

# 近代物理实验报告 2.5：氢原子光谱

林杨 211840092 物理学院

2024 年 11 月 21 日

## 1 引言

光谱线系的规律与原子结构有内在的联系，因此，原子光谱是研究原子结构的一种重要方法。1885 年巴尔末总结了人们对氢光谱测量的结果，发现了氢光谱的规律，提出了著名的巴尔末公式，氢光谱规律的发现为玻尔理论的建立提供了坚实的实验基础，对原子物理学和量子力学的发展起过重要作用。1932 年尤里 (H. C. Urey) 根据里德伯常数随原子核质量不同而变化的规律，对重氢赖曼线系进行摄谱分析，发现氢的同位素——氘的存在。通过巴尔末公式求得的里德伯常数是物理学中少数几个最精确的常数之一，成为检验原子理论可靠性的标准和测量其他基本物理常数的依据。

## 2 实验目的

1. 熟悉光栅光谱仪的性能与用法。
2. 用光栅光谱仪测量氢原子光谱巴耳末线系的波长，求里德伯常数。

## 3 实验仪器

在光栅光谱仪中常使用反射式闪耀光栅。锯齿形是光栅刻痕形状。现考虑相邻刻槽的相应点上反射的光线。PQ 和 P'Q' 是以  $I$  角入射的光线。QR 和 Q'R' 是以  $I'$  角衍射的两条光线。PQR 和 P'Q'R' 两条光线之间的光程差是  $b(\sin I + \sin I')$ ，其中  $b$  是相邻刻槽间的距离，称为光栅常数。当光程差满足光栅方程

$$b(\sin I + \sin I') = k\lambda, k=0, \pm 1, \pm 2, \dots \quad (1)$$

时，光强有一极大值，或者说将出现一亮的光谱线。对同一  $k$ ，根据  $I$ 、 $I'$  可以确定衍射光的波长  $\lambda$ ，这就是光栅测量光谱的原理。闪耀光栅将同一波长的衍射光集中到某一特定的级  $k$  上。为了对光谱扫描，将光栅安装在转盘上，转盘由电机驱动，转动转盘，可以改变入射角  $I$ ，改变波长范围，实现较大波长范围的扫描，软件中的初始化工作，就是改变  $I$  的大小，改变测试波长范围。

## 4 实验原理

氢原子光谱是最简单、最典型的原子光谱。用电激发氢放电管 (氢灯) 中的稀薄氢气 (压力在 102Pa 左右)，可得到线状氢原子光谱。瑞士物理学家巴尔末根据实验结果给出氢原子光谱在可见光区域的经验公式

$$\lambda_H = \lambda_0 \frac{n^2}{n^2 - 4} \quad (2)$$

式中  $\lambda_H$  为氢原子谱线在真空中的波长。 $\lambda_0 = 364.57\text{nm}$  是一经验常数。 $n$  取 3, 4, 5 等整数。若用波数表示, 则上式变为

$$\tilde{\nu}_H = \frac{1}{\lambda_H} = R_H \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3)$$

式中  $R_H$  称为氢的里德伯常数。根据玻尔理论, 对氢和类氢原子的里德伯常数的计算, 得

$$R_Z = \frac{2\pi^2 m e^4 Z^2}{(4\pi\epsilon_0)^2 c h^3 (1 + \frac{m}{M})} \quad (4)$$

式中  $M$  为原子核质量,  $m$  为电子质量,  $e$  为电子电荷,  $c$  为光速,  $h$  为普朗克常数,  $\epsilon_0$  为真空介电常数,  $z$  为原子序数。当  $M \rightarrow \infty$  时, 由上式可得出相当于原子核不动时的里德伯常数 (普适的里德伯常数):

$$R_\infty = \frac{2\pi^2 m e^4 z^2}{(4\pi\epsilon_0)^2 c h^3} \quad (5)$$

所以

$$R_z = \frac{R_\infty}{(1 + \frac{m}{M})} \quad (6)$$

对于氢, 有

$$R_H = \frac{R_\infty}{(1 + \frac{m}{M_H})} \quad (7)$$

这里  $M_H$  是氢原子核的质量。由此可知, 通过实验测得氢的巴尔末线系的前几条谱线的波长, 借助 (7) 式可求得氢的里德伯常数. 里德伯常数  $R_\infty$  是重要的基本物理常数之一, 对它的精密测量在科学上有重要意义, 目前它的推荐值为  $R_\infty = 10973731.568549(83) \text{ m}^{-1}$ 。表 (1) 为氢的巴尔末线系的波

表 1: 氢的巴耳末线系波长

谱线符号	波长 (nm)
$H_\alpha$	656.280
$H_\beta$	486.133
$H_\gamma$	434.047
$H_\delta$	410.174
$H_\epsilon$	397.007
$H_\zeta$	388.906
$H_\eta$	383.540
$H_\theta$	379.791
$H_\iota$	377.063
$H_\kappa$	375.015

长。值得注意的是, 计算  $R_H$  和  $R_\infty$  时, 应该用氢谱线在真空中的波长, 而实验是在空气中进行的, 所以应将空气中的波长转换成真空中的波长。即  $\lambda_{\text{真空}} = \lambda_{\text{空气}} + \Delta\lambda_1$ , 氢巴尔末线系前 6 条谱线的修正值如表 (2) 所示。

表 2: 波长修正值

氢谱线	$H_\alpha$	$H_\beta$	$H_\gamma$	$H_\delta$	$H_\epsilon$	$H_\zeta$
$\Delta\lambda_1(\text{nm})$	0.181	0.136	0.121	0.116	0.112	0.110

## 5 实验内容

1. 打开仪器，将氢原子荧光灯贴近接收器的狭缝，打开相应的测量软件，准备测量。
2. 将测量软件的测量分度值调至 1nm，测量并记录峰值数据。
3. 将测量软件的测量分度值调至 0.5nm，测量并记录峰值数据。
4. 将测量软件的测量分度值调至 0.1nm，测量并记录峰值数据。

## 6 实验数据

里德伯常量的理论值约为： $10973731.57\text{m}^{-1}$ 。

### 1. 实验数据

三个分度值的测量数据及修正后的真空中的波长数据如下所示：

(a) 1nm

表 3: 1nm 分度值谱线数据

$\lambda(\text{nm})$	y value	真空中的波长 $\lambda(\text{nm})$
658	20017	658.116
488	4484	488.121
436	1012	436.136
412	272	412.181

(b) 0.5nm

表 4: 0.5nm 分度值谱线数据

$\lambda(\text{nm})$	y value	真空中的波长 $\lambda(\text{nm})$
658.0	19640	658.116
488.0	4360	488.121
436.0	994	436.136
412.0	267	412.181

(c) 0.1nm

表 5: 0.1nm 分度值谱线数据

$\lambda(\text{nm})$	y value	真空中的波长 $\lambda(\text{nm})$
658.0	185	658.116
487.9	4179	488.021
435.8	953	435.936
412.2	260	412.381

## 2. 计算里德伯常量

要计算里德伯常量，我们可以画出  $(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2})$  和  $\frac{1}{\lambda}$  关系图，并进行拟合，拟合曲线的斜率即为氢的里德伯常量  $R_H$ ，再结合  $R_\infty = R_H(1 + \frac{m_e}{m_H}) \approx R_\infty(1 + \frac{1}{1836.152})$  算出里德伯常量，分别标注在图 (1)、(2)、(3) 中。

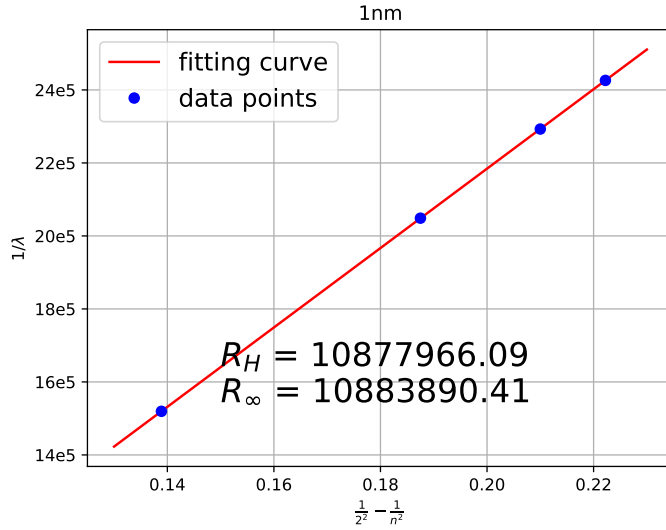


图 1: 1nm 拟合曲线

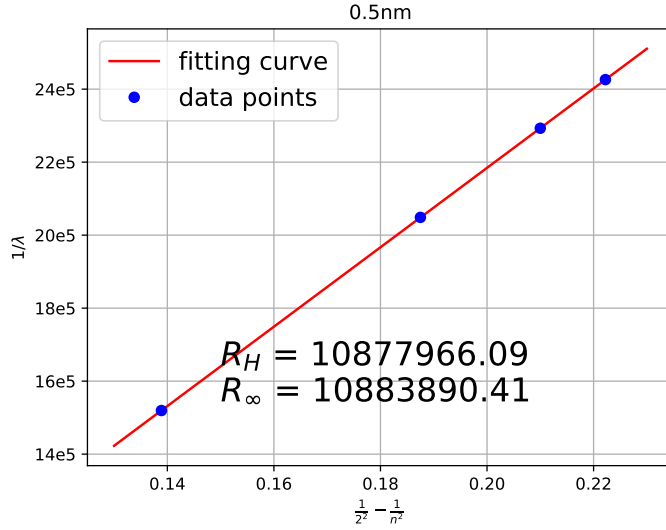


图 2: 0.5nm 拟合曲线

其误差分别为：

$$Error(1nm) = \frac{10883890.41 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.819\% \quad (8)$$

$$Error(0.5nm) = \frac{10883890.41 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.819\% \quad (9)$$

$$Error(0.1nm) = \frac{10879494.35 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.859\% \quad (10)$$

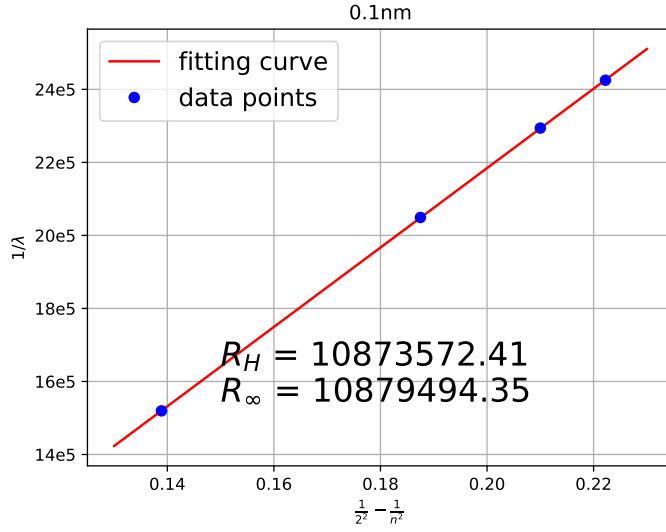


图 3: 0.1nm 拟合曲线

可见拟合的误差是比较大的，我们再用测量数据直接进行计算，可得：

(a) 1nm

$$R_{\infty\alpha} = 10940320.55\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\beta} = 10926252.57\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\gamma} = 10918394.17\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\delta} = 10917533.80\text{m}^{-1},$$

$$< R_{\infty} > = 10925625.27\text{m}^{-1}$$

$$\text{Error}(1\text{nm}) = \frac{10925625.27 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.44\%$$

(b) 0.5nm

$$R_{\infty\alpha} = 10940320.55\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\beta} = 10926252.57\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\gamma} = 10918394.17\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\delta} = 10917533.80\text{m}^{-1},$$

$$< R_{\infty} > = 10925625.27\text{m}^{-1}$$

$$\text{Error}(0.5\text{nm}) = \frac{10925625.27 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.44\%$$

(c) 0.1nm

$$R_{\infty\alpha} = 10940320.55\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\beta} = 10928491.46\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\gamma} = 10923403.35\text{m}^{-1}$$

$$R_{\infty\delta} = 10912238.92\text{m}^{-1},$$

$$< R_{\infty} > = 10926113.57\text{m}^{-1}$$

$$\text{Error}(0.1\text{nm}) = \frac{10926113.57 - 10973731.57}{10973731.57} \times 100\% \approx -0.43\%$$

## 7 误差分析

## 8 思考题

8.1 氢光谱巴尔末线系的极限波长是多少？

8.2 谱线计算值具有唯一的波长，但实测谱线有一定宽度，其主要原因是什么？