

# សៀចតៅគណិត១ធ្យាក់ម៉ែត១ធ្យាលយ

# HERESTERS OF THE STATE OF THE S

- \* សទ្ទេមមេរៀននិទ្ធឥឆ្លឹះដោះស្រាយសំខាន់ៗ
- \* លំខាត់ច្រើសតែអមដោយជំណោះស្រាយក្បោះគ្បាយ
- \* លំខាងច្រើសរើសសម្រាច់អិច្ឆអាផ្ទះ

សម្រាប់ថ្នាក់និ១២ ថ្នាក់ទន្យាសាស្ត្រពិត

នួទទៀបទៀប ស៊ីម ដូស្គ្



ង្រប់តាមកម្ម១ជីសិក្សាគោលរបស់ក្រសួចអប់រយុ១០ពព៌ល្ខា

# ជំពូកទី០១

# រួមមន្តសំខាត់ៗគួរគត់សម្គាល់

# ១.លីមីតនៃអនុឝមន៍អិចស្ប៉ូលាច់ស្យែល

# ក.រូបមន្តសំខាន់ៗ

$$a)\lim_{x\to +\infty}e^x=+\infty$$

$$c)\lim_{x\to+\infty}e^{-x}=0$$

$$e)\lim_{x\to +\infty} x^n e^x = +\infty$$

$$g)\lim_{x\to +\infty}x^ne^{-x}=0$$

$$i) \lim_{x \to -\infty} x^n e^{-x} = (-1)^n \times (+\infty) , n \in \mathbb{N}$$

$$j) \lim_{x \to +\infty} e^{\alpha x} = \begin{bmatrix} +\infty & , \alpha > 0 \\ 0 & , \alpha < 0 \end{bmatrix}$$

ខ.រូបមន្តផ្សេងៗទៅ្វត

$$a)\lim_{x\to 0}\frac{e^x-1}{x}=1$$

$$c)\lim_{x\to\infty} \left(1+\frac{1}{x}\right)^x = e$$

$$b)\lim_{x\to -\infty}e^x=0$$

$$d)\lim_{x\to -\infty}e^{-x}=+\infty$$

$$f$$
)  $\lim_{x \to -\infty} x^n e^x = 0$ 

$$h)\lim_{x\to +\infty}\frac{e^x}{x^n}=+\infty$$

$$b)\lim_{x\to 0}\frac{a^x-1}{x}=\ln a, a>0$$

$$d)\lim_{x\to 0} \left(1+x\right)^{\frac{1}{x}} = e$$

# ្រាះនេះខេត្តមាន់មានមន្ត្រីខាន់ មាន

រូបមន្តសំខាន់ៗ

$$a) y = e^x \qquad \text{isi:} \quad y' = e^x$$

b) 
$$y = e^{-x}$$
 is:  $y' = -e^{-x}$ 

c) 
$$y = e^{ax}$$
 is:  $y' = a e^{ax}$ 

$$d) y = e^{u(x)}$$
 (S):  $y' = u'(x) e^{u(x)}$  4

#### ៣.១សមីគារនិខសមីគារ ៖

 $a) e^x = k$  សមមូល  $x = \ln k$  , k > 0 ។

$$b) e^x > k$$
 សមមូល  $x > \ln k$  ឬ  $x \in (\ln k, +\infty)$  ដែល  $k > 0$  ។

 $c) e^x < k$  សមមូល  $x < \ln k$  ឬ  $x \in (-\infty, \ln k)$  ដែល k > 0 ។

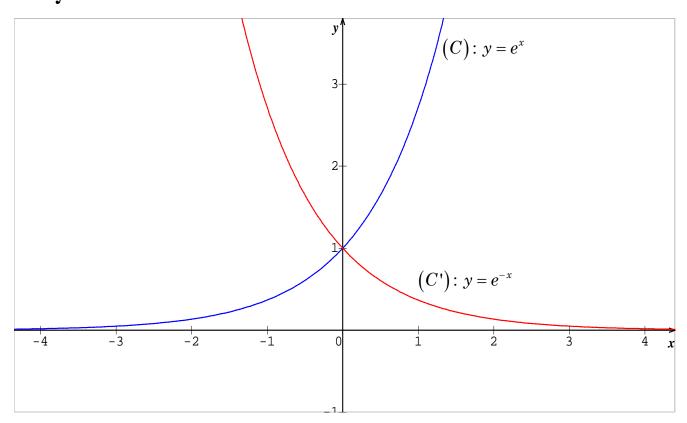
# ៤.អាំ១គេគ្រាលនៃអនុគមន៍អិចស្ប៉ូណខ់ស្យែល

$$a) \int e^x dx = e^x + C$$

$$b) \int e^{-x} dx = -e^{-x} + C$$

$$(c)\int e^{\alpha x} dx = \frac{1}{\alpha} e^{\alpha x} + C, \ \alpha \in \mathbb{R}^*$$

$$d)\int e^{u(x)}u'(x)dx=e^{u(x)}+C$$
 (ដែល  $C:$  ចំនួនបើរ ) ។



ជំពូកទី០២

# 

# លំមាន់នី០១

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $y=f(x)=xe^{-x}$  ។

- (C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
  ightarrow}{i}, \overset{
  ightarrow}{j})$  ។
- ១.គណនាលីមីត  $\lim_{x\to -\infty}f(x)$  និង  $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  រួចទាញ្ហាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូត ដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។
- ២.គណនាដេរីវេ f'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ៣.កំណត់សមីការបន្ទាត់ (T) ប៉ះនឹងខ្សែកោង(C) ត្រង់ x=0 ។
- ៤.ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាអនុគមន៍ F កំណត់ដោយ  $F(x)=(-x-1)e^{-x}$  ជាព្រឹមីទីវ មួយរបស់អនុគមន៍ f ចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb{R}$  ។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ (T) ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។ គណនាផ្ទៃក្រឡា  $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង (C) អ័ក្ស(ox) និងបន្ទាត់ឈរពីរ x=0 ,  $x=\lambda$  ដែល $\lambda>0$  ។ គណនា  $\lim_{\lambda\to +\infty} S(\lambda)$  ។

# ២០និត្តសម្រល

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = (x+2)e^{-x}$  ។

- (C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
  ightarrow}{i}, \overset{
  ightarrow}{j})$  ។
- ១.គណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  រួចទាញ្ជាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូត

ដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។

២.គណនាដេរីវេ f'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។

៣.កំណត់សមីការបន្ទាត់ (T) ប៉ះនឹងខ្សែកោង(C) ត្រង់ x=0 ។

៤.ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាអនុគមន៍ F កំណត់ដោយ  $F(x)=(-x-3)e^{-x}$  ជាព្រឹមីទីវ មួយរបស់អនុគមន៍ f ចំពោះគ្រប់ $x\in\mathbb{R}$  ។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ (T) ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។ គណនាផ្ទៃក្រឡា  $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង (C) អ័ក្ស(ox) និងបន្ទាត់ឈរ x=-1 ,  $x=\lambda$  ដែល $\lambda>-1$  ។ គណនា  $\lim_{\lambda\to +\infty}S(\lambda)$  ។

#### សំមាន់ខ្លួល

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x - 2 + e^{-x}$  ។

(C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.គណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់ $(d)\colon y=x-2$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា  $x o +\infty$  រួចបញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងខ្សែកោង(C) ។

៣.គណនាដេរីវេ f'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។

៤.គណនា f(-2) និង f(3) រួចសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់(d) ។

៥.គណនាផ្ទៃក្រឡា  $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង (C) បន្ទាត់ (d)

និងបន្ទាត់ឈរ x=-2 ,  $x=\lambda$  ដែល $\lambda>-2$  ។ គណនា  $\lim_{\lambda \to +\infty} S(\lambda)$  ។

#### សំមាន់នី០៤

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = 3 - \frac{1}{2}x - e^{-\frac{x}{2}}$  ។

(C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.គណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់ $(d)\colon y=3-rac{1}{2}x$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា  $x o +\infty$  រួចបញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងខ្សែកោង(C) ។

៣.គណនាដេរីវេ f'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។

៤.គណនា f(-2) និង f(2) រួចសង់ខ្សែកោងig(C)និងបន្ទាត់ig(d) ។

៥.គណនាផ្ទៃក្រឡា  $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង (C) បន្ទាត់ (d)

និងបន្ទាត់ឈរ x=-2 ,  $x=\lambda$  ដែល $\lambda>-2$  ។ គណនា  $\lim_{\lambda \to +\infty} S(\lambda)$  ។

#### សំមាន់នី០៥

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = \frac{e^x}{x^2}$  ,  $x \neq 0$  មានក្រាប(C)

១)ចូររកលីមីតនៃf ត្រង់0 និង ត្រង់ $\pm \infty$  ។

បញ្ហាក់សមីការអាស៊ីមតូតទាំងអស់របស់ក្រាប(C) ។

២)ចូរសង់តារាងអថេរភាពនៃ ƒ ។

៣)គណនាf(-1) , f(1) និង f(3) រួចសង់ក្រាប $\Big(C\Big)$  ។

(គេយក 
$$e^{-1}=0.4$$
 ,  $e=2.7, e^2=7.3$  ,  $\frac{e^3}{27}=0.7$  )។

## <u> ៥០និគិលាខំល</u>

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ $f(x)=x+2-e^x$  មានក្រាប(C)។

- 9.រកលីមីតនៃf(x) កាលណា $x \to -\infty$  និង $x \to +\infty$ ។
- ២.ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់(d) : y = x + 2ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង
  - (C)កាលណា $x \to -\infty$  ។ សិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និង(d)។
- ៣.គណនាដេរីវេf'(x)រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃf។
- ៤.គណនា f(-2), f(-1) , f(1) និង f(2) រួចសង់ក្រាប(C)នៅក្នុងតម្រុយ អរតូនរម៉ាល់ $\left(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$  ។
- ៥.គណនាផ្ទៃក្រឡានៃផ្នែកប្លង់ខណ្ឌីដោយខ្សែកោង(C)និងអក្ស័(ox)និង បន្ទាត់ឈរ x=-3 និង x=1 ។ (គេឲ្យ e=2.7 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  )

# សំមាន់ខ្លួំ០៧

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x)=2x-1+e^{-x}$  ដែល $x\in\mathbb{R}$  មានក្រាប(C)។

- ១) រកលីមីត  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។ កំណត់សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេត(L)នៃ(C)។
- សិក្សាទីតាំងធៀបរវាងអាស៊ីមតុតទ្រេត(L) និងខ្សែកោង(C) ។
- ២)ចូរស្រាយថាអនុគមន៍ f មានតម្លៃអប្បបរមាធៀបត្រង់  $x=\ln 2$  រួចកំណត់
- តម្លៃអប្បបរមាធៀបនោះ។សង់តារាងអថេរភាពនៃf ។ គេឲ្យ $\ln 2 = 0.7$ ។
- ៣)រកសមីការបន្ទាត់(T)ប៉ះខ្សែកោង(C)ត្រង់គល់O(0,0) រួចរកកូអរដោនេ
- ចំណុចប្រសព្វAរវាង (T)និង(L) ។
- ៤ )គណនាf(-2) និងf(-1)រួចទាញថាមាន $lpha \in [-2,-1]$ ដែលf(lpha) = 0 ។
- ចូរសង់ក្រាប(C)និងបន្ទាត់(T)និង(L) ។

៥)គណនាផ្ទៃក្រឡា $S_{\lambda}$ នៃផ្នែកប្លង់ខណ្ឌីដោយក្រាប(C)អាស៊ីមតូតទ្រេត(L)និងបន្ទាត់ឈរx=0 ,  $x=\lambda$  , $(\lambda>0)$  រួបទាញរក  $\lim_{\lambda\to +\infty}S_{\lambda}$  ។

# សំមាន់នី០៤

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $y = f(x) = 2(x+1)^2 e^x$ 

តាង(C) ជាក្រាបតំណាងf ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $\left(o, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនាលីមីត $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  រួចទាញបញ្ជាក់ថាក្រាប(C)មានអក្ស័ អាប់ស៊ីសជាអាស៊ីមតូតដេក ។

២.គណនាដេរីវេf'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃf ។

៣.កំណត់បីចំនួនពិត a,b,c ដោយដឹងថា  $F(x) = \left(ax^2 + bx + c\right)e^x$  គឺជាព្រីមីទីវ មួយនៃ f(x)លើ $\mathbb R$  ។

៤.ចូរសង់ក្រាប(C) រួចគណនាផ្ទៃក្រឡានៃមណ្ឌលប្លង់ខណ្ឌដោយក្រាប(C) និងអក្ស័ អាប់ស៊ីសនិងបន្ទាត់x=-2 , x=0 ។ (គេឲ្យ e=2.7 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-3}=0.05$  )

# សំមាង់ខ្លួំ០៩

គេឲ្យf ជាអនុគមន៍កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x)=x+2-rac{2(e^x-1)}{e^x+1}$  មានក្រាប(C)។

១.ចូរគណនាលីមីត $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាង ខ្សែកោង (C) ជាមួយនឹងបន្ទាត់ $(\Delta)$ : y=x+2 ។

២.ក ) ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1}\right)^2$  ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតx ។

ខ)គូសតារាងអថេរភាពនៃf ។

៣.ក )ចំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយបំភ្លឺថាកន្សោមf(x)អាចសរសេរ

ជាពីរទម្រង់  $f(x) = x + \frac{4}{e^x + 1}$  និង  $f(x) = x + 4 - \frac{4e^x}{e^x + 1}$  ។ 2 ) ទាញបញ្ជាក់ថាក្រាប(C) មានអាស៊ីមតូតទ្រេតពីរតាងដោយ $(d_1)$  និង $(d_2)$  ៤.គណនា f(x) + f(-x)រួចទាញថាចំណុច I(0,2) ជាំផ្ចិតឆ្លុះ នៃក្រាប(C) ។ ៥.គណនា f(1) និង f(2) រួចសង់ក្រាប(C) បន្ទាត់ $(\Delta), (d_1), (d_2)$  នៅក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $\left(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$  តែមួយ។ គេឃក  $e = 2.7, \frac{e-1}{a+1} = 0.5$  និង  $\frac{e^2-1}{a^2+1} = 0.8$  ។

#### លំខាត់គឺ១០

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x - \frac{3(e^x - 1)}{e^x + 2}$  តាង(C) ជាក្រាបតំណាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \vec{i}, \vec{j}\right)$  ។ ១.ចូរគណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។ ២.ចូរស្រាយថាអនុគមន៍ f អាចសរសេរជាពីរទម្រង់ដូចខាងក្រោម៖

$$f(x) = x - 3 + \frac{9}{e^x + 2}$$
 និង  $f(x) = x + \frac{3}{2} - \frac{9e^x}{2(e^x + 2)}$  គ្រប់ $x \in \mathbb{R}$ 

៣.ទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេតទាំងពីររបស់ខ្សែកោង (C)រួចចូរបញ្ជាក់ ទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)ជាមួយនឹងអាស៊ីមតូតទ្រេតនីមួយៗរបស់វា។

៤.ចំពោះគ្រប់
$$x\in\mathbb{R}$$
 ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x)=rac{(e^x-1)(e^x-4)}{\left(e^x+2
ight)^2}$  ។

៥.សិក្សាសញ្ញារបស់ f'(x)រួចគូសតារាងអថេរភាពរបស់អនុគមន៍ f''(x)

៦.គណនាf(-2) និង f(3) រួចសង់ក្រាប(C)និងអាស៊ីមតូតទ្រេតរបស់វា។

គេយក 
$$\frac{9}{e^{-2}+2}$$
 =  $4.2$  និង  $\frac{9}{e^3+2}$  =  $0.41$  ។

#### សំមាន់ខ្លួំ១១

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ  $f(x)=-x+2+\frac{3(e^x-1)}{2e^x+1}$  មានក្រាបតំណាង(C) ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o,\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}\right)$  ។ 9.ចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb R$  ចូរស្រាយថា  $f(x)=-x+\frac{7}{2}-\frac{9}{2(2e^x+1)}$  គណនា  $\lim_{x\to -\infty}f(x)$  រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់  $(d_1):y=-x+\frac{7}{2}$  ជាអាស៊ីមតូត ទ្រេតនៃក្រាប(C) កាលណា  $x\to +\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងជៀបរវាង(C) និង $(d_1)$  ។ ២.ចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb R$  ចូរស្រាយថា  $f(x)=-x-1+\frac{9e^x}{2e^x+1}$  ។ គណនា  $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់  $(d_2):y=-x-1$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេត នៃខ្សែកោង (C) កាលណា  $x\to -\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងជៀបរវាង(C) និង $(d_2)$  ។ ៣.ចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb R$  ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x)=-\frac{4e^{2x}-5e^x+1}{\left(2e^x+1\right)^2}$  ។ ៤.សិក្សាសញ្ញានៃ  $g(x)=4e^{2x}-5e^x+1$  សង់តារាងអប់រភាពនៃ f ។ ៥.ចូរសង់ក្រាប(C) និងបន្ទាត់  $(d_1)$  និង $(d_2)$  ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

# 

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = -2x + 1 + \frac{e^{2x} - 3}{e^{2x} + 1}$  មានក្រាបតំណាង (C) ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$  ។ 9.បំពោះគ្រប់  $x \in \mathbb R$  ចូរស្រាយថា  $f(x) = -2x - 2 + \frac{4e^{2x}}{e^{2x} + 1}$  គណនា  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់  $(d_1)$  : y = -2x - 2 ជាអាស៊ីមតូត

ទ្រេតនៃក្រាប(C) កាលណា  $x o -\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាង(C)និង $(d_1)$ ។ ២.ចំពោះគ្រប់  $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយថា  $f(x) = -2x + 2 - \frac{4}{e^{2x} + 1}$  ។ គណនា  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់ $(d_2)$ : y = -2x + 2 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេត នៃខ្សែកោង (C) កាលណា  $x o +\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាង(C)និង $(d_2)$ ។  $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$  ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = -2\left(\frac{e^{2x}-1}{e^{2x}+1}\right)^2$  ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃ ƒ ។ ៤.ចូរសង់ក្រាប(C)និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ និង $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

#### លំមាន់ខ្លួន

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x + 2 - \frac{e^{2x} - 3}{e^{2x} + 3}$ មានក្រាបតំណាង(C)ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។ 9. ចំពោះគ្រប់  $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយថា  $f(x) = x + 3 - \frac{2e^{2x}}{e^{2x} + 3}$ គណនា  $\lim_{x\to\infty} f(x)$ រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់ $(d_1): y=x+3$  ជាអាស៊ីមតូត ទ្រេតនៃក្រាប(C) កាលណា  $x o -\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាង(C)និង $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ ។ ២.ចំពោះគ្រប់  $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយថា  $f(x) = x + 1 + \frac{6}{\rho^{2x} + 3}$  ។ គណនា  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  រួចបង្ហាញថាបន្ទាត់ $(d_2)$ : y = x + 1 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេត នៃខ្សែកោង (C) កាលណា  $x o +\infty$  ។បញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាង(C)និង $(d_2)$ ។ ៣.ចំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \left(\frac{e^{2x}-3}{e^{2x}+3}\right)^2$  ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃ f ។

៤.ចូរសង់ក្រាប(C)និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ និង $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

# សំមាន់ខ្លួច

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = \frac{e^x}{x^2+1} - 1$  តាង(C) ជាក្រាបតំណាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \vec{i}, \vec{j}\right)$  ។ 9.ចូរគណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ រួចទាញរកសមីការអាស៊ីម តូតដេករបស់ខ្សែកោង(C)។

២.ចំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x) = \frac{(x-1)^2 e^x}{(x^2+1)^2}$  ។ បញ្ជាក់សញ្ញារបស់f'(x)រួចគូសតារាងអថេរភាពរបស់អនុគមន៍f ។ ៣.រកសមីការបន្ទាត់ $(T_1)$ និង $(T_2)$ ដែលប៉ះទៅនឹងខ្សែកោង(C)រៀងគ្នាត្រង់ ត្រង់ចំណុចមានអាប់ស៊ីសរៀងគ្នា x=0 និង x=1 ។ ៤.គណនាf(-1) និង f(2) រួចសង់ក្រាប(C)និងបន្ទាត់ $(T_1)$ និង $(T_2)$ ។

ទ.គណនាf(-1) និង f(2) រួចសងក្រាប(C)និងបន្ទាតិ $(T_1)$ និង $(T_2)$ ។ គេយក  $rac{e^{-1}}{2}$  = 0.19 និង  $rac{e^2}{5}$  = 1.46 ។

# នខ្មែងមេត្

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = x + 2 - \frac{e^x - 1}{x}$  ដែល  $x \in \mathbb{R}^*$  តាង(C) ជាក្រាបតំណាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \vec{i}, \vec{j}\right)$  ។ ១.ចូរគណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to 0} f(x)$  ។ ២.ចូរស្រាយថាបន្ទាត់ (d): y = x + 2 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x \to -\infty$  ។

២.ចំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  \* ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+1-e^x)}{x^2}$  ។

៣.គេដឹងថា  $e^x \ge x+1$  គ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  ។ ចូរបញ្ជាក់សញ្ញារបស់f'(x) ។ គូសតារាងអថេរភាពរបស់អនុគមន៍ f ។

៤.គណនា f(-2), f(-1), f(2) និង f(3) រួចទាញថាសមីការ f(x) មានប្រស ពីរ  $\alpha$  និង  $\beta$  ដែល  $-2 < \alpha < -1$  និង  $2 < \beta < 3$  ។

៥.ចូរសង់ក្រាប(C)និងបន្ទាត់(d)។

គេយក 
$$\frac{e^{-2}-1}{2}$$
 =  $-0.43$  ,  $e^{-1}$  =  $0.37$  ,  $\frac{e^2-1}{2}$  =  $3.15$  និង  $\frac{e^3-1}{3}$  =  $6.23$ 

# 

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x - 3 - \frac{x-2}{e^x + 1}$ 

(C) ជាក្រាបតំណាង f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

9.ក )គ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f(x)=-1+(x-2)\frac{e^x}{e^x+1}$  រួចទាញថា បន្ទាត់  $(d_1)\colon y=-1$  ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)កាលណា  $x\to -\infty$  ។ 2 )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។

២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=x-3 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x\to +\infty$  ។

ខ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ។

៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x + 1)^2}$  ដែល  $g(x) = e^x + x - 1$  ។

៤.ក)គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។

ខ)គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។

៥.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអឋេរភាព

នៃអនុគមន៍ f ។

៦.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_{_1})$ និង $(d_{_2})$ ។ គេយក e = 2.72 ,  $e^{-1} = 0.4$  ,  $e^{-2} = 0.2$  ។

# លំមាន់ខ្លួំ១៧

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $y = f(x) = \frac{(6x-5)e^x + 9}{e^x + 3}$ 

- (C) ជាក្រាបតំណាងfក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}
  ight)$  ។
- ១.ក ) ចូរស្រាយថា  $(d_1)$ : y=3 ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)ខាង  $x \to -\infty$  ។ ខ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។
- ២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=6x-5 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)កាលណា  $x \to +\infty$  ។
  - ខ ) ចូរសិក្សា ទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ។
- ៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{6e^x g(x)}{(e^x + 3)^2}$

ដែល  $g(x) = e^x + 3x - 1$  ។

- ៤.ក)គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។
  - ខ)គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។
- ៥.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអថេរភាព

នៃអនុគមន៍ f ។គេឃក e=2.72 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  ។

៦.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_1)$ និង $(d_2)$ ។

# <u> លំខោងខ្លី១៨</u>

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = 2x - 3 - \frac{4x - 6}{e^x + 2}$ 

- (C) ជាក្រាបតំណាង f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o,\overset{
  ightarrow}{i},\overset{
  ightarrow}{j}
  ight)$  ។
- 9.ក)គ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f(x) = \frac{(2x-3)e^x}{e^x+2}$  រួចទាញថាបន្ទាត់
  - $(d_1)$ : y=0 ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)កាលណា  $x \to -\infty$  ។ 2)ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។
- ២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=2x-3 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x\to +\infty$  ។
  - ខ ) ចូរសិក្សា ទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ។
- ៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{2e^x g(x)}{(e^x + 2)^2}$  ដែល  $g(x) = e^x + 2x 1$  ។
- ៤.ក)គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។ ខ)គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។
- ៥.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអថេរភាព នៃអនុគមន៍ f ។
- ៦.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_1)$ និង $(d_2)$ ។ គេយក e=2.72 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  ។

#### <u> លំខាងងនិ១៩</u>

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ  $\mathbb{R}$  \* ដោយ  $f(x) = \frac{x}{2} + \frac{e^x + 1}{2x}$  ។

គេតាង C ជាក្រាបតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $\left(o,\overset{
ightarrow}{i},\overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនា  $\lim_{x\to 0} f(x)$  និង  $\lim_{x\to \pm\infty} f(x)$  រួបបញ្ជាក់សមីការអាស៊ីមតូតឈរនៃC។

២.ចូរស្រាយថាបន្ទាត់ $(d): y = \frac{x}{2}$ ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃក្រាបC បើ  $x \to -\infty$ 

រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d) និងក្រាប(C) ។

៣.បូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x)=rac{(x-1)(e^x+x+1)}{2x^2}$  គ្រប់  $x\in\mathbb{R}$  \* ។

៤.បង្ហាញថាសមីការ  $e^x+x+1=0$  មានឬស $\alpha$  តែមួយគត់ដែល $-2<\alpha<-1$  រួបបញ្ជាក់សញ្ញានៃ  $e^x+x+1$  ចំពោះ  $x>\alpha$  និង  $x<\alpha$  ។

៥.ទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f''(x)

៦.គណនា f(-2), f(-1), f(2) និង f(3) រួចសង់បន្ទាត $\left(d\right)$ និងក្រាបC ។

គេឃក 
$$e^{-2}=0.14$$
 ,  $e^{-1}=0.38$  ,  $\frac{e^2+1}{4}=2.10$  និង  $\frac{e^3+1}{6}=3.51$ 

# 0 ಬಿಪಿಕಾಣಿಯ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = 1 + 4x^2e^{-x}$  មានក្រាបC ។

- ១) ចូររកលីមីត  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  រួចទាញបញ្ហាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីម តូតដេកនៃក្រាបC ។
- ២)គណនាដេរីវេf'(x) រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ៣ )គណនា f(-1), f(1) និង f(3) រួចសង់ C ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  ។ (គេឃក e=2.7 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-3}=0.1$  )។
- ៤)គណនាផ្ទៃក្រឡា $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយក្រាបC អាស៊ីមតូតដេក និងបន្ទាត់ឈរ x=0 ,  $x=\lambda>0$  ។ទាញរកលីមីត  $\lim_{\lambda\to +\infty} S(\lambda)$  ។

#### **ಆಗ್ರಹ್ಣ**

គេឲ្យអនុគមន៍fកំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ  $f(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 3x + 1)e^x$ 

មានក្រាបតំណាង(C)ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនាលីមីត $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

ទាញបញ្ជាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូតដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។

២.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា៖

$$f'(x) = \frac{1}{2}(x+1)(x-2)e^x$$
 រួបសង់តារាងអថេរភាពនៃ  $f$  ។

៣.ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាសមីការf(x)=0មានឬសពីរផ្សេងគ្នា  $x_1$  និង $x_2$  ដែល

$$0 < x_1 < 1 < 2 < x_2 < 3$$
 1

៤.រកសមីការបន្ទាត់(T)ប៉ះនឹងខ្សែកោង(C)ត្រង់x=0 ។

៥.ចូរសង់បន្ទាត់(T)និងក្រាប(C) ។

#### ದಿದ್ದು ಕ್ಷಿಕ್ಕಾಣ್ಯ

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 7x + 11)e^{x-2}$ 

មានក្រាបតំណាង(C)ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o,\overset{
ightarrow}{i},\overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនាលីមីត $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ។

ទាញបញ្ហាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូតដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។

២.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតxចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា៖

$$f'(x) = \frac{1}{2}(x-1)(x-4)e^x$$
 រួចសង់តារាងអថេរភាពនៃ  $f$  ។

៣.ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាសមីការf(x)=0មានឬសពីរផ្សេងគ្នា  $x_1$  និង $x_2$  ដែល

$$2 < x_1 < 3 < 4 < x_2 < 5$$
 1

៤.រកសមីការបន្ទាត់(T)ប៉ះនឹងខ្សែកោង(C)ត្រង់x=0 ។ ៥.ចូរសង់បន្ទាត់(T)និងក្រាប(C) ។

# ៣៧និត្តខេត្ត

គេឲ្យអនុគមន៍f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = (x^2 - 2x + 1)e^{2x}$ 

មានក្រាបតំណាង(C)ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនាលីមីត $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

ទាញបញ្ជាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូតដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។

២.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតxចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា៖

 $f'(x) = 2x(x-1)e^{2x}$  រូបសង់តារាងអបើរកាពនៃ f ។

៣.ចូរគណនា f(-1) រួចសង់ក្រាបig(Cig) ។

៤.ស្រាយថា  $F(x) = \frac{1}{4}(2x^2 - 6x + 5)e^{2x}$  ជាព្រឹមីទីវមួយនៃ f(x) លើ $\mathbb{R}$  ។

៥.គណនាផ្ទៃក្រឡានៃមណ្ឌលប្លង់ខណ្ឌដោយ(C)និងអ័ក្ស $(x \cdot ox)$ និងបន្ទាត់ពីរ

$$x = 0, x = 1$$
 1

# <u>ಶಿಲಿಔಕ್ಷಣಭಿ</u>

គេឲ្យអនុគមន៍fកំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ  $f(x) = (x^2 - 4x + 4)e^x$ 

មានក្រាបតំណាង(C)ក្នុងតម្រុយអតូនរម៉ាល់  $\left(o,\overset{
ightarrow}{i},\overset{
ightarrow}{j}
ight)$  ។

១.គណនាលីមីត $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

ទាញបញ្ជាក់នូវសមីការនៃអាស៊ីមតូតដេករបស់ខ្សែកោង (C) ។

២.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតxចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា៖

 $f'(x) = x(x-2)e^x$  រូបសង់តារាងអបើរកាពនៃ f ។

៣.ចូរគណនា f(-2) , f(-1) រួចសង់ក្រាប(C) ។

៤.ស្រាយថា  $F(x)=(x^2-6x+10)e^x$  ជាព្រឹមីទីវមួយនៃ f(x)លើ $\mathbb R$ ។ ៥.គណនាផ្ទៃក្រឡានៃមណ្ឌលប្លង់ខណ្ឌដោយ(C)និងអ័ក្ស(x'ox)និងបន្ទាត់ពីរ x=0 , x=2 ។

#### ಬ್ರಣ್ಣ ಪ್ರಕ್ಷಣ್ಣ ಪ್ರಕ್ಷಣ್ಣ ಪ್ರಕ್ಷಣ ಪ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = x + \frac{(x-2)e^x}{e^x - x}$ 

- (C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
  ightarrow}{i}, \overset{
  ightarrow}{j})$  ។
- ១.ចំពោះគ្រប់ $x\in\mathbb{R}$  ចូរបង្ហាញថា  $e^x>x$  រួចទាញបញ្ជាក់ថាអនុគមន៍ f អាចកំណត់បានចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb{R}$  ។
- ២.ក )បង្ហាញថា  $f(x) = x + (1 \frac{2}{x}) \frac{e^x}{\frac{e^x}{x} 1}$  រួចទាញបញ្ហាក់ថា  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$  ។
  - ខ )ចូស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_1)$ : y=x ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោ(C)កាលណា  $x \to -\infty$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_1)$  ជាមួយខ្សែកោង(C) ។
- - 2)ចូស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=2x-2 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x\to -\infty$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាង $(d_2)$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។
- ៤.ក )ចំពោះគ្រប់ $x\in\mathbb{R}$  ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x)=\frac{(e^x-1)g(x)}{(e^x-x)^2}$  ដែល g ជា អនុគមន៍កំណត់លើ $\mathbb{R}$  ដោយ  $g(x)=2e^x-x^2$  ។
  - ខ)ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា g ជាអនុគមន៍កើនលើ  $\mathbb R$  ។

គ )គណនា g(-1) និង g(0) រួចទាញថាមានចំនួនពិត $\alpha \in (-1,0)$ តែមួយគត់ដែល  $g(\alpha)=0$  ។ ចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x)លើចន្លោះ  $(-\infty,\alpha)$  និង  $[\alpha,+\infty)$  ។ ឃ )ចូរសិក្សាសញ្ញានៃ  $e^x-1$  រួចទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) ។ ង )ចូរបង្ហាញថា  $f(\alpha)=2\alpha$  ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f ។ ៥.គេឲ្យ  $\alpha=-0.9$  ។ គណនាតម្លៃ f(-0.9) , f(0) និង f(2) ។ ចូរសង់ក្រាប(C) និងបន្ទាត់  $(d_1)$  និង  $(d_2)$  ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

#### ៩៧និត្តពេះមិន

# ផ្នែកទីមួយ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x) = 2e^x - x^2 + 2x - 1$  ។ ១.គណនា g'(x), g''(x) និង g'''(x) ។ ២.គូតារាងអបេរភាពនៃអនុគមន៍ g (មិនបាប់រកលីមីតត្រង់  $+\infty$  និង  $-\infty$  ) ៣.គណនា g(-1) និង g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សមីការ g(x) = 0 មានប្ញសជាចំនួន ពិត  $\alpha$  តែមួយគត់ស្ថិតនៅចន្លោះ -1 និង 0 ។ទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។ ផ្នែកទីពីរ ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = 2x - 3 + \frac{x^2 - 4x + 3}{e^x - x + 1}$  ។ គេតាង (C) ជាក្រាបតាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ។ 9.ក )ចូរបង្ហាញថាអនុគមន៍ f អាចកំណត់បានជានិច្ចចំពោះគ្រប់តម្លៃចំនួនពិតx ។ 2)គណនា  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

- ២.ក )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់  $(d_1)$ : y=2x-3 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង
  - (C) កាលណា x ខិតទៅជិត  $+\infty$  ។
  - ខ ) ចូរសិក្សា ទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។
- ៣.ក )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត $x \neq 0$ កន្សោម f(x)អាចសរសេរ ៖

$$f(x) = x + (1 - \frac{3}{x}) \frac{e^x}{\frac{e^x}{x} - 1 + \frac{1}{x}}$$

- ខ ) ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់  $(d_2)\colon y=x$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង (C) កាលណា x ខិតទៅជិត  $-\infty$  ។
- គ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។
- ៤.ក ) ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f'(x) = \frac{(e^x 1)g(x)}{(e^x x + 1)^2}$  ។
  - 2)សិក្សាសញ្ញានៃ  $e^x-1$  រួចទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) ។
  - គ )ស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f(\alpha)=2\alpha-1$  ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ៥.គេឲ្យតម្លៃប្រហែលនៃ  $\alpha=\frac{1}{4}$  និង  $e^{-1}=0.4$  ។ គណនា  $f(\alpha)$  និង f(-1) ។ ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់  $(d_1)$  និង  $(d_2)$  ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។

#### លំមាន់នី២៧

# ផ្នែកទីមួយ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x)=x^2-2e^{-x}$  ។ ១.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $1+xe^x>0$  ។

២.គណនា g'(x) រួចទាញឲ្យបានថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិចលើ  $\mathbb R$  ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ g (មិនបាច់រកលីមីតត្រង់  $+\infty$  និង  $-\infty$  ) ៣.គណនា g(0) និង g(1) រួចទាញបញ្ជាក់សមីការ g(x)=0 មានប្ញសជាចំនួន ពិត  $\alpha$  តែមួយគត់ស្ថិតនៅចន្លោះ 0 និង 1 ។ទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។ ផ្នែកទីពីរ ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x) = x + 1 + \frac{x + 2}{1 + xe^x}$  ។

គេតាង (C) ជាក្រាបតាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.ក)ចូរបង្ហាញថាអនុគមន៍f អាចកំណត់បានជានិច្ចចំពោះគ្រប់តម្លៃចំនួនពិតx។

ខ)គណនា 
$$\lim_{x \to -\infty} f(x)$$
 និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ក )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់  $(d_1)\colon y=x+1$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង

$$(C)$$
 កាលណា  $x$  ខិតទៅជិត  $+\infty$  ។

ខ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។

៣.ក )ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតxកន្សោមf(x)អាចសរសេរ ៖

$$f(x) = 2x + 3 - \frac{x(x+2)e^x}{1+xe^x}$$
 4

ខ ) ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់  $(d_2)$  : y = 2x + 3 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង

$$(C)$$
 កាលណា  $x$  ខិតទៅជិត  $-\infty$  ។

គ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។

៤.ក ) ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f'(x) = \frac{e^x(e^x - 1)g(x)}{(1 + xe^x)^2}$  ។

ខ)សិក្សាសញ្ញានៃ  $e^x-1$  រួចទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) ។

គ )ស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f(\alpha)=2\alpha+1$  ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។ ៥.គេឲ្យតម្លៃប្រហែលនៃ  $\alpha=0.9$  និង  $e^{-1}=0.4$  ។ គណនា  $f(\alpha)$  និង f(-1) ។ ចូរសង់ខ្សែកោងC និងបន្ទាត់  $d_1$  និង  $d_2$  ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។

### ಶಿಲಿಔಕ್ಷಣಾಭಿ

# ផ្នែកទីមួយ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x)=e^{2x}-2x^2$  ។ ១.ដោយប្រើក្រាហ្វិកចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $e^{2x}>2x$  ។ ២.គណនា g'(x) រួចទាញឲ្យបានថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។ គូសតារាងអប់េរភាពនៃអនុគមន៍ g (មិនបាច់រកលីមីតត្រង់+ $\infty$ និង  $-\infty$  ) ៣.គណនា g(-1) និង g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សមីការ g(x)=0 មានប្ញសជាចំនួន ពិត  $\alpha$  តែមួយគត់ស្ថិតនៅចន្លោះ -1 និង 0 ។ទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។ ផ្នែកទីពីរ ៖

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់ដោយ  $f(x)=x+rac{x-1}{1-2xe^{-2x}}$  ។

គេតាង (C) ជាក្រាបតាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  ។ ១.ក )ចូរបង្ហាញថាអនុគមន៍ f អាចកំណត់បានជានិច្ចចំពោះគ្រប់តម្លៃចំនួនពិតx ។ ខ )គណនា  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to \infty} f(x)$  ។

២.ក )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់  $(d_1): y = x$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង

(C) កាលណា x ខិតទៅជិត  $-\infty$  ។

ខ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_1)$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។ ៣.ក )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាចំពោះគ្រប់ចំនួនពិតx កន្សោមf(x)អាចសរសេរ ៖

$$f(x) = 2x - 1 + \frac{2x(x-1)e^{-2x}}{1 - 2xe^{-2x}}$$
 y

- 2 )ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់  $\left(d_{2}\right)$ : y=2x-1 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង
- (C) កាលណា x ខិតទៅជិត  $+\infty$  ។
- គ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ ជាមួយខ្សែកោង(C) ។
- ៤.ក ) ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f'(x) = \frac{(e^x 1)(e^x + 1)g(x)}{(e^{2x} 2x)^2}$  ។
  - ខ)សិក្សាសញ្ញានៃ  $e^x-1$  រួចទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) ។
  - គ )ស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f(\alpha)=2\alpha$  ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ f ។
- ៥.គេឲ្យតម្លៃប្រហែលនៃ  $\alpha=0.49$  និង  $e^{-1}=0.4$  ។ គណនា  $f(\alpha)$  និង  $f(-\frac{1}{2})$  ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់  $(d_1)$  និង  $(d_2)$  ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។

#### ಕ್ಷಿಣ್ಣ ಕ್ಷಣ್ಣ ಕ್ಷ್ಮಾಣ್ಣ ಕ್ಷ್ಣಿಣ ಕ್ಷ್ಮಾಣ್ಣ ಕ್ಷ್ಣ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}-\{\,\ln 2\,\}$  ដោយ  $f(x)=x-rac{1}{2}+rac{e^x}{2(e^x-2)}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

- ១.គណនា  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to \ln 2} f(x)$  រួចទាញបញ្ជាក់សមីការនៃ អាស៊ីមតូតដេកនៃខ្សែកោង(C) ។
- ២.ចូរកំណត់សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេពីររបស់ខ្សែកោង (C) ។
- ៣.ចំពោះគ្រប់  $x \neq \ln 2$  ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x) = \frac{(e^x 1)(e^x 4)}{(e^x 2)^2}$  ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f ។
- ៤.កំណត់សមីការបន្ទាត់ប៉ះទាំងអស់ដែលមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើ-2ហើយប៉ះទៅនឹងខ្សែកោង(C) ។

៥.ចូរសង់ក្រាប(C)និងអាស៊ីមតូតទាំងអស់របស់វាក្នុងតម្រុយតែមួយ។

# <u>លំមាាគ់គី៣០</u>

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}-\{\,\ln 3\,\}$  ដោយ  $f(x)=x+rac{4}{e^x-3}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.គណនា  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to \ln 3} f(x)$  រួចទាញបញ្ជាក់សមីការនៃ អាស៊ីមតូតដេកនៃខ្សែកោង(C) ។

២.ចូរកំណត់សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេពីររបស់ខ្សែកោង (C) ។

៣.ចំពោះគ្រប់  $x \neq \ln 3$  ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x) = \frac{e^{2x} - 10e^x + 9}{(e^x - 3)^2}$  ។

គូសតារាងអឋេរភាពនៃអនុគមន៍ f ។

៤.ចូរសង់ក្រាប(C)និងអាស៊ីមតូតទាំងអស់របស់វាក្នុងតម្រុយតែមួយ។

# លំមាន់ខ្លួយ

# ផ្នែកទីមួយ

គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x) = e^x - x - 1$  ។

- ១.គណនា g'(x) រួចសិក្សាសញ្ញានៃ g'(x) ។
- ២.គូសតារាងអថេរភាពនៃ g រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃg លើ  $\mathbb R$  ។ (មិនបាច់គណនាលីមីតនៃ g(x) ខាង  $-\infty$  និង  $+\infty$  ទេ)

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x + 1 + \frac{x+2}{e^x}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.ចូរគណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ចូរស្រាយបញ្ហាក់ថាបន្ទាត់ (d): y = x + 1 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា  $x \to +\infty$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងខ្សែកោង (C) ។

 $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$  ប៉ូរស្រាយថា  $f'(x) = e^{-x}(e^x - x - 1)$  រួចទាញបញ្ជាក់ថា

f'(x) និង g(x) មានសញ្ញាដូចគ្នា ។

ខ)គូសតារាងអឋេរភាពនៃអនុគមន៍ f ។

៤.ចូរសរសេរសមីការបន្ទាត់(T)ស្របនឹងបន្ទាត់(d)ហើយប៉ះនឹងខ្សែកោង(C)។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ (d) & (T)ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

# ផ្នែកទីប៊ី

គេឲ្យអនុគមន៍ F កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $F(x) = \frac{x^2}{2} + x - \frac{x+3}{e^x}$  ។

១.ស្រាយបញ្ជាក់ថា F(x) ជាព្រឹមីទីវមួយនៃf(x) លើ  $\mathbb R$  ៖

២.គណនាផ្ទៃក្រឡា $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង(C) បន្ទាត់(d) និង បន្ទាត់ឈរ x=-2 និង  $x=\lambda$  ដែល  $\lambda>-2$  ។

៣.គណនា  $\lim_{\lambda \to +\infty} S(\lambda)$  ។

#### 

# ផ្នែកទីមួយ

គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x)=2e^{rac{x}{2}}-x-2$  ។

១.គណនា g'(x) រួចសិក្សាសញ្ញានៃ g'(x) ។

២.គូសតារាងអថេរភាពនៃ g រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃg លើ  $\mathbb R$  ។

(មិនបាច់គណនាលីមីតនៃ g(x) ខាង  $-\infty$  និង  $+\infty$  ទេ )

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = x - 2 + \frac{x+4}{\sqrt{e^x}}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  ។

១.ចូរគណនាលីមីត  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់ (d) : y=x-2 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា  $x o +\infty$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងខ្សែកោង (C) ។

 $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$  ប៉ូរស្រាយថា  $f'(x) = \frac{1}{2}e^{-\frac{x}{2}}g(x)$  រួចទាញបញ្ហាក់ថា

f'(x) និង g(x) មានសញ្ញាដូចគ្នា ។

ខ)គូសតារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f ។

៤.ចូរសរសេរសមីការបន្ទាត់(T)ស្របនឹងបន្ទាត់(d)ហើយប៉ះនឹងខ្សែកោង(C)។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ (d) & (T)ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

# ផ្នែកទីប៊ី

គេឲ្យអនុគមន៍ F កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $F(x)=\frac{x^2}{2}-2x-2(x+6)e^{-\frac{x}{2}}$  ។ ១.ស្រាយបញ្ជាក់ថា F(x) ជាព្រីមីទីវមួយនៃ f(x) លើ  $\mathbb R$  ៖ ២.គណនាផ្ទៃក្រឡា $S(\lambda)$  នៃផ្នែកប្លង់កំណត់ដោយខ្សែកោង(C) បន្ទាត់(d) និង បន្ទាត់ឈរ x=-2 និង  $x=\lambda$  ដែល  $\lambda>-2$  ។ ៣.គណនា  $\lim_{\lambda\to +\infty} S(\lambda)$  ។

#### លំខាន់ខ្លួយ

# ផ្នែកទីមួយ

គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x) = 1 - x - e^x$  ។ ១.គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍ចុះជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។ ២.គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = -x + 3 + \frac{x-2}{e^x + 1}$  (C) ជាក្រាបតំណាង f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$  ។

9.7 )គ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា f(x)=1-(x-2)  $\frac{e^x}{e^x+1}$  រួចទាញថា បន្ទាត់  $(d_1):y=1$  ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)កាលណា  $x\to -\infty$  ។ 2 )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។

២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=-x+3 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x\to +\infty$  ។

ខ)ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_2)$ ។

៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត 
$$x$$
 ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x + 1)^2}$ 

- ៤.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអថេរភាព នៃអនុគមន៍ f ។
- ៥.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_1)$ និង $(d_2)$ ។ គេឃក e=2.72 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  ។

# <u>សំពានិតខេល់</u>

# ផ្នែកទិ៍មួយ

គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x) = e^x + 3x - 1$  ។ ១.គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។ ២.គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb{R}$  ដោយ  $y = f(x) = \frac{2(3x-4)e^x}{e^x+3}$ 

- $\left(C
  ight)$  ជាក្រាបតំណាង f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
  ightarrow}{i}, \overset{
  ightarrow}{j}
  ight)$  ។
- ១.ក )ចូរស្រាយថា  $(d_1)\colon y=0$  ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)ខាង  $x\to -\infty$ ។ ខ )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។
- ២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=6x-8 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x\to +\infty$  ។

ខ)ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_2)$ ។

៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត 
$$x$$
 ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{6e^x g(x)}{(e^x + 3)^2}$ 

៤.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអថេរភាព នៃអនុគមន៍ f ។គេយក e=2.72 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  ។

៥.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_1)$ និង $(d_2)$ ។

# <u> ១៣និតខេស្</u>

# ផ្នែកទីមួយ

គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x) = e^x + 2x - 1$  ។ ១.គណនា g'(x) រួចទាញថា g ជាអនុគមន៍កើនជានិច្ចលើ  $\mathbb R$  ។ ២.គណនា g(0) រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ។

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$  ដោយ  $f(x) = \frac{2(x-1)e^x + 2}{e^x + 2}$ 

- (C) ជាក្រាបតំណាង f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $\left(o, \overset{
  ightarrow}{i}, \overset{
  ightarrow}{j}
  ight)$  ។
- 9.7 )គ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយថា  $f(x)=1+rac{(2x-3)e^x}{e^x+2}$  រួចទាញថា បន្ទាត់  $(d_1):y=1$  ជាអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប(C)កាលណា  $x\to -\infty$  ។ 2 )ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_1)$ ។
- ២.ក )ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_2)$ : y=2x-2 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C) កាលណា  $x \to +\infty$  ។

ខ)ចូរសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់ $(d_2)$ ។

៣.ចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត x ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{2e^x g(x)}{(e^x + 2)^2}$ 

៤.ដោយប្រើលទ្ធផលខាងលើចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) រួចសង់តារាងអថេរភាព នៃអនុគមន៍ f ។

៥.គណនា f(-2), f(-1) និង f(1) រួចសង់ក្រាប(C)បន្ទាត់ $(d_1)$ និង $(d_2)$ ។ គេឃក e=2.72 ,  $e^{-1}=0.4$  ,  $e^{-2}=0.2$  ។

# **៩៣និ**ងខេរិ

# ផ្នែកទីមួយ

គេឲ្យអនុគមន៍ g កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $g(x)=e^x+x+1$  ។ ១.បង្ហាញថាសមីការ g(x)=0 មានឬស $\alpha$  តែមួយគត់ដែល $-2<\alpha<-1$  ។ ២.បញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) ចំពោះ  $x>\alpha$  និង  $x<\alpha$  ។

# ផ្នែកទីពីរ

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}$  \* ដោយ  $f(x)=\frac{x}{2}-1+\frac{e^x+1}{2x}$  ។ គេតាង C ជាក្រាបតំណាងអនុគមន៍ f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $\left(o,\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}\right)$  ។ 9.គណនា  $\lim_{x\to 0}f(x)$  និង  $\lim_{x\to \pm\infty}f(x)$  រួចបញ្ជាក់សមីការអាស៊ីមតូតឈរនៃ C ។ ២.ចូរស្រាយថាបន្ទាត់ $(d):y=\frac{x}{2}-1$ ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃក្រាប C បើ  $x\to -\infty$  រួចសិក្សាទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d) និងក្រាប (C) ។

៣.បូរស្រាយបញ្ហាក់ថា  $f'(x) = \frac{(x-1)g(x)}{2x^2}$  គ្រប់  $x \in \mathbb{R}$  \* ។

៤.ទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) រួចគូសតារាងអឋេរភាពនៃ f''(x)

៥.គណនា f(-2), f(-1), f(2) និង f(3) រួចសង់បន្ទាត $\left(d\right)$ និងក្រាបC ។

គេឃក 
$$e^{-2}=0.14$$
 ,  $e^{-1}=0.38$  ,  $\frac{e^2+1}{4}=2.10$  និង  $\frac{e^3+1}{6}=3.51$  ។

# លំមាន់ខ្លួយព

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}$  ដោយ  $f(x) = 9x - 8\ln(e^x + 1) + \frac{16}{e^x + 1}$ 

(C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

9.ក )ប៉ំពោះគ្រប់ $x\in\mathbb{R}$  ប៊ូរស្រាយថា  $f(x)=9x+16-8\ln(e^x+1)-rac{16e^x}{e^x+1}$  ។

រួចគណនា  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ។

ខ ) ចូរស្រាយថាបន្ទាត់  $(d_1)$  : y = 9x + 8 ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង (C)

កាលណា  $x o -\infty$  រួចទាញបញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងក្រាប(C)។

២.ក )ក )ចំពោះគ្រប់  $x\in\mathbb{R}$  បូរស្រាយថា  $f(x)=x-8\ln\left(1+rac{1}{e^x}
ight)+rac{16}{e^x+1}$  ។

រួចគណនា  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ។

ខ )ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់  $(d_2)\colon y=x$  ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា  $x \to +\infty$  ។

 $\mathbb{M}$ .ក ) ប៉ំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$  ប៊ូរស្រាយថា  $f'(x) = \left(\frac{e^x - 3}{e^x + 1}\right)^2$  ។

ខ)គូសតារាងអឋេរភាពអនុគមន៍f ។

៤.ចូរសរសេរបន្ទាត់(T) ស្របនឹងបន្ទាត់ $(d_2)$  ហើយប៉ះនឹងខ្សែកោង(C) ។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C)និងបន្ទាត់  $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ , $(d_{\scriptscriptstyle 2})$  និង(T)ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។

# លំមាន់នី៣៤

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb R$  ដោយ  $f(x)=x-2+rac{9}{e^x+2}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.គណនា  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ។

២.ចូរកំណត់សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេពីររបស់ខ្សែកោង (C) ។

៣.ចំពោះគ្រប់  $x \in \mathbb{R}$  ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{e^{2x} - 5e^x + 4}{(e^x + 2)^2}$  ។

៤.កំណត់អាប់ស៊ីសនៃចំណុចទាំងអស់ស្ថិតនៅលើខ្សែកោង(C)ដោយដឹងថាបន្ទាត់  $\ddot{\mathbf{u}}$  ប៉ះត្រង់ចំណុចទាំងនោះមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើ $-rac{1}{\mathbf{Q}}$ ។

៥.ចូរសង់ក្រាប(C)និងអាស៊ីមតូតទាំងអស់របស់វាក្នុងតម្រុយតែមួយ។

#### <u> លំមោងនី៣៩</u>

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}$  \* ដោយ  $f(x) = x + 1 + \frac{1}{2(e^x - 1)}$  ។

តាង(C) ជាក្រាបនៃអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់ $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

១.ចូរគណនា  $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  និង  $\lim_{x\to 0} f(x)$  រួចទាញបញ្ហាក់សមីការ នៃអាស៊ីមតូតឈរនៃក្រាប(C) ។

២.ចូរកំណត់សមីការអាស៊ីមតូតទ្រេតពីររបស់ខ្សែកោង (C) ។

៣.ចំពោះគ្រប់ 
$$x \in \mathbb{R}$$
 \* ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថា  $f'(x) = \frac{2e^{2x} - 5e^x + 2}{2(e^x - 1)^2}$  ។

កំណត់អាប់ស៊ីសនៃចំណុចទាំងអស់ស្ថិតនៅលើខ្សែកោង(C)ដោយដឹងថាបន្ទាត់  $\dot{f v}$ ះត្រង់ចំណុចទាំងនោះមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើ $rac{7}{9}$ ។

៥.ចូរសង់ក្រាប(C)និងអាស៊ីមតូតទាំងអស់របស់វាក្នុងតម្រុយតែមួយ។

#### លំមាន់នី៤០

គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើ  $\mathbb{R}$  ដោយ  $f(x) = -2x - 3 + \frac{2x + 4}{e^x + 1} + 4\ln(e^x + 1)$ 

(C) ជាខ្សែកោងតំណាងអនុគមន៍f ក្នុងតម្រុយអរតូនរម៉ាល់  $(O, \overset{
ightarrow}{i}, \overset{
ightarrow}{j})$  ។

9.ក )គ្រប់ចំនួនពិត
$$x$$
 ចូរបង្ហាញថា  $f(x) = 1 - \frac{2(x+2)e^x}{e^x + 1} + 4\ln\left(e^x + 1\right)$  ។

ខ )គណនា  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  រួចទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតដេកនៃខ្សែកោង(C)។

២.ក )គ្រប់ចំនួនពិត
$$x$$
 ចូរបង្ហាញថា  $f(x) = 2x - 3 + \frac{2x + 4}{e^x + 1} + 4\ln\left(1 + \frac{1}{e^x}\right)$ ។

ខ)គណនា  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ។

គ )ស្រាយបញ្ជាក់ថាបន្ទាត់(d) : y=2x-3ជាអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃខ្សែកោង(C)

កាលណា $x o +\infty$  ។ បញ្ជាក់ទីតាំងធៀបរវាងបន្ទាត់(d)និងខ្សែកោង (C) ។

 $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}$ 

ខ)គ្រប់ចំនួនពិត x ចូរបង្ហាញថា  $e^x \ge x+1$  រួចទាញបញ្ជាក់សញ្ញានៃ f'(x) ។

គ )គូសតារាងអបើរភាពនៃអនុគមន៍ f ។

៤.ចូរសរសេរសមីការបន្ទាត់(T)ប៉ះនឹងខ្សែកោង(C)ត្រង់ x=0 ។

ទាញបញ្ជាក់ទីតាងធៀបរវាងបន្ទាត់(T) ជាមួយនឹងខ្សែកោង(C) ។

៥.ចូរសង់ខ្សែកោង(C) និងបន្ទាត់ $(d_{\scriptscriptstyle 1})$ , $(d_{\scriptscriptstyle 2})$ និងបន្ទាត់ប៉ះ(T) ក្នុងតម្រុយរួមគ្នា។



www.mathtoday.wordpress.com