puede contener 2 registros.

Cargar estos registros en el fichero en el orden dado, empleando la función de direccionamiento calculado $h(K) = K \mod 8$. Para resolver las colisiones se utiliza la técnica de encadenamiento.

Registro	K	h(K)
record1	2369	1
record2	3760	0
record3	4692	4
record4	4871	7
record5	5659	3
record6	1821	5
record7	1074	2
record8	7115	3
record9	1620	4
record10	2428	4
record11	3943	7
record12	4750	6
record13	6975	7
record14	4981	5
record15	9208	0
record16	4167	7



Dispersión externa (en disco) estática

- Para reducir los registros de overflow, el fichero hash habitualmente se mantiene entre un 70-80% lleno
- La función hash debe redistribuir los registros uniformemente entre los cubos
 - En caso contrario, el tiempo de búsqueda se incrementa mucho debido a la cantidad de registros de overflow existente
- Desventajas de la dispersión externa estática:
 - Un nº fijo de cubos es problemático si el nº de registros del fichero crece o disminuye
 - La búsqueda de un registro por un campo distinto al campo hash es tan costosa como en caso de un fichero desordenado
 - El acceso ordenado por el campo hash es ineficiente (hay que ordenar los registros)

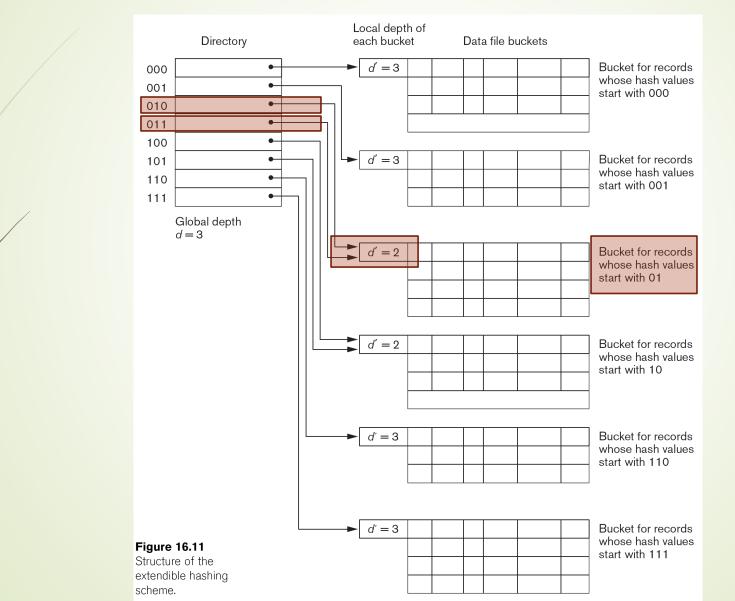
Dispersión externa (en disco) dinámica

- Permite la expansión o contracción del fichero de forma dinámica en función del nº de registros
- Tipos:
 - **Extensible**: almacena una estructura de acceso adicional (directorio)
 - **Lineal**: no requiere estructura de acceso adicional
- La estructura de acceso se fundamenta en una representación binaria del resultado de la función hash

Dispersión externa dinámica: 1) extensible

- Los registros se distribuyen entre cubos basándose en los bits más significativos del campo hash
- Emplea una estructura (directorio) adicional = array de 2^d direcciones de cubos de registros
 - d = profundidad global: nº máx. de bits necesario para determinar el contenido de algún cubo
 - El directorio se expande o contrae dinámicamente
 - Varias entradas de directorio pueden apuntar al mismo cubo
 - Cada cubo tiene una profundidad local d': nº bits en que se basa su contenido
- Los cubos se expanden cuando se produce overflow:
 - Los registros se redistribuyen entre 2 cubos, utilizando el siguiente bit (de + a significativo)
 - El directorio se actualiza
 - si d'= d y el cubo desborda
 entonces el directorio se duplica

Dispersión externa dinámica: 1) extensible



Ejercicio (2 registros por cubo):

record 1: h(record1) = 0001

record 2: h(record2) = **0** 1 0 0

record 3: h(record3) = **00** 10

record 4: h(record4) = **001** 1

record 5: h(record5) = 1 1 1 0

Insertar record1

d=0 (no hay directorio)

15

record1

d' = 0

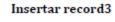
Insertar record2

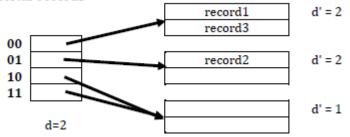
d=0

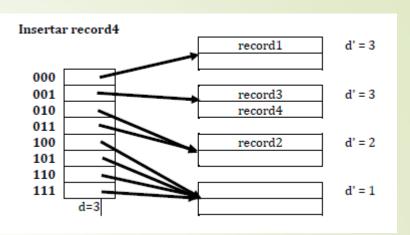
(no hay directorio)

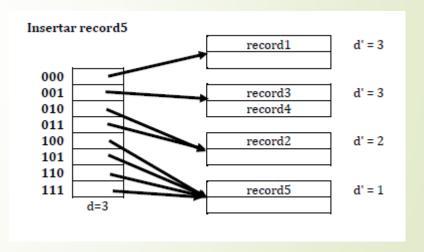
record1 d

d' = 0









Rec#	K	h(K) (bucket number)	Binary h(K)
record1	2369	1	00001
record2	3760	16	10000
record3	4692	20	10100
record4	4871	7	00111
record5	5659	27	11011
record6	1821	29	11101
record7	1074	18	10010
record8	7115	11	01011
record9	1620	20	10100
record10	2428	28	11100
record11	3943	7	00111
record12	4750	14	01110
record13	6975	31	11111

Paso 1: introducir record1 y record2 Paso 2: introducir record3 y record4

Paso 3: introducir record5 y record6

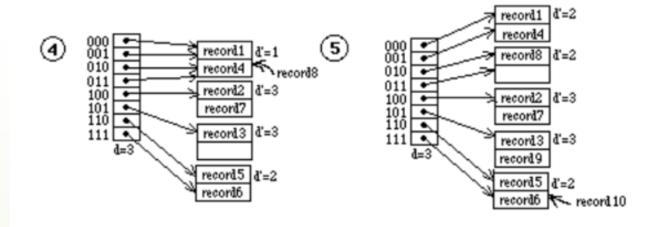
Extendible hashing:



Rec#	K	h(K) (bucket number)	Binary h(K)
record1	2369	1	00001
record2	3760	16	10000
record3	4692	20	10100
record4	4871	7	00111
record5	5659	27	11011
record6	1821	29	11101
record7	1074	18	10010
record8	7115	11	01011
record9	1620	20	10100
record10	2428	28	11100
record11	3943	7	00111
record12	4750	14	01110
record13	6975	31	11111

Paso 4: introducir record7

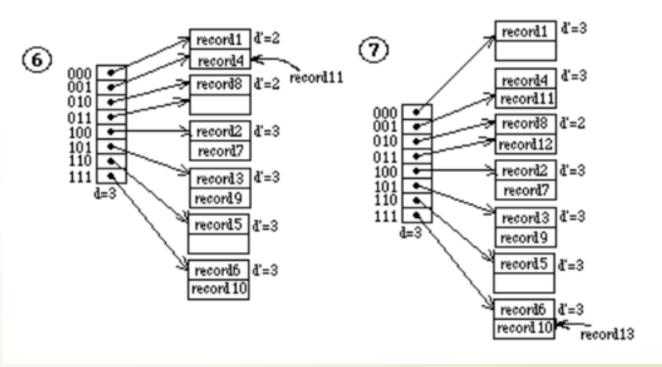
Paso 5: introducir record8 y record9



Rec#	K	h(K) (bucket number)	Binary h(K)
record1	2369	1	00001
record2	3760	16	10000
record3	4692	20	10100
record4	4871	7	00111
record5	5659	27	11011
record6	1821	29	11101
record7	1074	18	10010
record8	7115	11	01011
record9	1620	20	10100
record10	2428	28	11100
record11	3943	7	00111
record12	4750	14	01110
record13	6975	31	11111

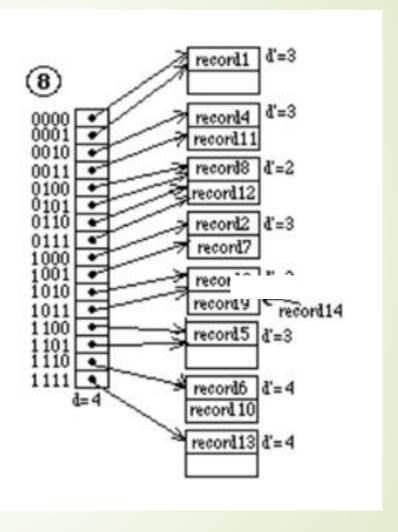
Paso 6: introducir record10

Paso 7: introducir record11 y record12



Rec#	K	h(K) (bucket number)	Binary h(K)
record1	2369	1	00001
record2	3760	16	10000
record3	4692	20	10100
record4	4871	7	00111
record5	5659	27	11011
record6	1821	29	11101
record7	1074	18	10010
record8	7115	11	01011
record9	1620	20	10100
record10	2428	28	11100
record11	3943	7	00111
record12	4750	14	01110
record13	6975	31	11111

Paso 8: introducir record13



Dispersión externa dinámica: 1) extensible

- Ventajas:
 - El rendimiento del fichero no se degrada al crecer
 - No se asigna espacio para un crecimiento futuro
 - Se asignan cubos adicionales a medida que se necesitan
 - La sobrecarga de espacio para el directorio es pequeña
 - La división de un cubo provoca una reorganización pequeña
 - Solo se redistribuyen en 2 cubos los registros del cubo desbordado
- Inconvenientes:
 - Siempre hay que hacer 2 accesos (directorio + cubo)

Preguntas sobre hashing extensible

- ¿Por qué son necesarias las profundidades local y global?
 - Si d' = d ⇒ el bucket está siendo apuntado por 1 E del directorio
 - El directorio debe doblarse para poder tener 1 E que apunte al nuevo bucket
 - Si d' < d ⇒ el bucket está siendo apuntado por 2 o + entradas del directorio</p>
 - Crear 1 nuevo bucket, redistribuir los registros y recolocar los punteros
- Si una inserción provoca que el tamaño del directorio se doble, ¿cuántos buckets tendrán exactamente 1 E de directorio apuntando a ellas?
 - 2 (el bucket donde se quería realizar la inserción, y el nuevo bucket)
- Si se borra 1 E de uno de esos buckets, ¿qué le sucede al tamaño del directorio?
 - Depende del algoritmo de borrado
 - si los buckets se combinan siempre que es posible ⇒ el tamaño del directorio se decrementa

- NO existe directorio, pero sí un área de overflow
- Utiliza 2 funciones hash:
 - 1. Función h_i de inserción de nuevos registros (p.ej: $h_0 = K \mod 2^0$)
 - **2.** Función h_{i+1} de expansión para resolver las colisiones (p.ej: $h_1 = K \mod 2^1$)
- Cuando se produce la 1º colisión en cualquier cubo del fichero, se divide el PRIMER cubo (numerados de 0 a M-1) en 2:
 - 1. El cubo 0 original
 - 2. Un nuevo cubo M al final del fichero, siendo M el nº de cubos del fichero
 - Los registros del cubo 0 se distribuyen entre los 2 cubos (0 y M) mediante la función de expansion h_{i+1}

- Las funciones h_i y h_{i+1} deben garantizar que cualquier registro que se ubique en el cubo 0 basándose en h_i se dispersará al cubo 0 o al cubo M basándose en h_{i+1} .
- Viene garantizado por la aritmética modular:

Ej: $h_0 = k \mod 2^0 = k \mod 1 = \{0\}$ en este caso, todos los registros se asignan al cubo 0

 $h_1 = k \mod 2^1 = k \mod 2 = \{0, 1\} = \{XXX\mathbf{0}, XXX\mathbf{1}\}$ usa el bit menos significativo, los registros pares irán al cubo 0 y los impares al cubo 1

 $h_2 = k \mod 2^2 = k \mod 4 = \{0, 1, 2, 3\} = \{XX\mathbf{00}, XX\mathbf{01}, XX\mathbf{10}, XX\mathbf{11}\}$ usa los 2 bits menos significativos, los registros pares irán a los cubos 00 y 10, y los impares a los cubos 01 y 11

 $h_3 = k \mod 2^3 = k \mod 8 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} = \{X000, X001, X010, X011, X100, X101, X111\}$ en este caso, se usan los 3 bits menos significativos, ...

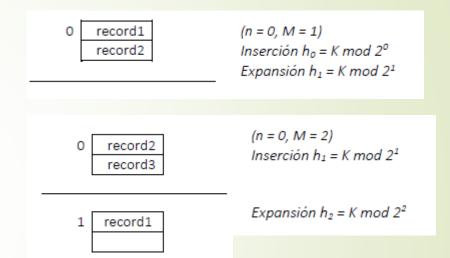
- Cuando se produce la 1º colisión en cualquier cubo del fichero, se divide el PRIMER cubo en 2:
 - 1. El cubo 0 original
 - 2. Un nuevo cubo M al final del fichero, siendo M el nº de cubos del fichero
 - Los registros del cubo 0 se distribuyen entre los 2 cubos (0 y M) mediante la función de expansion h_{i+1}
- Cuando se produce la 2ª colisión en cualquier cubo del fichero, se divide el SEGUNDO cubo, y
 así sucesivamente
 - Se utiliza una variable n para apuntar al siguiente bloque a expandir
 - Los registros del cubo 1 se distribuyen entre los 2 cubos (1 y M+1) mediante la función de expansion h_{i+1}
- Cuando se expanda el último cubo (cubo M-1), la función h_{i+1} se habrá aplicado a todos los registros del fichero. A partir de este momento:
 - 1. La función de expansión h_{i+1} pasa a ser la función de inserción de registros (p.ej. $h_1 = K \mod 2^1$)
 - 2. Se emplea una nueva función h_{i+2} de expansión para resolver las colisiones (p.ej. $h_2 = K \mod 2^2$)

Cargarlos en un fichero con direccionamiento calculado lineal, mediante la función hash $h_i = k \mod 2^i$. Los buckets están formados por 1 único bloque, y el nº de registros por bloque es 2. Empezar con 1 solo bloque.

Mostrar cómo crece el fichero y cómo cambian las funciones hash. Los bloques se dividen cuando se produce un desbordamiento.

Inicialmente:

- Tamaño del fichero: M = 1 bloque
- Siguiente bloque a expandir: **n** = **0**
- Función de inserción: $h_0 = K \mod 2^0$
- Función de expansión: $h_1 = K \mod 2^1$



```
h_0 (record1) = 2369 mod 2^0 = 0
```

$$h_0$$
 (record2) = 3760 mod 2^0 = 0

 h_0 (record3) = 4692 mod 2^0 = **0** OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo señalado por n (es decir, el cubo 0)

mediante $h_1(K)$ creando el cubo $1 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=1$

$$h_1$$
 (record1) = 2369 mod 2^1 = 1

$$h_1$$
 (record2) = 3760 mod 2^1 = 0

$$h_1$$
 (record3) = 4692 mod 2^1 = 0

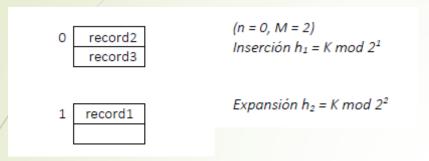
Como n = M \Rightarrow Se ha aplicado h_1 a todo el fichero (formado por 1 único bloque, en este caso) \Rightarrow

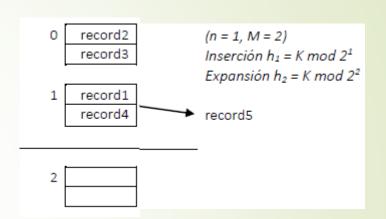
EXPANSIÓN COMPLETA ⇒

- Nuevo tamaño del fichero: M = 2 bloques
- Siguiente bloque a expandir: n= 0
- Nueva función de inserción: $h_1 = K \mod 2^1$
- Nueva función de expansión: $h_2 = K \mod 2^2$

Cargarlos en un fichero con direccionamiento calculado lineal, mediante la función hash $h_i = k \mod 2^i$. Los buckets están formados por 1 único bloque, y el nº de registros por bloque es 2. Empezar con 1 solo bloque.

Mostrar cómo crece el fichero y cómo cambian las funciones hash. Los bloques se dividen cuando se produce un desbordamiento.





```
h_1 (record4) = 4871 mod 2^1 = 1

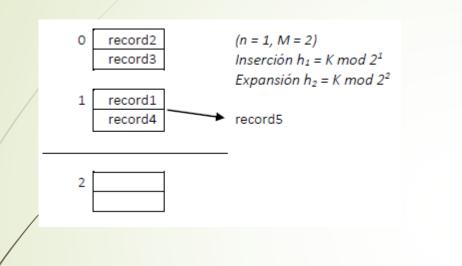
h_1 (record5) = 5659 mod 2^1 = 1 OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo 0 mediante h_2(K) creando el cubo 2 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=1

h_2 (record2) = 3760 mod 2^2 = 0

h_2 (record3) = 4692 mod 2^2 = 0
```

Cargarlos en un fichero con direccionamiento calculado lineal, mediante la función hash $h_i = k \mod 2^i$. Los buckets están formados por 1 único bloque, y el nº de registros por bloque es 2. Empezar con 1 solo bloque.

Mostrar cómo crece el fichero y cómo cambian las funciones hash. Los bloques se dividen cuando se produce un desbordamiento.



record2

INSERCIÓN RECORDO

(n = 0, M = 4)Inserción $h_2 = K \mod 2^2$ Expansión $h_3 = K \mod 2^3$

1 record1 record6

2

3 record4 record5

 h_1 (record6) = 1821 mod 2^1 = 1 OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo 1 mediante $h_2(K)$ creando el cubo $3 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=2$

$$h_2$$
 (record1) = 2369 mod 2^2 = 1

$$h_2$$
 (record4) = 4871 mod 2^2 = 3

$$h_2$$
 (record5) = 5659 mod 2^2 = 3

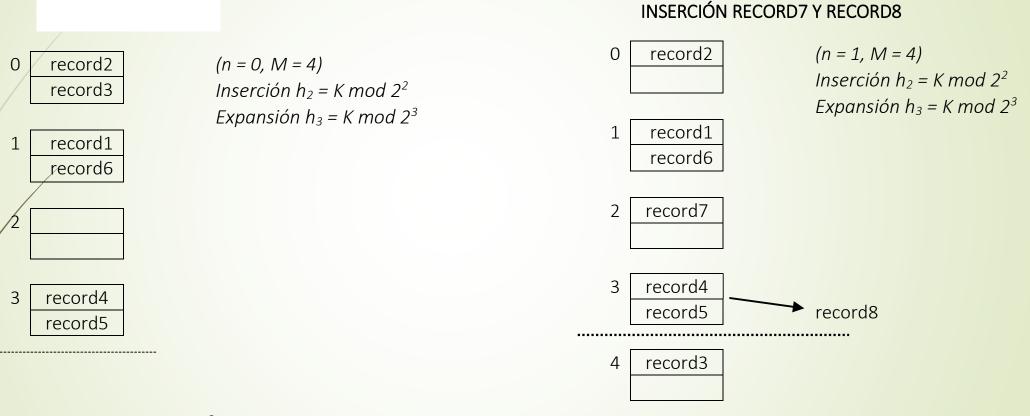
$$h_2$$
 (record6) = 1821 mod 2^2 = 1

Como n = M \Rightarrow Se ha aplicado h₂ a todo el fichero (formado por 2 bloques) \Rightarrow **EXPANSIÓN COMPLETA** \Rightarrow

- Nuevo tamaño del fichero: M = 4 bloques
- Siguiente bloque a expandir es n= 0
- Nueva función de inserción: $h_2 = K \mod 2^2$
- Nueva función de expansión: $h_3 = K \mod 2^3$

Cargarlos en un fichero con direccionamiento calculado lineal, mediante la función hash $h_i = k \mod 2^i$. Los buckets están formados por 1 único bloque, y el factor de bloqueo (nº de registros por bloque) es 2. Empezar con 1 solo bloque.

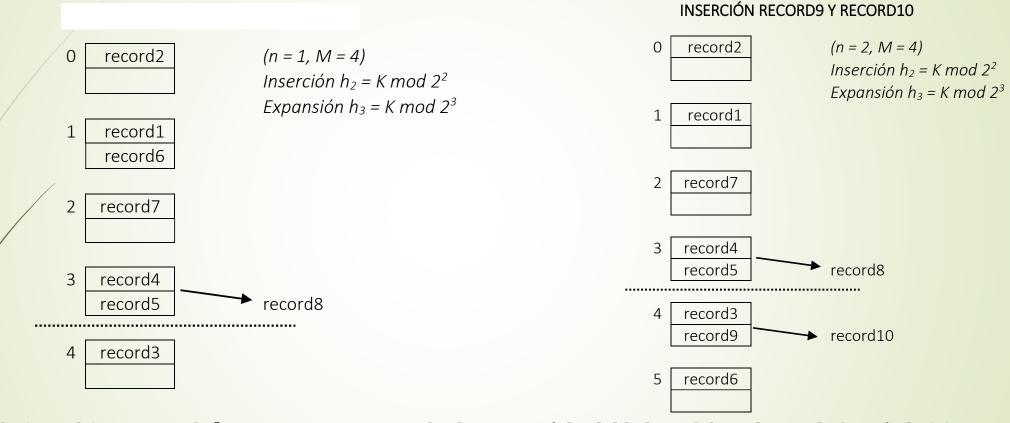
Mostrar cómo crece el fichero y cómo cambian las funciones hash. Los bloques se dividen cuando se produce un desbordamiento.



 h_2 (record7) = 1074 mod 2^2 = 2 h_2 (record8) = 7115 mod 2^2 = 3 OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo 0 mediante h_3 (K) creando el cubo 4 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=1 h_3 (record2) = 3760 mod 2^3 = 0 h_3 (record3) = 4692 mod 2^3 = 4

Cargarlos en un fichero con direccionamiento calculado lineal, mediante la función hash $h_i = k \mod 2^i$. Los buckets están formados por 1 único bloque, y el factor de bloqueo (nº de registros por bloque) es 2. Empezar con 1 solo bloque.

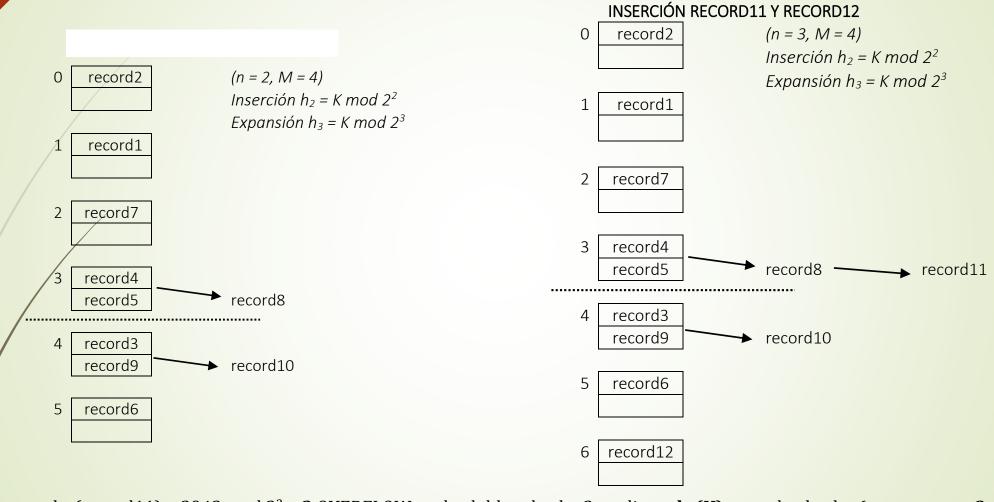
Mostrar cómo crece el fichero y cómo cambian las funciones hash. Los bloques se dividen cuando se produce un desbordamiento.



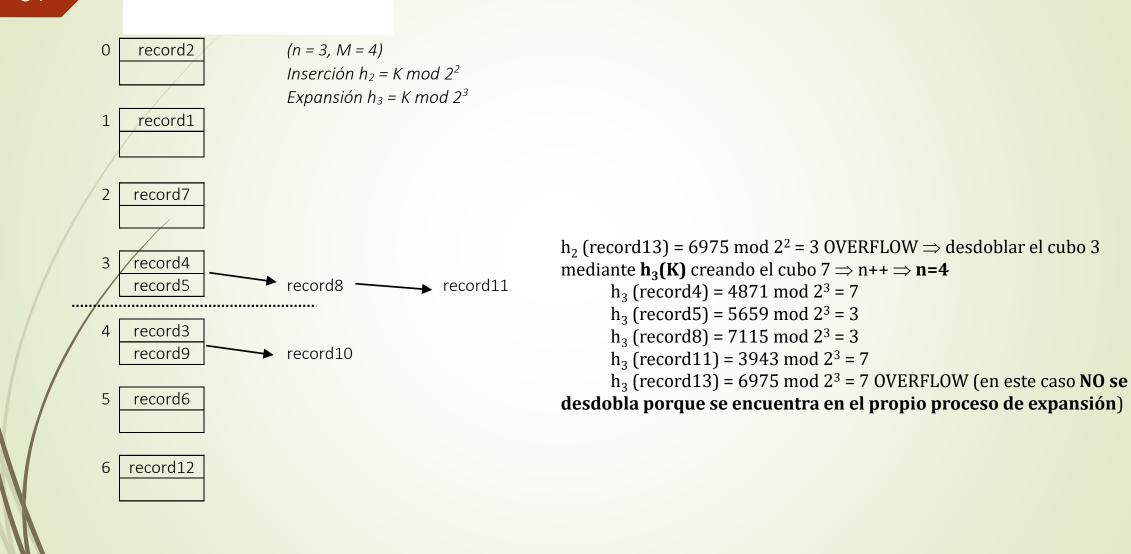
 h_2 (record9) = 1620 mod 2^2 = 0 \Rightarrow como 0 < n=1 \Rightarrow el cubo 0 ya está desdoblado \Rightarrow debe aplicarse la función h_3 (K) h_3 (record9) = 1620 mod 2^3 = 4

 h_2 (record10) = 2428 mod 2^2 = 0 \Rightarrow como 0 < n=1 \Rightarrow el cubo 0 ya está desdoblado \Rightarrow debe aplicarse la función h_3 (K) h_3 (record10) = 2428 mod 2^3 = 4 OVERFLOW \Rightarrow dividir el cubo 1 mediante h_3 (K) creando el cubo 5 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=2

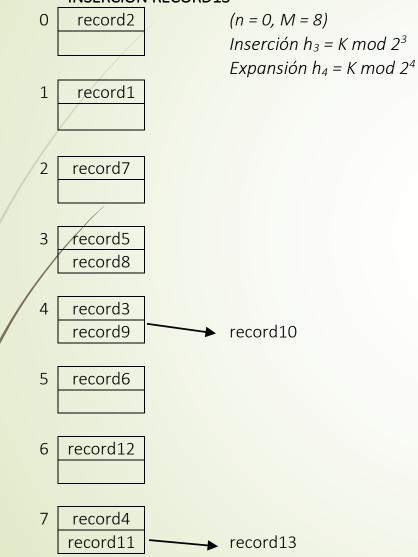
$$h_3$$
 (record1) = 2369 mod 2^3 = 1 h_3 (record6) = 1821 mod 2^3 = 5



 h_2 (record11) = 3943 mod 2^2 = 3 OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo 2 mediante h_3 (K) creando el cubo $6 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=3$ h_3 (record7) = 1074 mod 2^3 = 2 h_2 (record12) = 4750 mod 2^2 = 2 \Rightarrow como 2 < n=3 \Rightarrow el cubo 2 ya está desdoblado \Rightarrow debe aplicarse la función h_3 (K) h_3 (record12) = 4750 mod 2^3 = 6



INSERCIÓN RECORD13



 h_2 (record13) = 6975 mod 2^2 = 3 OVERFLOW \Rightarrow desdoblar el cubo 3 mediante h_3 (K) creando el cubo 7 \Rightarrow n++ \Rightarrow n=4 h_3 (record4) = 4871 mod 2^3 = 7

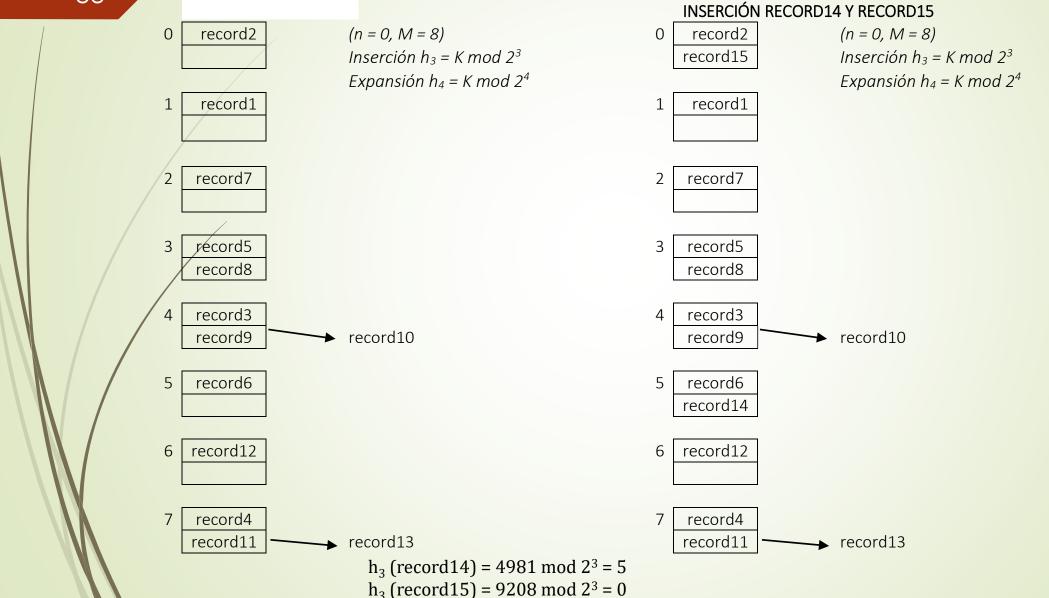
 h_3 (record5) = 5659 mod 2^3 = 3 h_3 (record8) = 7115 mod 2^3 = 3

 h_3 (record11) = 3943 mod 2^3 = 7

 h_3 (record13) = 6975 mod 2^3 = 7 OVERFLOW (en este caso **NO se** desdobla porque se ha llegado al final del fichero)

Como n = M \Rightarrow Se ha aplicado h₃ a todo el fichero (formado por 4 bloques) \Rightarrow **EXPANSIÓN COMPLETA** \Rightarrow

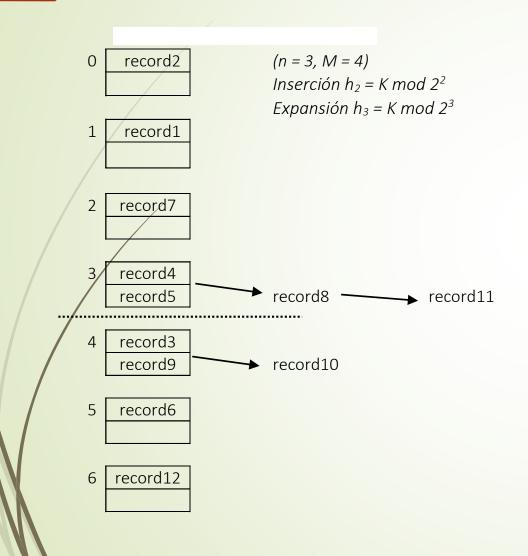
Nuevo tamaño del fichero M = 8 bloques Siguiente bloque a expandir es n= 0 Nueva función de inserción h_3 = K mod 2^3 Nueva función de expansión h_4 = K mod 2^4



Algoritmo para realizar búsquedas

```
then v = h_j(K) /* aplicar la función de inserción */
else {
v = h_j(K) /* aplicar la función de inserción */
if \mathbf{v} < \mathbf{n} then v = h_{j+1}(K) /* aplicar la función de expansión */
}
```

buscar en el cubo con valor de dispersión v (y su desbordamiento, si lo hay)



Ejemplo de búsquedas



Búsqueda de **record8** (7715)

$$n <> 0 \Rightarrow v = h2(record8) = 7115 \mod 2^2 = 3$$

3 no es menor que n \Rightarrow buscar en el cubo 3 (y su desbordamiento, si lo hay)

Búsqueda de **record12** (4750)



$$n <> 0 \Rightarrow v = h2 \text{ (record 12)} = 4750 \text{ mod } 2^2 = 2$$

2 es menor que n \Rightarrow v = h3(record12) = 4750 mod 2^3 = 6

buscar en cubo 6 (y su desbordamiento, si lo hay)

Búsqueda de record13 (6975)



$$n <> 0 \Rightarrow v = h_2 \text{ (record 13)} = 6975 \text{ mod } 2^2 = 3$$

3 no es menor que n \Rightarrow buscar en el cubo 3 (y su desbordamiento, si lo hay)

- Alternativa: División en base al factor de carga del fichero
 - Factor de carga I = r / (bfr * N)
 - r: n° actual de registros del fichero
 - bfr: factor de bloqueo (nº máximo de registros que pueden encajar en un cubo)
 - N: nº actual de cubos (incluidos los de expansión)

Ejemplo: I = 10 reg /(5 reg. por cubo * 4 cubos) = 50 % de carga

- Inserción de registros:
 - Las divisiones se llevan a cabo cuando I alcance un umbral (p.ej, 0.9)

Ejemplo: Cuando N=1, $I=r/(bfr*N) \ge 0.9 \Rightarrow r \ge 1.8 \Rightarrow$ desdoblar tras incluir el registro 2 Cuando N=2, $I=r/(bfr*N) \ge 0.9 \Rightarrow r \ge 3.6 \Rightarrow$ desdoblar tras incluir el registro 4 Cuando N=3, $I=r/(bfr*N) \ge 0.9 \Rightarrow r \ge 5.4 \Rightarrow$ desdoblar tras incluir el registro 6 Cuando N=4, $I=r/(bfr*N) \ge 0.9 \Rightarrow r \ge 7.2 \Rightarrow$ desdoblar tras incluir el registro 8

. .

- Alternativa: División en base al factor de carga del fichero
 - Factor de carga I = r / (bfr * N)
 - r: n° actual de registros del fichero
 - bfr: factor de bloqueo (nº máximo de registros que pueden encajar en un cubo)
 - N: nº actual de cubos (incluidos los de expansión)
 - P.ej: I = 10 reg /(5 reg. por cubo * 4 cubos actuales) = 50 % de carga
 - Inserción de registros:
 - Las divisiones se llevan a cabo cuando / alcance un umbral (p.ej, 0.9)
 - Eliminación de registros:
 - Las combinaciones se llevan a cabo cuando / cae por debajo de un umbral (p. ej, 0.7)