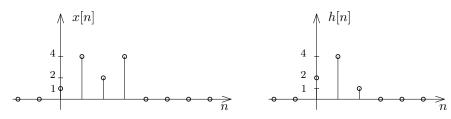
Università degli Studi di Brescia Segnali e Sistemi

Laboratorio di Matlab, A.A. 2022/2023

Esercitazione N.7, 24/05/2023

[Esercizio 1] CONVOLUZIONI A TEMPO DISCRETO

(i) Usando il comando **conv** si calcoli la convoluzione tra i due segnali in figura



[Esercizio 2] EQUAZIONE ALLE DIFFERENZE

Si consideri un sistema lineare tempo invariante, causale e stabile, descritto dall'equazione alle differenze:

$$y[n] = a y[n-1] + (1-a)x[n], \quad a = 0.9$$

- (i) Si determinino (analiticamente e numericamente) e si rappresentino graficamente la risposta all'impulso e la risposta in frequenza del sistema (si usi il comando **stem** per rappresentare le sequenze discrete);
- (ii) Si calcoli l'uscita del sistema a fronte degli ingressi:

$$x_i[n] = \sin(2\pi f_i n), \quad 0 \le n \le 100$$

dove $f_1 = 1/4$, $f_2 = 1/5$, $f_3 = 1/10$, $f_4 = 1/20$, sia per via teorica che numericamente.

[Esercizio 3] CONCATENAZIONE SERIE

Siano dati i sistemi S_1 e S_2 con risposte all'impulso rispettivamente:

$$h_1[n] = a^n \varepsilon[n], \qquad h_2[n] = b^n \varepsilon[n], \qquad 0 < a, b < 1$$

- (i) Si calcoli analiticamente la risposta all'impulso h[n] del sistema $S[\cdot] = S_2[S_1[\cdot]]$, concatenazione in serie dei sistemi S_1 e S_2 ;
- (ii) Si scriva l'equazione alle differenze del secondo ordine che rappresenta il sistema S;
- (iii) Si calcoli l'uscita del sistema a fronte di vari ingressi, sia mediante convoluzione con h[n] sia tramite l'equazione ottenuta al punto precedente.

[Esercizio 4] FILTRI PASSA-BASSO NUMERICI

Si considerino due filtri numerici passa-basso, un FIR e un IIR, dati dalle seguenti equazioni alle differenze:

$$y^{\text{FIR}}[n] = \sum_{r=0}^{9} b_r^{\text{FIR}} \cdot x[n-r]$$

 $b^{\text{FIR}} = [-0.0652 - 0.0378 \ 0.0599 \ 0.4093 \ 0.4824 \ 0.4093 \ 0.2354 \ 0.0599 - 0.0378 - 0.0652]$

$$\begin{split} y^{\mathrm{IIR}}[n] &= G \cdot \sum_{r=0}^{2} b_{r}^{\mathrm{IIR}} \cdot x[n-r] + \sum_{k=1}^{3} a_{k}^{\mathrm{IIR}} \cdot y[n-k] \\ G &= 0.270574 \\ b^{\mathrm{IIR}} &= \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \\ a^{\mathrm{IIR}} &= \begin{bmatrix} 1 & -0.377936 & 0.460234 \end{bmatrix} \end{split}$$

- (i) Si determinino numericamente e si rappresentino graficamente la risposta all'impulso e la risposta in frequenza dei filtri.
- (ii) Si implementi il filtraggio di un segnale arbitrario con i due filtri dati, implementando il filtro IIR sia in Forma Diretta I sia in Forma Diretta II