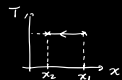


第三定律

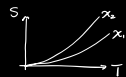


熵差为:

$$\Delta S(T) = \int_{x_1}^{x_2} \frac{dQ}{T} = S(x_2, T) - S(x_1, T)$$

$$\lim_{T \rightarrow 0} \Delta S(T) = 0.$$

更“激进”的版本: $\lim_{T \rightarrow 0} S(x, T) = 0$, 对于 $\forall x$.



一些后果:

$$(1) S(x, T) - S(x, 0) = \int_0^T \frac{dQ}{T'} = \int_0^T \frac{C_x(T')}{T'} dT'.$$

左边: 有限

右边: 可能发散

$$\Rightarrow \lim_{T \rightarrow 0} C_x(T) = 0. \text{ 为了保证收敛.}$$

更进一步: $C_x(T) \sim T^n$, $n \geq 1$, 当 $T \rightarrow 0$ 时.

这代表了某种量子性质.

例: 固体热容, Dulong-Petit 定律. $C_V = 3Nk_B$, 在 $T \rightarrow 0$ 时失效.

(2) S 的导数 $\rightarrow 0$ 带来的性质.

膨胀系数:

$$\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T \rightarrow 0, \text{ 当 } T \rightarrow 0 \text{ 时.}$$

$$[dG = -SdT + VdP \Rightarrow \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = - \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T]$$

热容之差:

$$C_P - C_V = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \rightarrow 0, \text{ 当 } T \rightarrow 0 \text{ 时.}$$

故有

$$\lim_{T \rightarrow 0} C_P = \lim_{T \rightarrow 0} C_V.$$

一般而言, 有 $S(T=0) = k_B \ln g$
 \hookrightarrow 基态简并度

这个 0 是热力学极限意义下的 0.

$$g \sim O(1) \quad \checkmark$$

$$g \sim \text{poly}(N) \quad \checkmark \text{ (热力学极限, } \frac{S}{N} \rightarrow 0, \text{ 只要让 } S \text{ 随 } N \text{ 是“广延的”即可)}$$

(这已经足够奇异的了)

$$g \sim e^N \quad \times \text{ 不可容忍!}$$

在量子态中十分罕见!

热力学完

II 子理论

统计物理是研究宏观平衡态的一种概率方法。

宏观状态 \leftarrow 微观状态 μ
(E, V, N)
与内能 研究: 态的出设概率 $\pi(\mu)$.

子集: 对于相同宏观状态的子集, 全部可能微观状态的集合.
—组等权, 例如 (E, V, N)

宏观变量的不同选取, 对应不同的统计子集.

例:

(E, V, N) 孤立体系 \Rightarrow 微正则子集 Micro-

(T, V, N) 允许能量交换 \Rightarrow 正则子集 Canonical

(T, V, μ) 允许能量、粒子数交换 \Rightarrow 巨正则子集 Grand-

所有的统计子集在 热力学极限下 是等价的!!

· 微观状态的描述

(1) N 个粒子的经典子集.

$\{(\vec{p}_i, \vec{q}_i)\}$, $i=1, 2, \dots, N$: 张成 $6N$ 维的相空间.

相空间中的代表点 代表 体系的微观状态.

(2) 量子子集: $|\psi\rangle$, N 个粒子的波函数.

(3) 离散变量描述的经典子集

例 伊辛 (单轴) 磁体

用 $\sigma = \pm 1$ 标记, (磁矩方向)

微观状态: $\{\sigma_i\}_{i=1}^N$, 2^N 种可能性.

接下来考虑经典问题 — 但量子力学的影响仍会存在!