# Università degli Studi di Brescia Segnali e Sistemi Laboratorio di Matlab, A.A. 2022/2023

# Esercitazione N.8, 07/06/2023

## [Esercizio 1] DFT e IDFT

- (i) Si implementino due funzioni **DFT** e **IDFT** che calcolino rispettivamente la trasformata di Fourier discreta diretta e inversa e si confrontino i risultati ottenuti su alcuni segnali di prova con quanto restituito dalle funzioni **fft** e **ifft** di Matlab.
- (ii) Si calcolino analiticamente, e si verifichino numericamente, le DFT dei seguenti segnali (sulla loro durata):
  - $x_1[n] = 2^{-n} \operatorname{rect}_{16}[n];$
  - $x_2[n] = \cos(2\pi \frac{1}{8}n) \operatorname{rect}_N[n], N = 12.$
- (iii) Si ripeta la trasformata del segnale  $x_2[n]$  del punto precedente usando  $N=8,12,16,20,\ldots$ , cercando di interpretare il fenomeno (si consideri la DTFT di  $\cos(2\pi \frac{1}{8}n)$ ), la DTFT di  $\mathrm{rect}_N[n]$  e il campionamento con passo 1/N della loro convoluzione circolare).

#### [Esercizio 2] ZERO-PADDING e ZERO INTERLEAVING

- (i) Si calcoli sia analiticamente sia numericamente la DFT<sub>N</sub> del segnale  $x[n] = \text{rect}_8[n]$  per  $N = 8, 16, 32, 64, 128, \dots$  commentando i risultati (si consideri di nuovo la DTFT del segnale);
- (ii) Si calcoli numericamente e analiticamente la DFT<sub>128</sub> del segnale ottenuto interpolando di un fattore L il segnale x[n] del punto precedente, cioè

$$x_L[n] = \begin{cases} x[n/L] & \text{se } n \text{ multiplo di } L \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$

(iii) Dato un segnale x[n] periodico di periodo N, calcolare la DFT su N, su 2N, su 3N campioni ecc., spiegando la connessione con il punto precedente.

### [Esercizio 3] CONVOLUZIONE

- (i) Implementare una funzione **CircConvInd** che calcoli la convoluzione circolare su *N* campioni usando la DFT, e si confrontino i risultati ottenuti con l'uso della funzione **cconv** di Matlab.
- (ii) Implementare una funzione **ConvInd** che calcoli la convoluzione lineare tra due sequenze di lunghezza  $L_1$  e  $L_2$  usando la DFT, e si confrontino i risultati ottenuti con l'uso della funzione **conv** di Matlab.