CPS - Notes de cours

Jordi Bertran de Balanda

Cours 1

Plan

- 1. Rappels (design patterns etc)
- 2. Spécification (métier)
 - Langage de spécification: types de données algébriques (ADT), langage semi-formel (ensembles, relations, logique)
- 3. Conception par contrat
- 4. Contrat et héritage
- 5. Tests basés sur les modèles (MBT)
 - Préparer les tests à partir de la spécification pour des critères de couverture
- 6. Logique de Hoare 1
- 7. Logique de Hoare 2
- 8. Modélisation de la concurrence 1
- 9. Modélisation de la concurrence 1
- 10. Ouverture

Notion de composants logiciels

C. Szyperski

Une unité de composition avec des interfaces spécifiées contractuellement [..] Un composant doit pouvoir être déployé.

B. Meyer

Un composant logiciel [..] (unité de modularité) qui satisfait:

- 1. [..] utilisé par des clients
- 2. [..] possède un mode d'emploi suffisant
- 3. [..] le client n'est pas unique

Design pattern require/provide

Motivation

Un composant explicite ses dépendances: 1. Ce dont il a besoin pour fonctionner 2. Ce qu'il fournit à ses clients cf. Feuille

Exemple de composition

Diagramme de composant

cf. Feuille

Diagramme de composition

cf. Feuille

Cours 2

Langage de spécification

Objectif: Décrire les fonctionnalités d'un logiciel d'un point de vue métier.

Dans CPS: un langage "semi-formel" basé sur les types algébriques (~ méthode Event-B)

Avantages

- * Précis
- * Adapté à la méthodologie

Inconvénients

* Expressivité (premier ordre)

Fondements

- * Logique typée du premier ordre
- * Ensembles (typés)
- * Fonctions, relations...

Format des spécifications:

- Service:
- Observators: fonctions d'observation de l'état
 - Signatures (types)
 - Préconditions (contraintes sur le domaine)
- Constructors: fonctions de construction de l'état initial
- Operators: fonctions de transition
- Observations:
 - Invariants: propriétés valides dans **tous** les états.
 - Invariants de minimisation: pour éviter les redondances.
 - Post-conditions: propriétés des constructeurs/opérateurs \sim sémantique du service.

Spécification d'un service de cuves

Écriture d'un service

- Service: Nom du service
- Observators: fonctions d'observation de l'état
 - Signatures (types)
 - Préconditions (contraintes sur le domaine)
- Constructors: fonctions de construction de l'état initial
- Operators: fonctions de transition
- Observations:
 - Invariants: propriétés valides dans **tous** les états.
 - Invariants de minimisation: pour éviter les redondances.
 - Post-conditions: propriétés des constructeurs/opérateurs ~ sémantique du service.

Exemple d'écriture

```
• Service: Cuve
```

• Observators:

```
- quantity: [Cuve] → double
- empty : [Cuve] → boolean
```

• Constructors:

$$-$$
 init : \rightarrow [Cuve]

• Operators:

```
\begin{split} - & \text{ fill : [Cuve]} \times \text{double} \rightarrow [Cuve] \\ & * \text{ pre : fill(C, q) require } q \geq 0 \\ - & \text{ pump : [Cuve]} \times \text{double} \rightarrow [Cuve] \\ & * \text{ pre : pump(C, q) require } q \geq 0 \end{split}
```

• Observations:

```
 \begin{array}{l} - \ [invariants] \\ * \ empty(C) = quantity(C) = 0 \\ * \ getQuantity(C) \geq 0 \\ - \ [init] \\ * \ getQuantity(Init()) = 0 \\ - \ [fill] \\ * \ \dots \end{array}
```

Catégories

Observateurs

- But: observer l'état/retourner une valeur concrète (déjà bien spécifiée) depuis l'état courant
- Signature:

```
- nomObs: [Service] \times T_1 \times ... \times T_n \to T
* pre: nomObs(S, x_1, ..., x_n) require prop(S, x_1, ..., x_n)
```

Constructeurs

- But:
- Signature:

_

- But: décrire un état initial
- Signature: init: $T_1 \times ... \times T_n \rightarrow [Service]$
 - pre: init $(x_1, ..., x_n)$ require prop $(S, x_1, ..., x_n)$

Opérateurs

- But: décrire une transition
- Signature: op: [Service] $\times T_1 \times ... \times T_n \rightarrow$ [Service]
 - pre: op(S, x_1 , ..., x_n) require prop(S, x_1 , ..., x_n)

Observations

- [invariants]
 - Invariants de minimisation: essayer d'exprimer chaque observateur en fonction des autres observateurs
 - Invariants "utiles": propriétés du service
- Observations des constructeurs et opérateurs
 - Une section [op] pour chacun si applicable
 - Donner les valeurs des observateurs non minimisés applicables

Notions

- Cohérence: les observations respectent les invariants
- Complétude: dans chaque état, les observateurs ont une valeur précise

Exemple complet: Tuyau

- Service: Tuyau
- Observators:
 - quantity: $[Tuyau] \rightarrow double$
 - **const** capacity: [Tuyau] \rightarrow double
 - cuveIn: [Tuyau] \rightarrow Cuve
 - cuveOut: [Tuyau] \rightarrow Cuve
 - openIn: [Tuyau] \rightarrow boolean
 - openOut: [Tuyau] \rightarrow boolean
- Constructors:
 - init: Cuve \times Cuve \rightarrow [Tuyau]
- Operators:
 - switchIn: [Tuyau] \rightarrow [Tuyau]
 - * pre: switchIn(T) require ¬openOut(T)
 - switchOut: [Tuyau] \rightarrow [Tuyau]
 - * pre: switchOut(T) require $\neg openIn(T)$

```
flush: [Tuyau] → [Tuyau]
* pre: flush(T) require ¬openIn(T) ∧ ¬openOut(T)
Observations: (pas de minimisation dans l'exemple)
- [invariants]
* 0 ≤ quantity(T) ≤ capacity(T)
* ¬ openIn(T) ∧ openOut(T)
- [switchIn]
* quantity(switchIn(T)) = quantity(T) + deversable(T)
* cuveIn(switchIn(T)) = Cuve::pump(CuveIn(T), deversable(T))
* cuveOut(switchIn(T)) = cuveOut(T)
```

Cours 3

Activabilité et convergence

```
Service: Cuve
Obs: [..]
Cons: [..]
Ops:

op1: [Cuve] ×T<sub>1</sub> × .. × T<sub>n</sub>
pre op1
op2: [Cuve] ×T<sub>1</sub> × .. × T<sub>n</sub>
pre op2
```

Propriétés des opérateurs

Activabilité Dans tous les états, au moins un des opérateurs est applicable (au moins une des préconditions est vraie)

```
pre op1 = true v pre op2 = true v .. v pre opn = true
```

Convergence d'un opérateur On ne peut pas appliquer indéfiniment l'opérateur (sans appliquer d'autres opérateurs).

Exemple pump : [Cuve] x double \rightarrow [Cuve]

- **pre:** pump(C, q) require $0 < q \le quantity(C)$
 - converge pump(C) variant

```
variant(C) (def)= |quantity(C)|
```

Variant: expression sur un ordre bien fondé (ici, Float+) strictement décroissante par application de l'opération.

Dans l'exemple: Variant(pump(pump(C,q))) < Variant(pump(C))

Conception par contrat

Livre: Bertrand Meyer, Conception et programmation objet

Métaphore du service commercial

IRL

- Service: fourni par un fournisseur à des clients
- Contrat:
 - Les conditions devant être respectées par le client ⇒ PRÉREQUIS (précondition)
 - 2. La description du service fourni \Rightarrow **GARANTIES** (postconditions)

Un contrat peut être:

- Honoré \Rightarrow le client exploite les GARANTIES
- Rompu par le client (PR'EREQUIS ne sont pas assurés) \Rightarrow le fournisseur n'a pas d'obligation
- Rompu par le fournisseur (GARANTIES ne sont pas assurées) \Rightarrow le client peut demander des compensations

En informatique

- Contrat du service: interface avce des annotations
- Fournisseur: classe(s) d'implémentation de l'interface
- Client: code dépendant de l'interface
- PRÉREQUIS: tests de préconditons et invariants (pour chaque méthode du service)

- GARANTIES: tests de postconditions et invariants (pour chaque méthode du service)
- Rompu:
 - Par le client ⇒ test de précondition invalide (au choix du fournisseur: déclenche une exception, un comportement indéfini...)
 - Par le fournisseur \Rightarrow test de postcondition/invariant invalides (bug)

Comment établir un contrat? \Rightarrow à partir des spécifications

Spécification

SPEC	CONTRAT
Service	Interface (du même nom)
Observateurs	Accesseurs + préconditions
Constructeurs	Méthodes d'initialisation
Opérateurs	$M\'{e}thodes + pr\'{e}conditions$
Observations	Invariants du contrat
	Postconditions des méthodes

Exemple

- Service: Switch
- Obervateurs:
 - on [Switch] \rightarrow bool
 - off [Switch] \rightarrow bool
 - $\ count \ [Switch] \rightarrow int$
- Constructeurs:
 - init: \rightarrow [Switch]
- Opérateurs:
 - press: [Switch] \rightarrow [Switch]
 - * **pre** press(S) require working(S)
- Observations:
 - [invariants]
 - * off(S) (min) = not(on(S))
 - * $count(S) \ge 0$

```
- [init]
    * in(init()) = false()
    * count(init()) = 0
- [press]
    * on(press(S)) = not(on(S))
    * count(press(S)) = count(S) + 1
```

Contrat:

}

```
public interface SwitchService {
```

```
/* Observateurs */
public boolean isOn();
public boolean isOff();
public int getCount();
public boolean isWorking();
/* Invariants */
// INV: isOff() == !isOn()
// INV: getCount() >= 0
/* Constructors */
// POST: isOn() == false
// POST: getCount() == 0
public void init();
/* Operators */
// PRE: isWorking() == true
// POST: isOn() == !isOn()@pre
public void press();
```

A partir du contrat de service (interface):

- Implémentation du service
- MBT (test fonctionnels)

Objectif: * implémenter le contrat indépendament des implémentations des services * possibilité d'activer ou non les vérifications * => Décorer les instances du service avec le contrat

Cf. feuille pour schéma decorator

```
public class SwitchContract extends SwitchDecorator {
   public SwitchContract(SwitchService s)
        super(s);
    public void checkInvariant() {
        // INV isOff() == !isOn()
        if (!(isOff() == !isOn()))
            throw new InvariantError("isOff()==!isOn()");
        // INV getCount() >= 0
    }
   public void init() {
        // 1. ??
        // 2. Traitement
        // 3. Invariant
        checkInvariant();
        // 4. Postconditions
        if (!(isOn() == false)) {
            throw new PostConditionError();
    }
   public void press() {
        // 1. Pré-invariant
        checkInvariant();
        // 2. Préconditions
        // 3. Captures
        boolean isOn_atPre = isOn();
        boolean getCount_atPre = getCount();
        // 4. Traitement
        super.press();
        // 5. Postconditions
        // POST: isOn() == !isOn()@Pre
        if (!(isOn() == !isOn_atPre))
            throw new PostConditionError();
        // POST: getCount() == getCount()@Pre + 1
        if (!(getCount() == getCount_atPre + 1))
            throw new PostConditionError();
        // 6. Post invariant
        checkInvariant();
   }
}
```

Cours 4 - Raffinement

Sous-typage: la possibilité de définir un type B comme sous-type d'un type A et permettant la *subsomption*. Si B est un sous-type de A (B <: A) alors une expression de type B peut être utilisée dans un contexte prévu pour une expression de type A *sans erreur de typage*.

Exemple

```
class A {
    public void m() { .. }
}

class B extends A {
    public void m() { .. }
    public void n() { .. }
}

Le type B est sous-type de A.

Contexte:

public static void f(A a) { a.m() }
A objA = new A();
f(objA);
// Subsomption
B objB = new B();
f(objB);
```

Questions: Quid de la sémantique? * Un objet de classe A peut-il être substitué à l'exécution par un objet de classe B sans poser de problèmes (polymorphisme) * Le contrat de A est-il respecté par celui de B? (\Rightarrow héritage de contrat) * Les tests prévus pour A peuvent-ils s'appliquer sur B?

Réponses: tout va bien si et seulement si le service B raffine le service A.

Étape 1: raffinement des ensembles

Dans les sensembles, le raffinement est la ?? du sous-ensemble.

L'ensemble B "raffine" A si B est inclus dans A.

- A raffine A (réflexivité)
- si B raffine A et C raffine B, alors C raffine A (transitivité)

• si B raffine A et $B \neq A$ alors A ne raffine pas B (antisymmétrie)

Remarque: B1 * B2 * .. * B
n raffine A1 * A2 * .. * An ssi B1 raffine A1 .. Bn raffine An

Étape 2: raffinement dans les fonctions totales

```
let f x =
    if x == 'a' then 1
    elif x == 'b' then 2
    elif x == 'c' then 1
    elif x == 'd' then 2
    else undefined
dom f = \{a, b, c, d\}
cod f = \{1, 2\}
let g1 x =
    match x with
        a -> 1
    | b -> 2
    | c -> 1
    | _ -> undefined
dom g1 = \{a, b, c\}
test(phi) : pour tout x appartient à \{a, b, c, d\}, phi x > 0
g1 raffine f si on peut utiliser g1 dans tout contexte utilisant f
   • test f est correct
   • test g1 est incorrect car g1 'd' n'est pas défini
```

g raffine f si dom f est inclus dans dom g

```
let g2 x =
    match x with
        a -> 1
        | b -> 2
        | c -> 1
        | d -> 2
        | e -> 3
        | _ -> undefined
dom g2 = {a, b, c, d, e}
```

 $\bullet\,$ Condition n°1 vérifiée - dom f est inclus dans dom g2

test2(phi) = pour tout x appartien à dom phi, phi x <= 2

• test2 f passe mais test2 g2 non, g2 renvoie 3.

Donc g2 ne raffine pas f.

Condition n°2: g raffine f implique cod g est inclus dans cod f

Etape 3: raffinement dans les spécifications

- opérateur f: A1 * A2 * .. * An \rightarrow U
- pre f(v1, v2 ... vn, U) require pref(v1, v2 ... vn) = true
- observations
- [invariants]
- [f]

postf(v1, v2 .. vn) appartient à {true, false} (⇒ interprétation logique)

- dom $f = \{(v1, v2 ... vn) \mid pref(v1, v2 ... vn) = true\}$
- cod f = {u appartien à U | pour tout v1, v2 .. vn, pref(v1, v2 .. vn) = true \Rightarrow postf(v1, v2 .. vn, u) = true}

g raffine f ssi 1. dom f est inclus dans dom g 2. cod g est inclus dans cod f

En termes logiques:

- 1. pre $f \Rightarrow pre g$
- 2. post $g \Rightarrow post f$
- Service: S
- Operators
- op $[S] \rightarrow [S]$
 - pre op(S) req P
- Observations:
- O
- Service: S'
- refine: S
- Operators

```
• op [S] \rightarrow [S]

- pre op(S) req P'
```

- Observations:
- O'

Conditions pour que le raffinement soit correct

```
1. P' \Rightarrow P
2. O \Rightarrow O'
```

Étape 4: héritage dans les contrats

```
interface S_Service {
    //inv: I
    //pre: Preop
    //post: Postop
    public void op();
}
// + tests de I, Preop et Postop

interface S'_Service {
    //inv: I
    //pre: Preop
    //post: Postop
    public void op();
}
```

Tests En théorie (conditions de Lishov):

- $I' \Rightarrow I$
- Preop \Rightarrow Preop'
- Postop' \Rightarrow Postop

Problème: Pas décidable.

En pratique: approche de Eiffel (B Meyer)

- On teste I puis I' (ou I' puis I)
- On teste Postop puir Postop' (ou l'inverse)
- On teste Preop mais warning en cas d'erreur, puis on teste Preop'.

Étape 5: composants require/provide

- Un composant C': raffine C:
- Conditions:
- F' raffine F
- R raffine R'

Cours 5

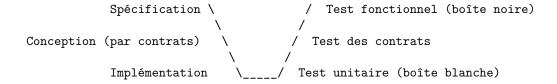
Model-based testing (MBT)

- Test basé sur les spécifications
- cf. le poly des spécifications de la cuve

Références

- Practical Model-Based Testing, Hutting et Legeard (2004)
- SWEBOK 3 IEEE (SoftWare Engineering Body Of Knowledge)

Le test logiciel consiste en la **vérification dynamique** du comportement attendu d'un programme sur un **nombre fini** de cas de test sélectionnés ("intelligement").



Terminologie

- SUT: System Under Test
- Défaillance (failure): comportement inattendu ou non-désiré du SUT
- Erreur (fault): cause de la défaillance
- Tester: essayer de produire des défaillances pour détecter des erreurs
- Débugger: correction d'une erreur à partir d'un rapport de défaillance

Test MBT

• Test fonctionnel élaboré à partir des spécifications

- Test boîte noire le testeur ne regarde pas le code
- Test hors-ligne (classique) par opposition à du test en ligne (cf. implémentation des contrats)

Le plus important (dans le test en général)

- Notion de **couverture de tests** ⇒ seul critère de **qualité logicielle** (en développement classique)
- En MBT: le critère de couverture provient des spécifications.

Méthode MBT pour CPS

- 1. Critère de couverture
 - Couverture des préconditions
 - Couverture des transitions (ou séquences de 2 transitions)
 - Couverture des états "intéressants"
 - Couverture liée aux données
 - Couverture des scénarios utilisateur (use case)
 - etc...
- 2. Plan de test: ensemble des **objectifs de test** répondant à un critère de couverture
 - **métrique:** %couverture (def)= objectifs atteints / (objectifs atteints + objectifs non atteints + objectifs inatteignables)
- 3. Objectifs de test description en français (ex. franchir la transition "pump") ⇒ couverture des transitions
 - déterminer au moins un cas de test
 - $\bullet\,$ tout objectif non couvert par un cas de test est non-atteint ou inatteignable
- 4. Cas de test exemple: transition "pump"
 - Cas de test: Cuve::pumpTrans
 - (objectif: transition "pump": couverture trainsitions)
 - Conditions initiales: C0 (def)= fill(init(10), 8)
 - Opérations: C1 (def)= pump(C0, 4)
 - Oracle:
 - * Postconditions:
 - 1. capacity(C1) = capacity(C0) (capacity est constant)
 - 2. quantity(C1) = quantity(C0) 4
 - * Invariants:
 - 3. empty(C1) = (quantity(C1) = 0)

```
4. 0 \le \text{quantity}(C1) \le \text{capacity}(C1)
```

- Rapport de tests:
 - Échec de 1. ⇒ "la capacité a été modifiée"
 - Échec de 2. \Rightarrow "la quantité est incorrecte"
 - etc...

Implémentation

Par exemple en Junit:

```
// Cas de test
public void testPumpTrans () {
    Cuve c = new Cuve();
                            // Conditions initiales
    c.init(10);
    c.fill(8);
    // Capture
   double qty_before = c.getQuantity();
    // Opération
    c.pump(4);
    // Oracle
    if (!(c.getQuantity() == qty_before - 4)) {
        // Rapport
       throw new PostConditionError("la quantité est incorrecte");
    }
}
```

Critères de couverture

- Couverture des transitions
 - Un objectif de test par transition (transition: constructeur init ou opérateur - fill, pump)
 - * Variante: un objectif par séquence de 2 transitions (constructeurs exclus): pump;pump, fill;fill, pump;fill, fill;pump
 - Opération unique
 - Oracle: test des postconditions et invariants (observations)
- Couverture des préconditions
 - Pour chaque précondition d'une spécification,
 - un objectif de test \rightarrow la précondition "passe"
 - * Oracle: test des postconditions et invariants (observations)
 - un objectif de test \rightarrow la précondition ne passe pas
 - * Oracle: attente d'une exception/d'un code d'erreur etc..

- Couverture des états "intéressants"
 - Un objectif par état "intéressant" (point de vue "métier")
 - * Oracle: description de l'état qu'on veut atteindre
 - Exemple: cuve pleine
 - * Oracle: quantity(C) = capacity(C)
 - * Opérations: suite d'opérations pour atteindre cet état
- Couverture des scénarios
 - Un objectif par scénario utilisateur (use case)
 - * Opérations: les transitions du scénario
 - * Oracle: en fonction du scénario
 - Exemple: transvasement de cuves
 - \ast Oracle: la bonne quantité de liquide a été transvasée. CPS

Cours 6 - Logique de Hoare

Définition

- Programme: if, while, ...
- Propriétés: (liées au comportement)
 - Préconditions
 - Postconditions
 - Invariants

Caractérisation logique des programmes (séquentiels/impératifs)

Spécification

Triplet de Hoare:

Logique "classique" + variables et expressions de programmes.

Interprétation

En supposant P vraie **avant** l'exécution du programme, alors Q est vraie **après** l'exécution pour que le triplet $\{P\}$ prog $\{Q\}$ soit considéré vrai.

Langage des programmes

- Programme: corps d'une méthode (syntaxe Java)
 - Pas d'invocations
 - Types booléens, entiers, tableaux
 - Expressions arithmétiques et "logiques"
- Instructions:
 - Affectation
 - Séquence
 - Alternative
 - Boucle while

Axiome d'affectation

$$\frac{1}{\{Q[\exp(V)]\}V = \exp(Q)} (aff)$$

Q[expr/V]: Q dans laquelle expr écrase les occurences de V.

Exemple

Trouver P la plus faible précondition telle que $\{P\}$ x = y + 1 $\{x = 3\}$ est vrai.

- 1. $\{x = 3\} x = y + 1 \{x = 3\}$
- 2. { y + 1 = 3 } x = y + 1 { x = 3 } 3. { y = 3 } x = y + 1 { x = 3 }

Donc P (def)= $\{ y = 2 \}$

Règle du séquencement

$$\frac{\{P\}C_1\{P_1\}C_2\{P_2\}..\{P_n\}C_n\{Q\}}{\{P\}C_1;C_2;..C_n\{Q\}}(\text{seq})$$

Exemple

Trouver P la plus faible précondition telle que $\{P\}$ z = x; z = z + y; u = z; $\{P\}$ u = x + y

- 1. $\{z = x + y\} u = z \{u = x + y\}$ (aff)
- 2. { $z + y = x + y \iff z = x$ } z = z + y { $P2 \iff z = x + y$ } (aff)
- 3. $\{x = x \iff true\}\ z = x \{P1 \iff z = x\}\ (aff)$
- 4. $\{ \text{ true } \} z = x; z = z + y; u = z; \{ u = x + y \} (\text{seq}[3][2][1])$

Arbre de preuve

$$\frac{\{true\}z=x\{P_1\}}{\{P_1\}z=z+y\{P_2\}} (aff) \frac{\{P_2\}u=z\{u=x+y\}}{\{P_2\}} (aff) \frac{\{P_2\}u=z\{u=x+y\}}{\{P_2\}} (seq)$$

Règle du Modus Ponens

Utilisé seulement pour les préconditions dans le cas de CPS.

$$\frac{P \Rightarrow P' \ \{P'\}C\{Q\}}{\{P\}C\{Q\}} \text{(mp-pre)}$$

Exemple

Montrer que {x = 3} y = x + 1 { y > 1 }

Preuve:

- 1. $\{x+1 > 1 \ (\Leftrightarrow x > 0)\}\ y = x + 1 \{y > 1\}\ (aff)$
- 2. $x = 3 \Rightarrow x > 0$ (CQFD)
- 3. { x = 3 } y = x + 1 { y > 1 } (mp-pre[2][1])

Règle de l'alternative

$$\frac{\{P_1\}C_1\{Q\}\ \{P_2\}C_2\{Q\}}{\{(B\Rightarrow P1)\land (\neg B\Rightarrow P2)\} \text{if (B)}C_1 \text{else } C_2\{Q\}} \text{(alt)}$$

Exemple

Trouver P la plus faible précondition telle que {P} if (x < y) x = y else x = 2 {x = 2}

- 1. $\{y = 2 \iff P1\}\ x = y \{x = 2\}$ (aff)
- 2. $\{2 = 2 \iff P2 \iff true\}$ x = 2 $\{x = 2\}$ (aff)
- 3. {[(x < y) \Rightarrow y = 2] \land [(x \geq y) \Rightarrow true] (<+> P)} if (x < y) x = y else x = 2 {x = 2}
- 4. $P \Leftrightarrow [(x < y) \Rightarrow y = 2] \land true \Leftrightarrow (x < y) \Rightarrow y = 2 \Leftrightarrow (x \ge y)v y = 2$

Exemples

Prouver $\{\text{true}\}\ a = x+1; \text{ if } (a-1==0)\ y = 1 \text{ else } y = a \ \{y = x+1\}$

- 1. $\{1 = x + 1 \Leftrightarrow x = 0\}$ y = 1 $\{y = x+1\}$ (aff)
- 2. $\{a = x + 1 (\Leftrightarrow x = a 1)\}\ y = a \{y = x + 1\}$ (aff)
- 3. $\{[(a-1=0) \Rightarrow x=0] \land [(a-1 \neq 0) \Rightarrow x=a-1]\}$ (P') if (-) else (alt[1][2])
- 4. $\{[(x+1-1=0) \Rightarrow x=0] \land [(x+1-1\neq 0) \Rightarrow x=x+1-1]\}$ a=x+1 $\{P'\}$ (aff) $\Leftrightarrow (x=0 \Rightarrow x=0) \land (x\neq 0 \Rightarrow x=x) \Leftrightarrow \text{true}$
- 5. $\{\text{true}\}$ -; if (-) else (seq[4][3])