

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №4
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта

Студент гр. 8304

Птухов Д.А.

Преподаватель

Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург

2020

Вариант 1.

Цель работы.

Построение и анализ алгоритма Кнута-Морриса-Пратта на основе решения задачи о нахождении циклического сдвига строки.

Основные теоретические положения.

Заданы две строки A ($|A| \leq 5000000$) и B ($|B| \leq 5000000$). Определить, является ли A циклическим сдвигом B (это значит, что A и B имеют одинаковую длину и A состоит из суффикса B , склеенного с префиксом B). Например, `defabc` является циклическим сдвигом `abcdef`.

Описание алгоритма.

Для определения величины сдвига было использовано только последнее значение префикс функции для уже расширенной строки. Далее при помощи проверки в цикле было определено являются ли оставшиеся суффикс первой строки и префикс второй идентичными. Если да, то итоговое значение равно последнему значению префикс функции, иначе первая строка не может быть получена из второй при помощи сдвига. Оценка сложности – пусть размер первой строки – n , размер второй – m , тогда префиксная функция работает за $O(n)$ + считывание второй строки $O(m)$ + проверка идентичности – $O(n)$. Ответ – $O(2n + m)$.

Описание функций.

Для реализации вышеописанного алгоритма была реализована функция `shift`, принимающая входной и выходной поток. Данная функция осуществляет посимвольное считывание 2-ой строки (для экономии памяти) и параллельное вычисление значения префикс функции для конкатенации двух входных строк. Далее осуществляется проверка на то – являются ли строки идентичными, если да то возвращается 0 иначе осуществляется вышеописанная проверка префикса и суффикса первой и второй строки соответственно.

Вывод промежуточной информации.

Во время основной части работы алгоритма происходит вывод промежуточной информации, а именно, значения префикс функции и проверка идентичности префикса и суффикса первой и второй строки соответственно.

Тестирование.

Таблица 1 – Результаты тестирования

Ввод	Вывод
defabc abcdef	3
defabz abcdef	-1
Baa aaB	2
GggHgg gggggg	-1

Вывод.

В ходе работы был построен и анализирован алгоритм Кнута-Морриса-Пратта на основе решения задачи о нахождении циклического сдвига строки.

ПРИЛОЖЕНИЕ А.

ИСХОДНЫЙ КОД

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>

void prefixx(std::string& s, std::vector<size_t>& pi)
{
    pi[0] = 0;

    for (size_t i = 1; i < s.size(); ++i)
    {
        size_t j = pi[i - 1];
        while (j > 0 && s[i] != s[j])
            j = pi[j - 1];

        if (s[j] == s[i])
            ++j;
        pi[i] = j;
    }
}

int shift()
{
    std::string s;
    std::cin >> s;
    size_t start_size = s.size();

    std::vector<size_t> pi(s.size());
    prefixx(s, pi);

    char c;
    size_t j = 0;
    size_t text_ind = 0;
    bool is_same = true;

    while (std::cin >> c)
    {
        if (s[text_ind] != c)
            is_same = false;

        while (j > 0 && s[j] != c)
            j = pi[j - 1];

        if (s[j] == c)
            ++j;

        pi[start_size + j] = j;
        ++text_ind;
    }

    if (is_same)
        return 0;
    if (text_ind != start_size - 1)
        return -1;

    size_t ind = pi[pi.size() - 1];
    for (int i = ind; i < start_size; ++i)
    {
        if (s[i] != s[i + start_size - ind])
```

```
        return -1;
    }

    return start_size - ind;
}

int main()
{
    std::cout << shift();
    return 0;
}
```