

Write-Up Merry & Pippin

Pseudo : xbquo

1. TL; DR

Ces challenges sont issus des épreuves de présélection pour rejoindre l'équipe de France de Cybersécurité lors du challenge européen. Ils étaient évalués à 500 et 200 points, ce qui est relativement élevé. Dans le premier challenge, on nous donne un script Python d'un serveur qui nous demande en entrée les matrices permettant de retrouver une certaine clé. Le second challenge est basé sur le même principe excepté le fait que le nombre de requêtes sur le serveur distant est limité.

2. Analyse du code source

Je vous donne d'abord un exemplaire du code source tel que je l'ai commenté, puis je vous expliquerai en détail les lignes importantes qui nous intéressent. Voici le code source :

```

1 import sys
2 import numpy as np
3 from flag import flag
4 from zlib import compress, decompress
5 from base64 import b64encode as b64e, b64decode as b64d
6
7 class Server:
8     def __init__(self, q, n, n_bar, m_bar):
9         # initialisation de constantes
10         self.q = q
11         self.n = n
12         self.n_bar = n_bar
13         self.m_bar = m_bar
14         # on initialise des matrices
15         # dans les 2 premiers cas, elles comportent des chiffres entre -1 et
16         2
17         # et sont de tailles n*n_bar (n lignes et n_bar colonnes)
18         self.__S_a = np.matrix(np.random.randint(-1, 2, size = (self.n, self
19         .n_bar)))
20         self.__E_a = np.matrix(np.random.randint(-1, 2, size = (self.n, self
21         .n_bar)))
22         # dans le dernier cas, elle comporte des nb random de 0 a q
23         # et la matrice est de taille n*n
24         self.A = np.matrix(np.random.randint( 0, q, size = (self.n, self
25         .n)))
26         # equivalent de l'operation % entre 2 nombres en python
27         # ici on fait A*__S_a + __E_a mod q
28         # Exemple avec 2 matrices 2x2 :

```

```

25     """
26     >>> m1
27     matrix([[4, 7],
28             [4, 7]])
29     >>> m2
30     matrix([[2, 3],
31             [3, 2]])
32     >>> np.mod(m1,m2)
33     matrix([[0, 1],
34             [1, 1]])
35     """
36     # Soient nos matrices m1 et m2, de coordonn\es m1_{i,j} (resp. m2{
_i,j})
37     # Soit mf notre matrice finale. mf = mod(m1,m2) :
38     # On realise m1_{1,1} % m2_{1,1} = mf_{1,1} etc
39     self.B      = np.mod(self.A * self.__S_a + self.__E_a, self.q)
40
41     ### Private methods
42     def __decode(self, mat):
43         """[summary]
44
45         Args:
46             mat (matrice)
47
48         Returns:
49             matrice: tous les nombres de la matrices sont passes dans
recenter puis mult_and_round
50         """
51
52         # fonction qui prends un x et le renvoie uniquement s'il est compris
entre 0 et q//2
53         # sinon on renvoie la diff'rence de x - q (comprise entre -q//2 et
+\infy)
54         def recenter(x):
55             if x > self.q // 2:
56                 return x - self.q
57             else:
58                 return x
59
60         # fonction qui prends un nb en params et retourne la valeur entiere
la plus proche de
61         # x / (q/4)
62         def mult_and_round(x):
63             return round((x / (self.q / 4)))
64
65         # pour les nombres de la matrice mat, on les passe 1 a 1 dans la
fonction recenter
66         out = np.vectorize(recenter)(mat)
67         # pour les nombres de la matrice out, on les passe 1 a 1 dans la
fonction mult_and_round
68         out = np.vectorize(mult_and_round)(out)
69         return out
70
71     def __decaps(self, U, C):
72         # pour recapituler, on prends les params U et C de la fonction

```

```

73         # np.dot(U, self.__S_a) ; cette ligne effectue le produit des
matrices U et __S_a
74         # notons P ce produit. On le soustrait a la matrice C, on note S ce
r suktat
75         # on fait alors S mod q
76         key_a = self.__decode(np.mod(C - np.dot(U, self.__S_a), self.q))
77         return key_a
78
79     ### Public methods
80     def pk(self):
81         return self.A, self.B
82
83     def check_exchange(self, U, C, key_b):
84         """[summary]
85
86         Args:
87             U ([matrice])
88             C ([matrice])
89             key_b ([bool en]): True si key_a est gal a key_b, False sinon
90
91         Returns:
92             [type]: [description]
93         """
94         key_a = self.__decaps(U, C)
95         return (key_a == key_b).all()
96
97     def check_sk(self, S_a, E_a):
98         """[summary]
99
100
101         Args:
102             S_a ([matrice])
103             E_a ([matrice])
104
105         Returns:
106             [bool en]: True si S_a = __S_a et E_a == __E_a, False sinon
107         """
108         return (S_a == self.__S_a).all() and (E_a == self.__E_a).all()
109
110     def menu():
111         print("Possible actions:")
112         print("  [1] Key exchange")
113         print("  [2] Get flag")
114         print("  [3] Exit")
115         return int(input(">>> "))
116
117     if __name__ == "__main__":
118
119         q      = 2 ** 11
120         n      = 280
121         n_bar  = 4
122         m_bar  = 4
123         flag   = ""
124
125         # cr ation du serveur avec ces params

```

```

126     server = Server(q, n, n_bar, m_bar)
127
128     # recevoir les matrices A et B
129     A, B = server.pk()
130     # on nous donne les matrices A et B
131     print("Here are the server public parameters:")
132     print("A = {}".format(b64e(compress(A.tobytes())).decode()))
133     print("B = {}".format(b64e(compress(B.tobytes())).decode()))
134
135     nbQueries = 0
136     while True:
137         try:
138             choice = menu()
139             # si on veut faire un change de cl
140             if choice == 1:
141                 nbQueries += 1
142                 print("Key exchange #{}".format(nbQueries), file = sys.stderr)
143                 # entr e des deux matrices U et C et de la cl b
144                 U = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("U = "))))
, dtype = np.int64), (m_bar, n))
145                 C = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("C = "))))
, dtype = np.int64), (m_bar, n_bar))
146                 key_b = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("key_b =
")))), dtype = np.int64), (m_bar, n_bar))
147                 # si c'est gal a la cl du serveur, il print le msg de
succ s, sinon il envoie celui de fail.
148                 if server.check_exchange(U, C, key_b):
149                     print("Success, the server and the client share the same key
!")
150                 else:
151                     print("Failure.")
152
153                 elif choice == 2:
154                     S_a = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("S_a =
")))), dtype = np.int64), (n, n_bar))
155                     E_a = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("E_a =
")))), dtype = np.int64), (n, n_bar))
156                     # si les matrices de d part S_a et E_a sont gales
celles du programme, on obtient le flag
157                     if server.check_sk(S_a, E_a):
158                         print("Correct key, congratulations! Here is the flag:
{}".format(flag))
159                     else:
160                         print("Sorry, this is not the correct key.")
161                         print("Bye bye.")
162                         exit(1)
163
164                     elif choice == 3:
165                         print("Bye bye.")
166                         break
167
168         except:
169             pass

```

L'énoncé du premier challenge est le suivant: *Un serveur a été conçu pour utiliser un algorithme d'échange de clés avec ses clients. Cet algorithme génère et garde le*

même bi-clé pour plusieurs requêtes. Il notifie aussi ses clients quand l'échange a échoué et que la clé partagée n'est pas la même. Votre but est de retrouver la clé secrète du bi-clé généré par le serveur. Service : nc challenges1.france-cybersecurity-challenge.fr 2001.

L'algorithme dispose d'une classe contenant plusieurs fonctions. Celles dont nous prêterons le plus attention seront les fonctions **decode** et quelques lignes de la fonction **__init**. Le challenge consiste à renvoyer deux matrices E_a et S_a qui contiennent des valeurs générées aléatoirement appartenant à l'ensemble $\{-1, 0, 1\}$, à l'aide d'un service permettant de vérifier si nos clés sont égales. Venons-en maintenant à la génération de la clé du serveur. Comme le montre le bout de code suivant :

```
key_a = self.__decode(np.mod(C - np.dot(U, self.__S_a) self.q))
```

La clé `key_a`, notée ici matrice $k_{a,4}$ est générée à partir d'une matrice $U_{4,280}$, d'une matrice $C_{4,4}$ et de la matrice que l'on souhaite retrouver, $S_{a_{280,4}}$. Nous noterons D la fonction **decode**. Le serveur réalise donc le calcul suivant :

$$k_{a,4} = D(C_{4,4} - U_{4,280} \cdot S_{a_{280,4}} \mod q)$$

$$= D \left(\begin{pmatrix} c_{1,1} & c_{1,2} & c_{1,3} & c_{1,4} \\ c_{2,1} & c_{2,2} & c_{2,3} & c_{2,4} \\ c_{3,1} & c_{3,2} & c_{3,3} & c_{3,4} \\ c_{4,1} & c_{4,2} & c_{4,3} & c_{4,4} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} u_{1,1} & \cdots & u_{1,280} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ u_{4,1} & \cdots & u_{4,280} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} s_{1,1} & \cdots & s_{1,4} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ s_{280,1} & \cdots & s_{280,4} \end{pmatrix} \mod q \right)$$

Que fait exactement la fonction **decode** ? Regardons le code source de plus près. On initialise deux fonctions que voici :

```
def recenter(x):
    if x > self.q // 2:
        return x - self.q
    else:
        return x

def mult_and_round(x):
    return round((x / (self.q / 4)))
```

La première est assez explicite, on renvoie x , ou $x - q$ si $x > E(\frac{q}{2})$, où $E()$ désigne la partie entière. La seconde fonction renvoie l'entier le plus proche de $\frac{x}{4} = \frac{4x}{q}$. Cela sera important pour la suite. Ensuite, les deux lignes suivantes de la fonction **decode** s'occupent de réaliser les opérations pour chaque coefficient de la matrice. Prenons par exemple une matrice M aux coefficients suivants :

$$M = \begin{pmatrix} 100 & 200 & 300 & 400 \\ 500 & 600 & 700 & 800 \\ 900 & 1000 & 1100 & 1200 \\ 1300 & 1400 & 1500 & 1600 \end{pmatrix}$$

Si on la passe dans la fonction D , toutes les valeurs de la matrice vont d'abord passer dans la fonction **recenter** :

- pour les valeurs inférieurs à 1024 ($\frac{2048}{2}$, car $q = 2048$), on retourne ces valeurs.
- pour les valeurs supérieurs à 1024, on retourne $x - 2048$. Dans notre matrice, les valeurs comprises entre 1100 et 1600, qu'on note x_i , renverront $x_i - 2048$.

Après être passé dans la fonction **recenter**, on obtient la matrice suivante :

$$M_1 = \begin{pmatrix} 100 & 200 & 300 & 400 \\ 500 & 600 & 700 & 800 \\ 900 & 1000 & -948 & -848 \\ -748 & -648 & -548 & -448 \end{pmatrix}$$

Ensuite, il faut encore que les valeurs de la matrice passent dans la fonction **mult_and_round**.

Pour tous les coefficients $a_{i,j}$ de la matrice, on calcule $\text{round}\left(\frac{4a_{i,j}}{2048}\right)$. On constate que les petites valeurs tel que $a_{i,j} \leq 255$, donneront 0 car si on prend par exemple 100, $\frac{4*100}{2048} = \frac{400}{2048} < \frac{1024}{2048} = 0.5$, la fonction *round* arrondira les valeurs à 0 (l'entier le plus proche de notre quotient). Il en va de même pour les valeurs comprises entre -255 et 0. Donc quand les valeurs $a_{i,j}$ sont dans $\llbracket -255, 255 \rrbracket$, la fonction D renverra des valeurs nulles, donc inexploitable. Cependant, si les coefficients $a_{i,j}$ sont ≤ -256 ou ≥ 256 , la fonction D renverra des coefficients < 0 (resp. > 0). Ainsi, après que la matrice M_1 soit passée dans la fonction **mult_and_round**, on obtient cette dernière matrice :

$$M_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & -2 & -2 \\ -1 & -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$$

Sachant que parmi ces valeurs, on doit retrouver les valeurs des coefficients de la matrice S_a . Maintenant, vous êtes parés pour attaquer le serveur ! L'attaque se déroule en 2 parties pour pouvoir récupérer le flag.

3. Leaker S_a

Regardons maintenant les services dont nous disposons:

```
if choice == 1:
    nbQueries += 1
    print("Key exchange #{0}".format(nbQueries), file = sys.stderr)
    # entrée des deux matrices U et C et de la clé b
    U = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("U = ")))), dtype = np.int64), (m,
    C = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("C = ")))), dtype = np.int64), (m,
    key_b = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(input("key_b = ")))), dtype = np.int64)
    # si c'est égal a la clé du serveur, il print le msg de succès, sinon il envoie celui d
    if server.check_exchange(U, C, key_b):
        print("Success, the server and the client share the same key!")
    else:
        print("Failure.")
```

On peut rentrer les valeurs des matrices $U_{4,280}$, $C_{4,4}$ et $k_{b_{4,4}}$. On contrôle donc entièrement l'input de la clé b, qui sera comparé à celle de la clé a. Qui plus est, on maîtrise partiellement la génération de la clé a, qui dépend notamment des matrices $U_{4,280}$ et $C_{4,4}$. On rappelle la relation qui relie $k_{a_{4,4}}$, $U_{4,280}$ et $C_{4,4}$:

$$k_{a_{4,4}} = D(C_{4,4} - U_{4,280} \cdot S_{a_{280,4}} \mod q)$$

Etant donné qu'on cherche S_a , on peut prendre pour nous faciliter la tâche une matrice nulle pour $C_{4,4}$. On considère à présent l'égalité suivante :

$$k_{a_{4,4}} = D(-U_{4,280} \cdot S_{a_{280,4}} \mod q)$$

On sait aussi que la fonction **D** renvoie 0 pour des valeurs dans $\llbracket -255, 255 \rrbracket$. Par ailleurs, les valeurs de S_a appartenant à $\{-1, 0, 1\}$, il faut que les valeurs des coefficients $u_{i,j}$ soit ≥ 255 ou ≤ -255 . Lors de ma résolution, j'ai pris le premier nombre qui me donnait des valeurs intéressantes, sans pour autant considérer que je pouvais prendre une valeur plus intelligente. Vous allez le constater dans la suite de ce rapport. En effet, en ayant testé dans l'interpréteur Python, je trouve ceci :

```
>>> C
matrix([[0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0.]])

>>> U
matrix([[ 0., 1023.,  0., ...,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,   0.,  0., ...,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,   0.,  0., ...,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,   0.,  0., ...,  0.,  0.,  0.]])

>>> guess__S_a
matrix([[ 1.,  0., -1.,  1.],
        [ 1.,  1., -1.,  1.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.],
        ...,
        [ 0.,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.]])

>>> np.mod(C - np.dot(U, guess__S_a),q)
matrix([[1025., 1025., 1023., 1025.],
        [ 0.,   0.,   0.,   0.],
        [ 0.,   0.,   0.,   0.],
        [ 0.,   0.,   0.,   0.]])

>>> decode(np.mod(C - np.dot(U, guess__S_a),q),q)
matrix([[ -2., -2.,  2., -2.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.],
        [ 0.,  0.,  0.,  0.]])
```

J'ai remarqué que si je prenais une valeur de $u_{i,j}$ égal à 1023, pour la deuxième ligne de $\text{--guess_}S_a$ dans mon exemple, les valeurs retournées dans $\mathbf{Z}/2048\mathbf{Z}$ correspondent à 1025 ou 1023 suivant les valeurs des coefficients de la matrice S_a . En effet :

$$\begin{aligned} 0 - 1023 * 1 \mod 2048 &\iff -1023 \mod 2048 \\ &\iff 1025 \mod 2048 \\ &\text{et} \\ 0 - 1023 * (-1) \mod 2048 &\iff 1023 \mod 2048 \end{aligned}$$

On ne traite pas le cas trivial lorsque le coefficient $S_{a,i,j} = 0$. Ainsi, grâce à cette valeur de $u_{i,j}$, on peut leak les valeurs des coefficients de S_a . En effet, lorsque les 1023, 1025, ou 0 sont passés dans la fonction **D**, (**recenter** renvoie respectivement 1023, $1025 - 2048 = -1023$, 0), on obtient les valeurs 2, -2 et 0. Ainsi, par identification avec la matrice S_a de départ, on remarque les transformations suivantes :

- les 1 deviennent des -2 .
- les -1 deviennent des 2.
- les 0 restent des 0.

Pour que le processus prenne un minimum de temps, on va donc leak S_a ligne par ligne. $U_{4,280}$ n'étant pas carré, on ne peut alimentés de matrices identités tel que :

$$U = \begin{pmatrix} u_{1,1} & \cdots & u_{1,280} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ u_{280,1} & \cdots & u_{280,280} \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \text{ puis} \quad (2)$$

$$U = \begin{pmatrix} 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \cdots \quad (3)$$

En revanche, en utilisant le principe de l'identité, on peut créer une matrice $U_{280,4}$ comme suit :

$$\begin{pmatrix} u_{1,1} & \cdots & u_{1,280} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ u_{4,1} & \cdots & u_{4,280} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \text{ puis} \quad (4)$$

$$U = \begin{pmatrix} 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \quad (5)$$

La ligne (1) sera notre première matrice $U_{280,4}$, la ligne (2) la deuxième etc. De cette manière, on leak d'abord la ligne 1 de S_a , puis la ligne 2, jusqu'à la ligne 280. Grâce

à l'envoi de k_b , on peut envoyer des matrices dont la première ligne contient les valeurs $\{-2, 0, 2\}$ et lorsque le check renvoie "Success", cela signifie que les valeurs de la ligne de k_b correspondent à $-2S_a$. De cette manière, on remplit petit à petit notre matrice S_a .

4. Calculer E_a

Maintenant que nous avons la matrice S_a , on doit calculer la matrice E_a , pour pouvoir renvoyer ces deux matrices et obtenir le flag. D'après cette ligne :

```
self.B = np.mod(self.A * self.__S_a + self.__E_a, self.q)
```

en isolant E_a , il vient :

$$B = A * S_a + E_a \mod q \iff E_a = B - A * S_a \mod q$$

A l'aide de Python, on réalise alors ce calcul et on renvoie les deux matrices S_a et E_a pour obtenir le flag.

5. Script de résolution

```
1 from pwn import *
2 from zlib import decompress, compress
3 from base64 import b64decode as b64d, b64encode as b64e
4 import numpy as np
5 import itertools
6 import time
7
8 r = remote("challenges1.france-cybersecurity-challenge.fr", 2001)
9 #r = process(['python', './test.py'])
10 r.recvline()
11
12 n = 280
13 n_bar = 4
14 m_bar = 4
15 q = 2**11
16
17 A = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(r.recvline()[4:-1])), dtype =
18     np.int64), (n, n))
19 B = np.reshape(np.frombuffer(decompress(b64d(r.recvline()[4:-1])), dtype =
20     np.int64), (n, n_bar))
21 print(r.recv())
22
23 def decode(matrice, q):
24     def recenter(x):
25         if x > q//2:
26             return x - q
27         else:
28             return x
29
30     def mult_and_round(x):
31         return round((x / (q/4)))
32
33     out = np.vectorize(recenter)(matrice)
```

```

32     out = np.vectorize(mult_and_round)(out)
33     return out
34
35 # Initialisation de nos matrices tests U, C, et key_b.
36 C = np.asmatrix(np.zeros(shape=(m_bar, n_bar)), dtype=np.int64)
37 U = np.asmatrix(np.zeros(shape=(m_bar, n)), dtype=np.int64)
38 key_b = np.asmatrix(np.zeros(shape=(m_bar, n_bar)), dtype=np.int64)
39 guess__S_a = np.asmatrix(np.zeros(shape=(n, n_bar)), dtype=np.int64)
40
41 i = 0
42 try:
43     while i!=280:
44
45         try:
46             U[0,i] = 1023
47             U[0,i-1] = 0
48         except IndexError:
49             pass
50         r.sendline("1")
51         r.recv()
52         #print(f"__S_a : {guess__S_a}")
53
54
55         for comb in list(itertools.product([2, -2, 0], repeat=4)):
56             #print("IN THE GU3SSING LOOP")
57             key_b[0] = list(comb)
58             #print(f"Actual combination : {comb}")
59             r.sendline(b64e(compress(U.tobytes()))).decode()
60             #print("Je viens de send U")
61             r.recv()
62             r.sendline(b64e(compress(C.tobytes()))).decode()
63             r.recv()
64             r.sendline(b64e(compress(key_b.tobytes()))).decode()
65             response = r.recv()
66             #print(response)
67             if b"Success" in response:
68                 #print("=== SUCCESS ===")
69                 #print(response)
70                 print(f"[+] {i} line of __S_a contains {comb}")
71                 guess__S_a[i] = list(comb)
72                 i+=1
73                 #time.sleep(0.2)
74                 break
75             else:
76                 #print("ELSE CONDITION")
77                 r.sendline("1")
78                 r.recv()
79 except IndexError:
80     pass
81
82 # transformer la matrice avec ses valeurs initiales
83 with np.nditer(guess__S_a, op_flags=['readwrite']) as it:
84     for x in it:
85         if x == -2.0:
86             x[...] = 1

```

```

87         elif x == 2.0:
88             x[...] = -1
89     print(f"__S_a : {guess__S_a}")
90
91     __E_a = np.mod(B-np.dot(A,guess__S_a),q)
92     with np.nditer(__E_a, op_flags=['readwrite']) as it:
93         for x in it:
94             if x == 2047.0:
95                 x[...] = -1
96
97     print(f"__E_a : {__E_a}")
98     r.sendline("2")
99     print(r.recv())
100    r.sendline(b64e(compress(guess__S_a.tobytes()).decode()))
101    print(r.recv())
102    r.sendline(b64e(compress(__E_a.tobytes()).decode()))
103    print(r.recv())

```

6. Challenge Pippin

Le challenge Pippin était basé sur un code source similaire, dont on ne disposais cette fois ci, pas. On test alors notre script qui fonctionnait sur Merry, et on remarque qu'on ne peut effectuer que 3000 requêtes pour leak S_a , et avec le script actuel, arrivé à la moitié de la matrice, on ne pourrait plus rien effectuer de requêtes. On regarde donc s'il y a un pattern dans les réponses, et on remarque cela :

```

[+] 0  (x, 0, 0, y)
[+] 1  (0, 0, y, x)
[+] x  (0, y, 0, x)
[+] 3  (y, 0, 0, x)
[+] 4  (y, x, 0, 0)
[+] 5  (y, 0, 0, x)
[+] 6  (x, 0, 0, y)
[+] 7  (0, y, x, 0)
[+] 8  (0, x, 0, y)
[+] 9  (y, 0, 0, x)
[+] 10 (0, 0, x, y)

```

Chaque ligne contient exactement deux fois le chiffre 0, ce qui nous permet de réduire drastiquement le nombre de requêtes. En effet, pour le challenge précédent, on testait toutes les combinaisons de $\{-2, 0, 2\}$, tandis que maintenant, on peut simplement dans notre combinaison bruteforce deux valeurs, car il y a deux 0 que l'on connaît. On remplace donc cette ligne du script précédent :

```
for comb in list(itertools.product([2, -2, 0], repeat=4)):
```

par la ligne suivante :

```
for comb in set(list(itertools.permutations([2, -2, 0, 0], r=4))):
```

PSEUDO : XBQUO-

C'est tout pour ce Write-Up, j'espère avoir été clair et si certains points semblent encore flou, n'hésitez pas à me les faire remonter.