# 인공지능과 신약개발을 위한 파이썬

6주차 머신 러닝의 이해

홍 성 은

sungkenh@gmail.com

# 목차

- 분류
- 하이퍼파라미터 최적화
- 차원축소
- 클러스터링

#### • 분류 문제

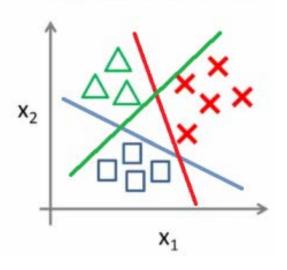
- 새로운 데이터가 어떤 카테고리 집합에 속하는지 판단하는 것
- 주어진 입력이 어떤 클래스(혹은 라벨)에 속하는지 예측하는 것



#### Binary classification:

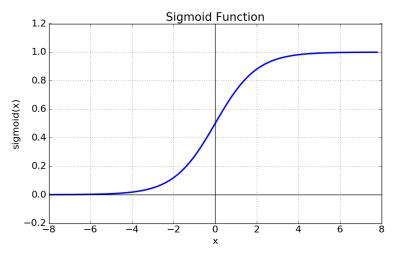
# $x_2$ $x_2$ $x_1$

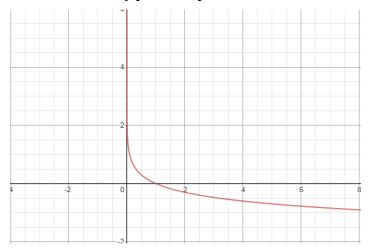
#### Multi-class classification:



- 분류에 사용되는 손실함수
  - BCE(Binary Cross Entropy): 이진 분류기를 훈련 시 사용하는 함수로 손실함수는 예측 값과 실제 값이 같으면 0이 되는 특성을 갖고 있어야 합니다. 예측 값과 실제 값이 모두 1로 같을 때 손실함수 값이 0이 되어야함

$$L = -\frac{1}{N} \sum\nolimits_{i=1}^{N} t_i log(y_i) + (1 - t_i) log(1 - y_i) \qquad \begin{array}{l} \text{if } y_i = 1, t_i = 1, L = 0 \\ \text{if } y_i = 0, t_i = 1, L = \infty \end{array}$$

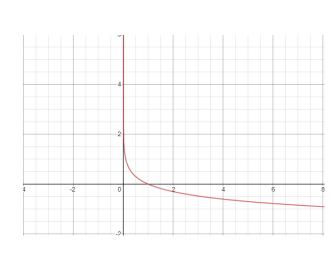




- 분류에 사용되는 손실함수
  - Categorical Cross Entropy: 분류해야 할 클래스가 3개 이상인 경우, 즉 멀티클래스 분류에 사용(C는 클래스 갯수)
  - 라벨이 [0,0,1,0,0], [1,0,0,0,0], [0,0,0,1,0]과 같이 one-hot 형태로 제공될 때 사용

$$L = -\frac{1}{N} \sum_{j=1}^{N} \sum_{i=1}^{C} t_{i} \log(y_{ij})$$

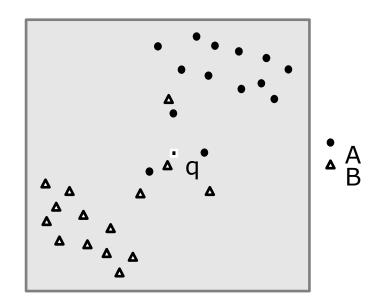
- 실제값과 예측값이 모두 [10000] L= 0
- 실제값은 [1 0 0 0 0], 예측값은 [0 1 0 0 0]인 경우 L=∞

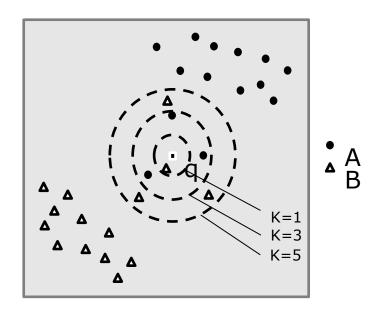


$$p_{j} = \frac{e^{x_{j}}}{\sum_{k=1}^{K} e^{x_{k}}}$$

$$= \frac{e^{x_{j}}}{e^{x_{1}} + e^{x_{2}} + \dots + e^{x_{K}}} \quad for \ j = 1, \dots, K$$
...(군식1: softmax 호수)

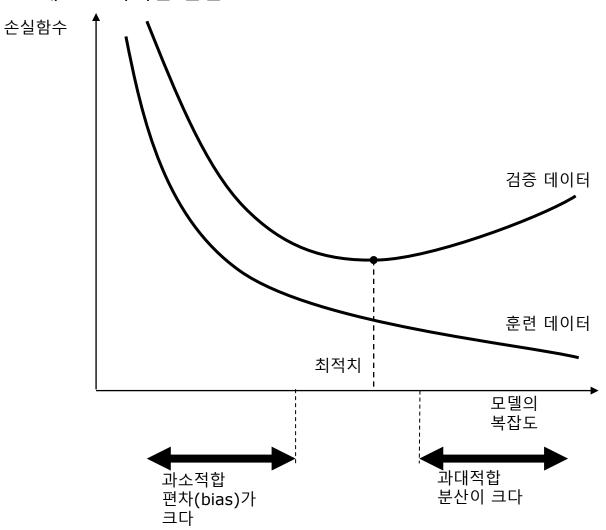
- K-NN(K-nearest neighbor)
  - 주어진 샘플의 특성 값을 보고 가장 가까운 특성을 가지는 이웃(neighbor)을 k개 선택하고 이들 레이블의 평균치로 이 샘플이 속할 분류를 예측하는 방식
  - kNN은 직관적으로 이해하기 쉬운 분류 알고리즘으로서 추천 시스템에서 많이 사용됨
    - 적절한 추천을 하기 위해서 추천을 요청한 사람의 성향을 특성들로 파악하고 그 사람과 가장 성향이 유사한 k명의 사람들이 좋아하는 품목을 추천하는 방식을 사용
  - kNN알고리즘을 협업 필터링(collaborative filtering)이라고도 부름



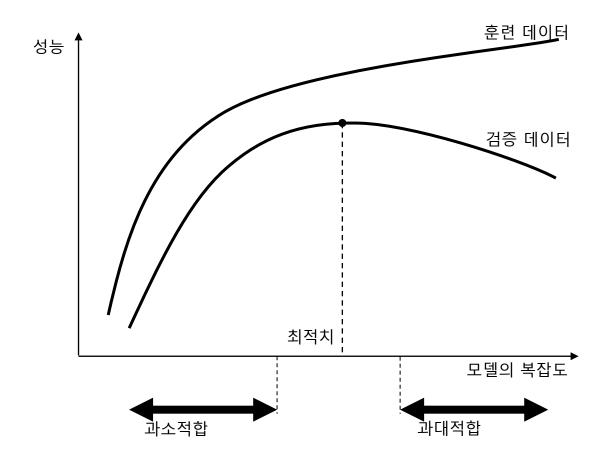


- K값의 변화
  - k 값을 너무 작게 잡으면 주변 데이터에 너무 예민하게 반응하고 k 값을 너무 크게 잡으면 주변에 너무 많은 데이터의 평균치를 사용하므로 분류가 무뎌짐
  - 극단적으로 k=N (전체 샘플 수)로 잡으면 항상 전체 데이터의 평균치 값을 예측하게 됨
    - 영화 추천에서 k=N으로 한다면 이는 평균적으로 가장 많은 사람들이 본 영화 즉, 종합 베스트셀러를 추천하는 것과 같음
  - k값을 작게 잡으면 노이즈에 민감하나 정확도는 올라가고 k를 크게 잡을수록 노이즈에 강하나 정밀한 예측이 어려움
  - kNN의 단점은 훈련시간이 거의 없는 것에 비해 분류를 처리하는 시간, 즉 알고리즘을 수행하는 시간이 길다는 것임

• 손실함수 그래프로 과적합 판단



• 성능 그래프로 과적합 판단

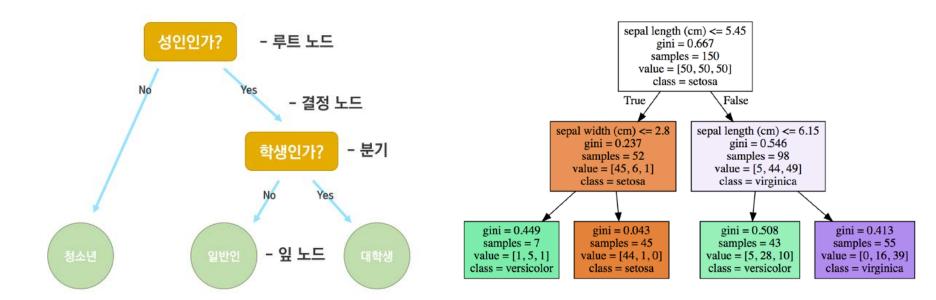


- 결정 트리
  - 분류 기법 적용에서 가장 많이 사용하는 방법
  - 분류 작업을 수행하기 위해 한번에 한 특성 변수를 해석
  - 결정 트리 모델을 사용하면 동작을 설명하기 수월함
    - 대출 거부 사유
    - 신용도가 낮은 이유
    - 불합격 사유 등
- 결정 트리 특징
  - 선형회귀 모델은 특성들을 대상으로 곱셈과 덧셈과 같은 연산을 하고 그 값을 기준으로 회귀나 분류를 예측했음
  - 결정 트리(decision tree)는 이와 달리 각 특성을 독립적으로 하나씩 검토하여 분류 작업을 수행함
    - 마치 스무고개 하여 예측을 하듯이 동작 한 번에 한 특성을 따져보는 방법임
  - 결정 트리는 주로 분류와 회귀에 모두 사용된다.
    - 분류용 모델은 DecisionTreeClassifier가 있고 회귀분석 모델로는 DecisionTreeRegressor가 제공됨

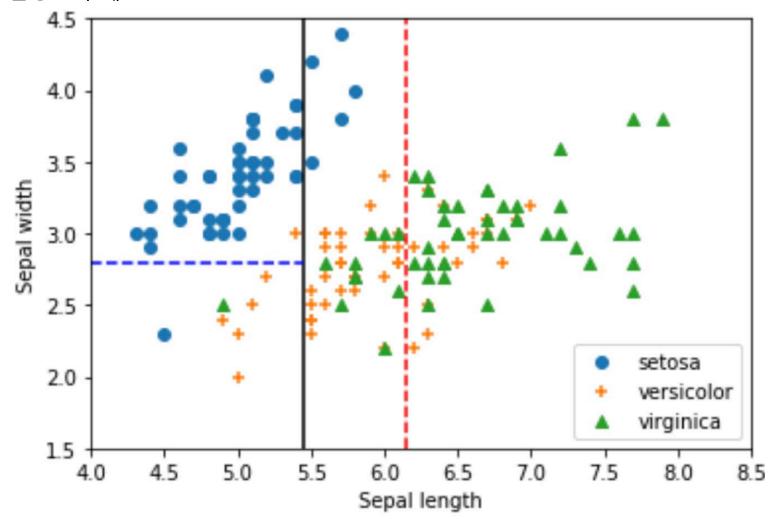
#### 동작 원리

- 결정 트리에서 핵심이 되는 부분은 가장 효과적인 분류를 위해서 먼저 어떤 변수를 가지고 판별을 할지 결정하는 것
- 이 판별은 트리를 내려가면서 계속되어야 하는데 매 단계마다 어떤 변수를 기준으로 분류를 하는 것이 가장 효과적인지를 찾아야 함
- 여기서 그룹을 효과적으로 "잘 나누는 것"의 기준은 그룹을 나눈 후에 생성되는 하위 그룹들에 가능하면 같은 종류의 아이템들이 모이는지를 기준으로 삼음
- 한 그룹에 같은 종류의 아이템이 많이 모일수록 순수(pure)하다고 하는데, 만일 나누어진 하위 그룹이 100% 같은 항목들로만 구성되면, 순도(purity)가 100%라고 함

#### • 결정트리 예



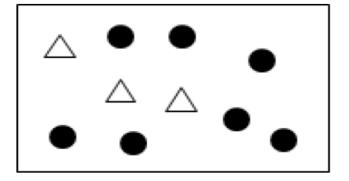
• 결정트리 예

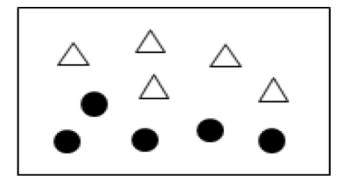


- 판별 기준
  - 결정 트리는 나누어지는 그룹의 순도가 가장 높아지도록 그룹을 나누어야 함
  - 그룹의 순도를 표현하는 데 지니(Gini) 계수 또는 엔트로피(entrophy)가 주로 사용됨
  - Gini 계수는 다음과 같이 정의함

$$Gini = 1 - \sum_{k=1}^{m} p_k^2$$

판별 기준





좌측 박스: 지니(7:3) = 
$$1 - \left[ \left( \frac{7}{10} \right)^2 + \left( \frac{3}{10} \right)^2 \right] = 1 - (0.49 + 0.09) = 0.42$$

우측 박스: 지니(5:5) = 
$$1 - \left[ \left( \frac{5}{10} \right)^2 + \left( \frac{5}{10} \right)^2 \right] = 1 - (0.25 + 0.25) = 0.5$$

#### 정보량

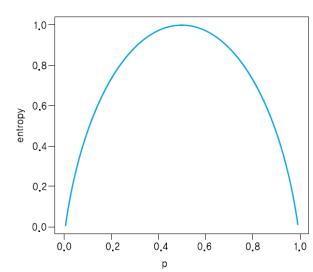
- 데이터(이벤트)가 포함하고 있는 정보의 총 기대치, 정보의 가치
- 정보량을 표현하기 위해 해당 사건이 발생할 확률(probability)을 사용
- 사건이 발생 확률이 1이라면 정보가 주는 가치가 없고, 사건 발생 확률이 낮을수록 정보가 주는 가치가 높음
- 정보량은 일어날 확률의 역수에 비례

- 정보량 = 
$$log\left(\frac{1}{p}\right)$$

- 정보량의 기대치란 어떤 사건이 갖는 가치와 그 사건이 발생할 확률의 곱 - 이를

엔트로피(entropy)라고 함

엔트로피(정보량의 기대치)= p log(1/p) = -p log(p)



#### 엔트로피

- 엔트로피(entropy)도 지니와 유사하게 순도를 나타낸데 사용됨
- 한 노드(그룹)에 여러 클래스가 골고루 균일하게 섞여 있을 때는 엔트로피가 가장 높고, 동종의 클래스로 모여 있을수록 엔트로피가 낮음(동종의 클래스가 모여있을 수록 좋은 것)
- 엔트로피의 정의는 아래와 같으며 위와 같은 분류시의 엔트로피를 구하면 아래와 같음

$$Entropy = -\sum_{k=1}^{m} p_k \log (p_k)$$

엔트로피(7:3) = 
$$-[0.7*log_2(0.7)+0.3*log_2(0.3)]$$
= $-[(-0.36)+(-0.52)]$ = $-(-0.88)$ = $0.88$  엔트로피(5:5) =  $-[0.5*log_2(0.5)+0.5*log_2(0.5)]$ = $-[(-0.5)+(-0.5)]$ = $-(-1)$ = $1$ 

#### 종료 조건

- 결정 트리를 계속 만들어 상세하게 분류를 하면 언젠가는 훈련 데이터에 대해서 100% 순도의 분류가 가능함(전체 엔트로피가 줄어들도록 학습=정보획득량을 최대화할 수 있는 순서대로 속성들을 배치)
- 이는 과대 적합된 것이므로 테스트 데이터에 대해서는 성능이 오히려 떨어지게 됨
- 결정 트리 모델은 트리를 만드는 깊이를 제한하지 않으면 과대적합할 위험이 높으므로 주의해야 함
- 한편 트리의 깊이를 적절한 값보다 너무 작게 제한하면 과소적합이 됨

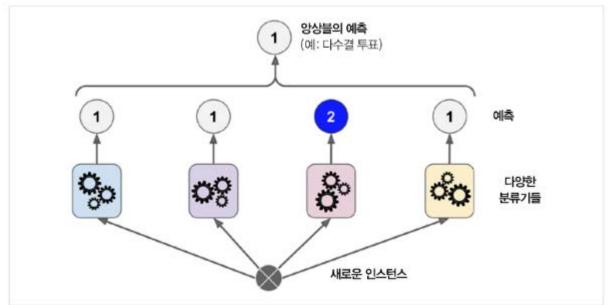
#### • 하이퍼파라미터

- max\_depth: 트리의 최대 깊이 (이보다 깊은 트리를 만들지 않는다)
- max\_leaf\_nodes: 리프 노드의 최대 수 (리프 노드를 이보다 많이 만들지 않음)
- min\_samples\_split: 분할하기 위한 최소 샘플수 (이보다 작으면 분할하지 않음)
- min\_samples\_leaf: 리프 노드에 포함될 최소 샘플수 (이보다 작은 노드는 만들지 않음)
- max\_features: 최대 특성수 (분할할 때 이보다 적은 수의 특성만 사용)

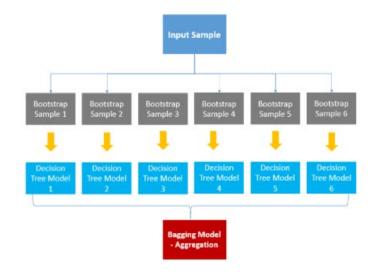
- 결정 트리의 특징
  - 결정 트리는 거의 모든 종류의 분류에서 사용할 수 있는 범용 모델이다. 결정 트리의 가장 큰 장점은 알고리즘의 동작을 쉽게 남에게 설명할 수 있다는 것
  - 훈련데이터가 바뀌면 모델의 구조가 달라지는 단점이 있음
  - 결정 트리의 또 다른 장점은 특성 변수의 스케일링이 필요 없다는 것이다. 트리 모델에서는 변수간의 연산이 없기 때문임
    - 각 노드에서는 한 번에 한 특성을 검토하여 어떤 기준으로 트리를 나누면 순도가 올라가는지만 점검하면 되므로 다른 특성 값과의 관계를 계산할 필요가 없음

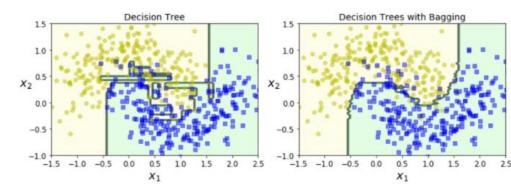
#### • 래덤 포레스트

- 비교적 간단한 구조의 결정 트리 들을 수십~수백개를 랜덤하게 만들고 각 결정 트리의 동작 결과의 평균치를 구하는 방법
- 이렇게 여러 개의 모델을 만들고 평균을 구하는 방식을 앙상블(ensemble) 방법이라고 하며 하나의 모델만 만드는 것보다 좋은 성능을 보임
- 주어진 훈련 데이터를 모두 한 번에 사용해서 하나의 최상의 트리 모델을 만드는 방식이 아니라, 데이터의 일부 또는 속성의 일부만 랜덤하게 채택하여 결정 트리를 다양하게 만들고 그 결과의 평균치를 취하는 방식임
- 나무(tree)가 많이 모였다는 의미로 숲(forest)라는 용어를 사용했음

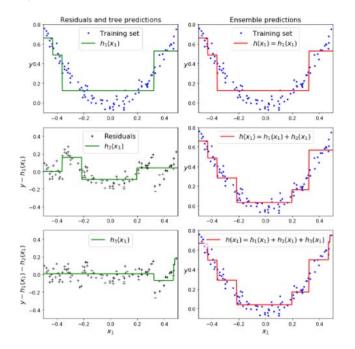


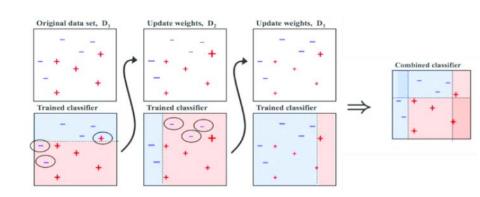
- 배깅
  - 배깅이란 bootstrap aggregation의 줄임말이며 전체 훈련 데이터에서 "중복을 허용"하여 데이터를 샘플링을 하는 방법
    - 중복을 허용하므로 같은 데이터가 중복되어 선택될 수 있음
    - Bootstrap resampling의 줄임말로 부트스트래핑이라고도 부름
- 배깅과 달리 주어진 원래 데이터에서 중복을 허용하지 않고, 즉, 한 번 샘플링 된 것은 다음 샘플링에서 제외하는 방식은 페이스팅(pasting)이라고 함
  - 배깅을 수행하면 학습에 선택되지 않는 샘플은 평균 37%가 되는데 이 샘플을 oob(out of bag) 샘플이라고 한다. 이 oob 데이터는 훈련에 사용되지 않았으므로 검증에 사용하기에 좋다
    - 결정 트리 구조에 배깅을 적용한 방식이 랜덤 포레스트 모델임





- 그라디언트 부스팅
  - 앙상블 방법 중에 부스팅 알고리즘이 있음
  - 랜덤 포레스트와 달리, 간단한 결정 트리를 다수 만들어 각각 독립적으로 실행한 후에 이들을 평균하는 것이 아니라, 앞의 모델을 보고 성능을 점차 개선하는 방식으로 동작
  - 부스팅에는 아다부스트와 그라디언트 부스트가 널리 사용됨
  - 아다부스트(adaptive boosting)에서는 앞에서 사용한 세부 모델에서 과소적합했던 샘플, 즉 분류에 실패한 샘플의 가중치를 높여주는 것임
  - 즉, 소외되었던 샘플을 주목하여 학습을 다시 시키는 방식이라고 보면 됨





- 분류 모델의 성능
  - 컨퓨전 매트릭스란 분류의 결과가 잘 맞았는지를 평가하는 채점표와 유사
  - 결과 값이 P(Positive)또는 N(Negative) 둘 중 하나만 가질 수 있는 binary 예측의 경우를 설명하는 일반적인 용어
  - Positive는 찾고자 하는 현상(ex. 암에 걸린 사실, 결함 등)이 나타난 것인지를 구분하는 것일 뿐, 긍정적인 결과를 찾았다는 뜻은 아님

실제 \ 예측	P로 예측	N로 예측
실제로 P	True positive (TP)	False negative (FN)
실제로 N	False positive (FP)	True negative (TN)

- 용어의 의미 예시
  - True positive (TP)
    - 암/결함이라고 예측했는데 실제로 암에 걸린 경우
  - False positive (FP)
    - 암/결함이라고 예측했는데 실제는 암에 걸리지 않은 경우
  - False negative (FN)
    - 암/결함이 아니라고 예측했는데 실제는 암인 경우
  - True negative (TN)
    - 암/결함이 아니라고 예측했는데 실제로도 암이 아닌 경우

첫 번째 단어: 예측 평가	두 번째 단어: 추정 내용	
True: 예측이 맞음	Positive: positive로 예측	
False: 예측이 틀림	Negative: negative로 예측	

- 평가 지표
  - 정확도(accuracy): 정확하게 예측한 비율을 의미
    - ∘ accuracy = (TP+TN) / 전체 경우의 수(N)

실제 \ 예측	암이라고 예측	암이 아니라고 예측	합계
실제 암환자	6 (TP)	4 (FN)	10
실제로 암환자 아님	2 (FP)	188 (TN)	190
합계	8	192	200

- 암진단 정확도 = (6 + 188)/200 = 194/200 = 0.97 => 97%
- 오류율 = 1-accuracy = 0.03 => 오진율은 3%
- 리콜(recall): 관심 대상을 얼마나 잘 찾아내는가
  - recall = TP / (TP+FN)
  - 실제 암 환자 발견률 = 6 / (6+4) = 0.6 => 60%
- 정밀도(precision): 예측의 정확도
  - precision = TP / (TP+FP) = 6 / (6+2) = 0.75 = > 75%

#### • F1\_score

- recall과 precision의 두 가지 지표를 동시에 높이는 것은 어려움, F1은 이러한 두 요소를 동시에 반영한 새로운 지표임
- F1은 recall과 precision의 조화 평균을 구한 것
- $F1 = 2 \times precision \times recall / (precision + recall)$
- 두 지표의 값이 각각 0.5와 0.7일 때
  - 산술 평균 c=(a+b)/2=(0.5)+(0.7)/2=0.6
  - 조화 평균 c=2ab/(a+b)=0.7/1.2=0.58
- 두 지표의 값이 각각 0.9와 0.3일 때
  - 산술 평균 c=(a+b)/2=(0.9)+(0.3)/2=0.6
  - 조화 평균 c=2ab/(a+b)=0.54/1.2=0.45

조화 평균: 
$$\frac{1}{c} = \frac{\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right)}{2}$$

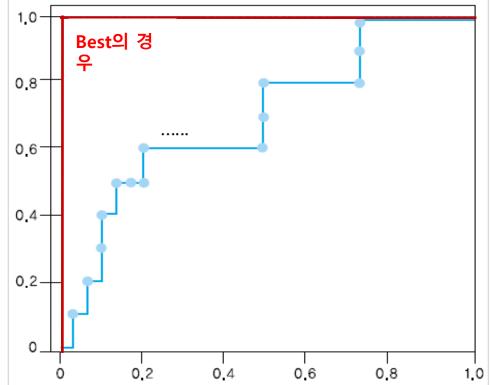
$$c = \frac{2ab}{a+b}$$

• 분류 순서 평가

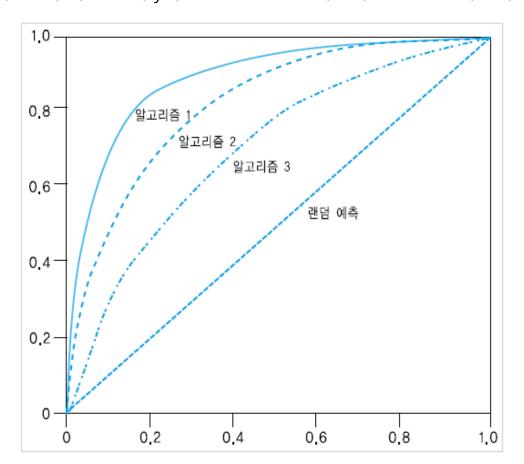
환자번호	성별	점수	순위	실제 값
7	F	0.98	1	N
125	М	0.96	2	С
4	F	0.95	3	N
199	М	0.86	4	С
2	F	0.84	5	N
200	М	0.82	6	С
176	М	0.81	7	С
73	М	0.80	8	N
82	М	0.79	9	С
3	F	0.77	10	N
123	F	0.76	11	N
		•••		С
43	F	0.48	198	N
93	М	0.42	199	N
120	F	0.40	200	N

- ROC(Receiver Operating Characteristic)
  - 예측 결과를 순서대로 제시한 것이 실제 값과 얼마나 순서에 따라 잘 맞는지는 검증하는 2차원 그래프
  - ROC 커브는 (0,0)점에서 시작하여 한 행씩 진행하면서 정답을 맞추었으면 y축 위로 한 칸 이동, 정답을 맞추지 못했으면 x축 방향으로 한 칸 이동. 종점은 (1, 1) 지점
  - 그래프의 x 축으로는 예측 오류가 날 때마다 이동하고, y축으로는 정답을 맞출 때마다 이동

- x축은 예측이 틀린 것을 나타내므로 false positive rate, v축은 예측이 맞은 것을 나타내므로 true positive rate를 나타냄



- AUC(Area Under Curve)
  - 예측 알고리즘의 성능을 간단히 수치로 나타내기 위해서 ROC 그래프의 면적을 계산하는 방법을 사용
  - 우수한 알고리즘일수록 초반에 y축 상단 방향으로 이동하므로 ROC 커브의 면적이 넓어짐



#### 하이퍼파라미터 최적화

- 최적의 머신러닝 모델을 만드는 과정은 모델을 설계하고, 학습하고, 하이퍼파라미터 최적화 세 단계로 구성됨
  - 모델 구조(알고리즘) 선택
  - 파라미터 학습
  - 모델 최적화 : 하이퍼 파라미터 선택
- 최적의 성능을 내는 모델을 완성하려면 모델의 구조를 구성하는 하이퍼파라미터의 최적값을 찾아야 함
- 이 과정에서 과대적합과 과소적합을 피하면서 성능평가지표를 최대로하는 하이퍼 파라미터를 찾음

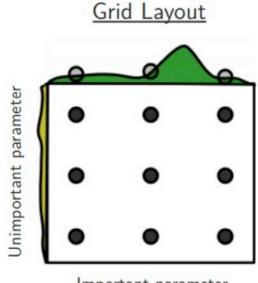
#### 하이퍼파라미터 최적화

- 그리드 탐색
  - 하이퍼 파라미터가 가질 수 있는 전체 범위를 몇 개의 구간으로 나누어 일일이 하나씩 점검해보는 방식
    - 예를 들어, SVC 모델을 사용할 때 gamma 변수와 C 변수의 값을 각각 5가지, 4가지로 나누고 총 4x5=20가지 경우를 시도한다.
    - 최고의 score를 얻는 gamma와 C 값을 찾는다.
  - 하이퍼 파라미터 예시
    - ∘ kNN: k값
    - 결정 트리: 트리의 깊이, 분류 조건, 분류를 위한 최소 샘플수
    - SVM: 커널 타입, 커널 계수, 규제화 파라미터(감마, C)
    - 랜덤포레스트: 트리수, 사용할 특성수, 분리 조건, 분류할 최소 샘플수
    - 그라디언트 부스팅: 트리수, 학습률, 트리깊이, 분할할 조건, 분류할 최소 샘플 수

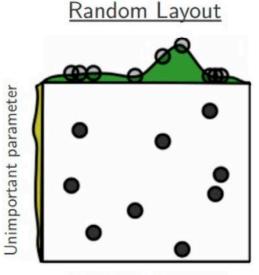
#### 하이퍼파라미터 최적화

#### 래덤 탐색

- 그리드 탐색은 단순하나 여러 경우의 수를 모두 탐색하는데 시간도 오래 걸리고 최적의 값을 놓치는 경우가 있음
  - 격자 모양의 파라미터 조합의 값 사이에 실제로 최적의 하이퍼파라미터 값이 있었다면 이를 찾아낼 방법이 없음
- 랜덤 탐색은 두 단계로 수행됨(RandomizedSearchCV()함수 사용)
  - 일정한 범위 내에서 랜덤하게 하이퍼파라미터를 선택하여 성능을 실험하여 대체로 어떤 영역에서 성능이 좋은지를 찾음
  - 다음에는 이 영역을 중심으로 세밀하게 탐색



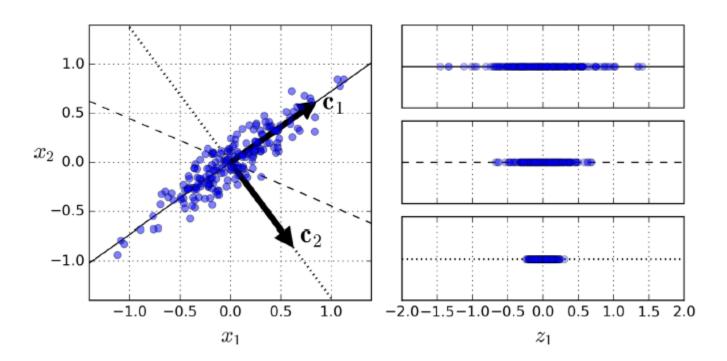
Important parameter



Important parameter

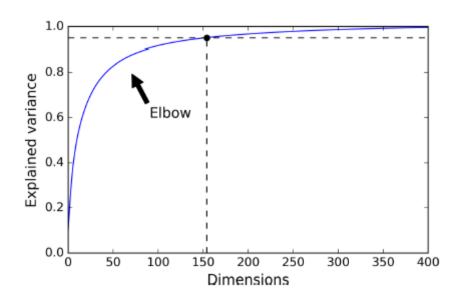
## 차원 축소

- PCA(주성분 분석)
  - 데이터에 가장 가까운 초평면을 정의한다음, 데이터를 이 평면에 투영시킴
  - 저차원의 초평면에 훈련 세트를 투영하기 전, 올바른 초평면을 선택해야 함
  - 다른 방향으로 투영하는 것보다 **분산이 최대로 보존하는 축을 선택하는 것이 정보가 가장** 적게 손실되므로 합리적으로 보임
    - 원본 데이터셋과 투영된 것 사이의 평균 제곱 거리를 최소화하는 축



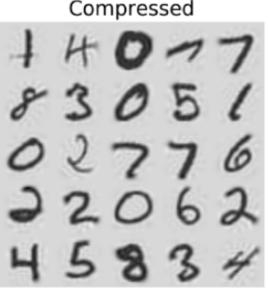
## 차원 축소

- PCA(주성분 분석)
  - 적절한 차원 수를 선택
    - 축소할 차원의 수를 임의로 정하기 보다는 충분한 분산(95%)이 될때까지 더해야할 차우너 수를 선택하는 것이 좋음



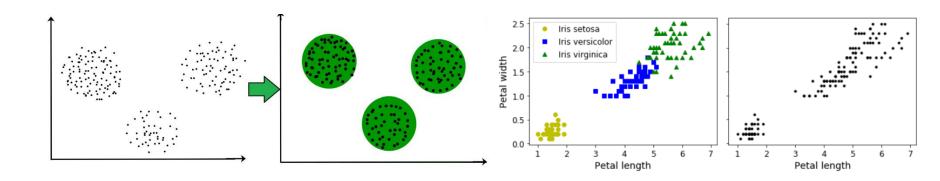
#### 차원 축소

- PCA(주성분 분석)
  - MNIST예시로 돌아가서..
  - MNIST 데이터셋에 분산의 95%를 유지하도록 PCA를 적용하면
    - 784개의 특성이 150개정도로 변환됨
    - 대부분 분산은 유지되었지만 데이터셋은 원본 크기의 20% 미만이 됨
    - 데이터 압축은 분류 알고리즘의 속도를 높일 수 있음
  - 압축된 데이터셋에 PCA를 반대로 적용하여 다시 되돌릴 수 있음
    - 손실된 5%는 유실된 상태로 복구되므로 원본 데이터셋으로 되돌릴 수는 없음

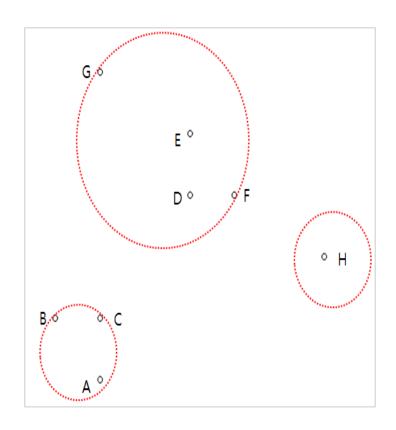


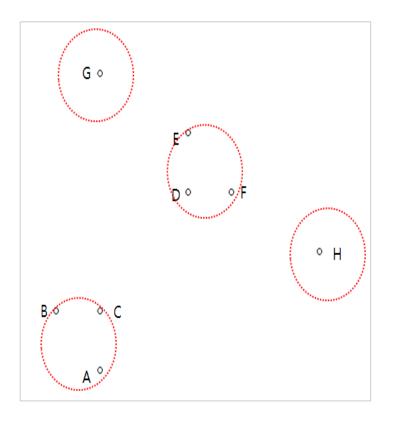
#### • 클러스터링

- 비슷한 샘플을 구별해 하나의 클러스터 또는 비슷한 샘플의 그룹으로 할당하는 작업
- K개의 그룹에 속하는 유사한 샘플을 찾는 과정
- 응용분야
  - 고객분류: 구매이력, 웹사이트 행동을 기반으로 클러스터를 모을 수 있음
  - ◎ 데이터 분석 : 새로운 데이터가 들어올 때 어떤 군집에 속할지 판단
  - 차원 축소 : 군집알고리즘을 적용하면 샘플의 친화성을 계산할 수 있음(K개의 클러스터 K차원의 친화성 벡터)
  - 이상치 탐지 : 모든 클러스터에 친화성이 낮은 샘플은 이상치로 판단가능
  - 준지도 학습 : 동일한 클러스터에 있는 모든 샘플에 레이블 전파가 가능
  - 검색 엔진 : 이미지 검색과 같은 경우 비슷한 이미지의 클러스터를 구축하고 있어야 함
  - 이미지 분할 : 윤곽 탐지, 물체 감지

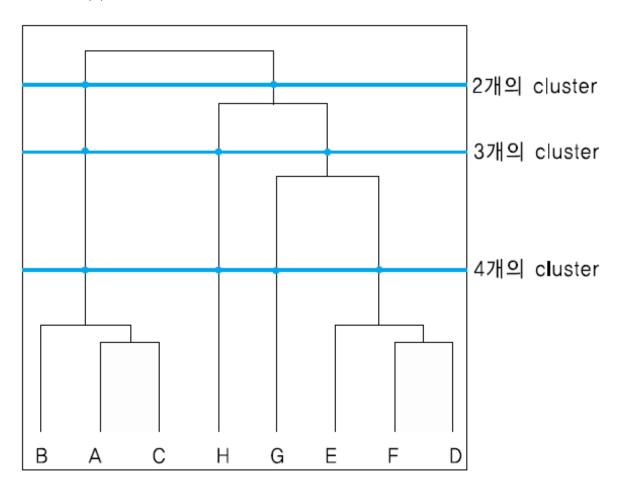


- 클러스터링
  - 적정한 군집의 수(k)를 먼저 찾아야 함

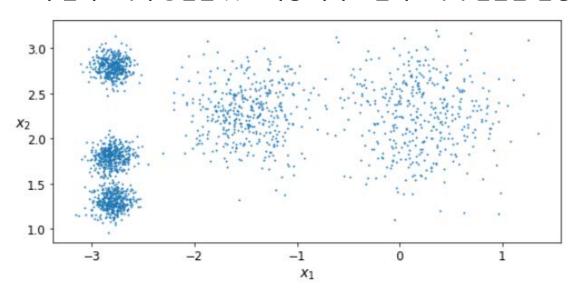




- 클러스터링
  - 적정한 군집의 수(k)를 먼저 찾아야 함



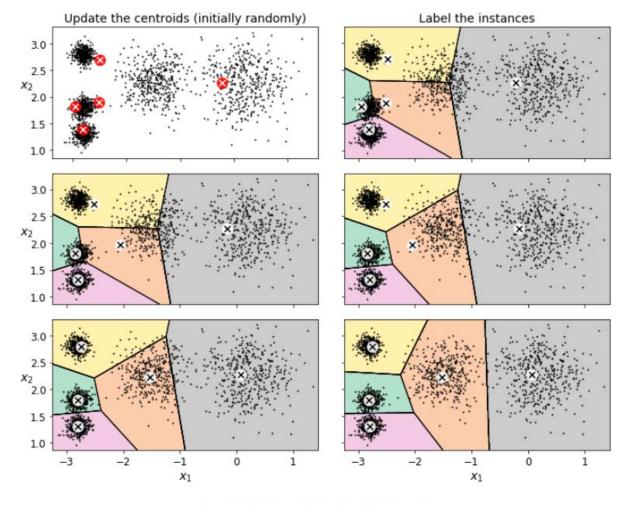
- 클러스터링 알고리즘
  - 조건
    - 같은 그룹 내의 항목들은 서로 속성이 비슷함 (유사도가 큼)
    - 다른 그룹에 속한 항목과는 속성이 서로 다름 (유사도가 작음)
  - 비정상 패턴 (이상치) 식별에도 사용됨
- K-means 알고리즘
  - 데이터 샘플 중 덩어리로 잘 묶어지는 종류의 데이터 샘플을 빠르게 클러스터로 묶을 수 있는 알고리즘으로 **각 클러스터의 중심을 찾고 가장 가까운 클러스터에 샘플을 할당**



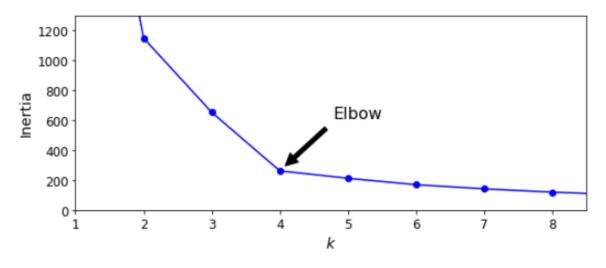
샘플 덩어리 다섯 개로 이루어진 레이블 없는 데이터셋

- K-means 알고리즘
  - 공간상에 임의의 k 개의 임의의 초기 지점을 클러스터 중점으로(cluster center) 정함
  - 클러스터 중점을 중심으로 거리가 가까운 항목을 선택하여 클러스터 공간을 나눔
  - 각 클러스터에 포함된 항목들의 평균 위치를 구해 이를 새로운 클러스터 중점(centroid)으로 변경
  - 새로 설정된 센트로이드를 중심으로 경계를 다시 그림
    - 각 항목들이 소속된 클러스터가 바뀔 수 있음
  - 변경된 항목들을 가지고 클러스터 중심을 다시 계산
  - 더 이상 클러스터의 모양이 바뀌지 않을 때까지 반복 수행함
    - KMeans() 사용

#### • K-means 알고리즘

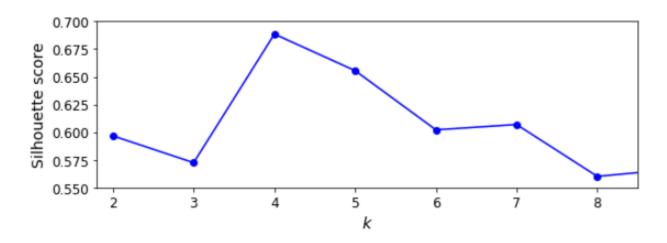


- K-means 알고리즘
  - 최적의 클러스터 수 K 결정하기
    - 클러스터 개수를 올바르게 지정하지 않으면 결과가 매우 나빠질 수 있음
    - 모델의 이너셔(Inertia)를 사용
    - 이너셔 : 각 샘플과 가장 가까운 센트로이드 사이의 평균 제곱거리
    - 이너셔는 K값이 증가함에 따라 점점작아지므로 k값을 선택할 때 좋은 성능 지표가 아님



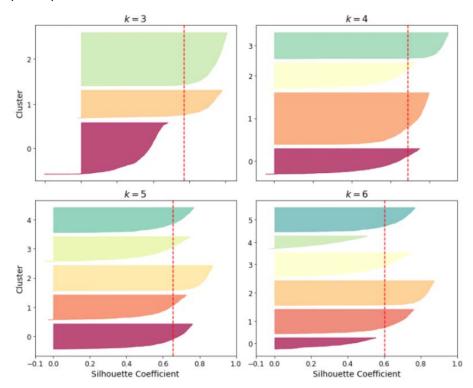
이너셔 그래프를 클러스터 개수 k의 함수로 그렸을 때 그래프가 꺽이는 지점을 엘보라고 부름

- K-means 알고리즘
  - 성능지표
    - 더 정확하지만 계산비용이 많이 드는 실루엣 점수(Silhouette score)를 사용
    - 각 군집간 거리가 얼마나 효율적으로 분리되어 있는지를 나타냄
      - 효율적 분리: 다른 군집과는 떨어져있고 동일 군집끼리의 데이터는 서로 가깝게 잘 뭉쳐있다는 것
    - $\frac{b(i)-a(i)}{max(a(i),b(i))}$  a: 같은 군집내에 있는 다른 샘플까지의 거리(즉, 내부 군집의 평균 거리), b: 해당 데이터가 속하지않은 가장 가까운 군집과 평균거리(가장 가까운 군집과의 평균거리)
    - [-1,1]사이의 값을 가지며 1에 가까울 수록 인접 군집에서 멀리 떨어져있고, 0에 가까울 수록 인접한 두 군집 사이의 결정 경계에 있다는 의미, 음 수 값은 잘못된 군집에 할당되었을 수 있음을 나타냄



실루엣 점수를 사용해 클러스터 개수 k를 선택하기

- K-means 알고리즘
  - 실루엣 다이어그램
    - 모든 샘플의 실루엣 계수를 할당된 군집과의 계수값으로 정렬하여 그린 그래프
    - 이 그래프의 높이는 군집이 포함하고 있는 샘플의 개수
    - 너비는 군집에 포함된 샘플의 정렬된 실루엣 계수를 나타냄
    - 수직 점선(파선)은 각 클러스터 개수에 해당하는 실루엣 점수



#### DBSCAN

- 밀도 기반 클러스터링 알고리즘
- k-means처럼 단순히 거리만을 기준으로 군집화를 하는 것이 아니라 "가까이 있는 샘플들은 같은 군집에 속한다"는 원칙으로 군집을 차례로 넓혀가는 방식임
- 샘플들의 몰려 있는 정도 즉, 밀도가 높은 부분을 중심으로 인접한 샘플들을 포함시켜 나감
- 한 점을 기준점으로 반경 r내에 점이 n개 이상 있으면 하나의 군집으로 인식하는 방식임

