ФГОУ ВО Уральский Федеральный Университет имени первого Президента России Б.Н.Ельцина

Физико-технологический институт Кафедра теоретической физики и прикладной математики

ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №2

«Моделирование атомной структуры реальных кристаллов»

Студент:

Вялова С.А.

группа: ФтМ-170403

Преподаватель:

д.ф.-м.н., профессор Мазуренко Владимир Владимирович

Консультант:

H.C.

Сотников Олег Михайлович

12 июня 2018 г. Екатеринбург.

Содержание

| 1. | Моделирование атомной структуры реальных кристаллов | 2 |
|----|-----------------------------------------------------|---|
| | 1.1. Цель работы | 2 |
| | 1.2. Теоретическая часть | 3 |
| | 1.2.1. Потенциал Леннарда-Джонса | 3 |
| | 1.2.2. Описание методов | 4 |
| | 1.2.3. Разработка программной части | 4 |
| | 1.2.4. Результаты моделирования | 6 |
| | 1.3. Выводы | S |

Глава 1

Моделирование атомной структуры реальных кристаллов

1.1. Цель работы

Разработка программы для моделирования основного состояния двумерных решеток, в которых частицы взаимодействуют через потенциал Леннарда-Джонса. Рассмотрение квадратной и треугольной решетки с одинаковой плотностью атомов.

В ходе выполнения работы необходимо реализовать следующие пункты:

- Определить энергии треугольной и квадратной решеток при различных линейных размеров решеток;
- вычислить плотность системы в каждом случае;
- выяснить, какова зависимость плотности решетки от линейных размеров решетки;
- выяснить, энергия какой из рассматриваемых решеток меньше.

1.2. Теоретическая часть

1.2.1. Потенциал Леннарда-Джонса

Потенциал Леннарда-Джонса представляет собой простую модель парного взаимодействия неполярных молекул, описывающая зависимость энергии взаимодействия двух частиц от расстояния между ними. Потенциал был предложен Леннардом-Джонсом первоначально для исследования термодинамических свойств инертных газов. Наиболее часто используется так называемый (6-12)-потенциал Леннарда-Джонса, записанный в форме

$$U = 4 \cdot \varepsilon \cdot [(\sigma/r)^{12} - (\sigma/r)^{6}], \tag{1.1}$$

где ε - глубина потенциальной ямы, σ - значение расстояния между частицами, при котором потенциал равен нулю. Шестая степень убывания отвечает электростатическому диполь-дипольному и дисперсионному притяжению; двенадцатая степень убывания потенциала моделирует достаточно жесткое отталкивание и выбрана из соображений математического удобства.

1.2.2. Описание методов

В ходе работы необходимо исследовать треугольные и квадратные решетки с различными линейными размерами. Пусть L_x - ширина треугольной решетки, n_c - число частиц в каждой строке или столбце. Столбцы треугольной решетки отстоят друг от друга на $a=L_x/n_c$, а каждую строку разделяет расстояние $\frac{\sqrt{3}}{2}a$. В каждой строке узлы смещены на $\frac{a}{2}$ относительно предыдущей строки. Высота треугольной решетки составляет $L_y=\frac{\sqrt{3}L_x}{2}$, а общее число частиц в системе составляет $N=n_c^2$. Параметры для квадратной решетки подбираются исходя из требования равенства плотностей треугольной и квадратной решеток. Таким образом, сторона квадратной решетки $L=\sqrt{L_x\cdot L_y}$.

Энергия решетки вычисляется через потенциал Леннарда-Джонса следующим образом:

$$E = 4\varepsilon \sum_{i=1}^{N} \sum_{s=i+1}^{N} \left[(\sigma/\vec{r}_{is})^{12} - (\sigma/\vec{r}_{is})^{6} \right]$$
 (1.2)

Плотность решетки вычисляется как частное числа частиц в решетке и полной площади решетки.

Характерный вид расположения атомов в треугольной и квадратной решетках для $L_x=5$ и $L_x=7$ представлен на рисунках 1.1 и 1.2.

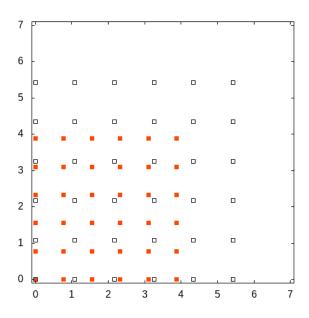


Рис. 1.1. Расположение атомов в треугольной и квадратной решетках для $L_x = 5$.

1.2.3. Разработка программной части

Для решения поставленной задачи была разработана программа на языке C++. Задача программы - сгенерировать начальные значения координат для

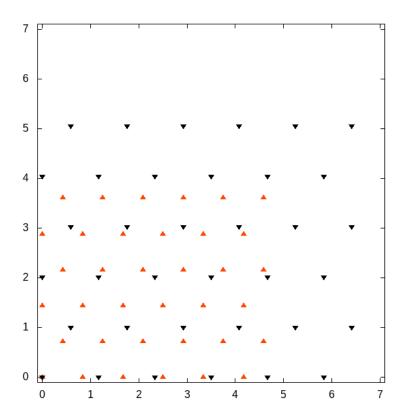


Рис. 1.2. Расположение атомов в треугольной и квадратной решетках для $L_x = 7$.

треугольной, квадратной решетки с заданными линейными размерами. Программа последовательно генерирует следующие типы решеток:

- квадратная, $L_x = 5$
- квадратная, $L_x = 7$
- треугольная, $L_x = 5$
- треугольная, $L_x = 7$

Далее в цикле считается энергия решетки для каждого значения параметра σ с шагом 0.001, вычисляется минимальное значение энергии решетки на интервале σ от 0 до 5 и в минимуме фиксируется значение σ . Значения энергии системы в зависимости от параметра σ на каждом шаге моделирования записываются в файл для построения соответствующих графиков зависимости. Для каждой решетки вычисляется плотность. Значения минимальной энергии, плотности, значения параметра σ в минимуме для каждой решетки выводятся в терминал.

При исследовании системы были использованы следующие входные данные:

- начальное значение параметра σ : 0;
- ullet конечное значение параметра σ : 5;
- шаг по параметру σ : 0.001;

- значение параметра ε =0.0031;
- линейный размер системы по горизонтали $L_x = 5$;
- число частиц в строке/столбце $n_c = 6$;
- число частиц в решетке $N = n_c^2 = 36$;

Программа запускается из командной оболочки bash. Снимок экрана с выводом программы представлен на рисунке 1.3.

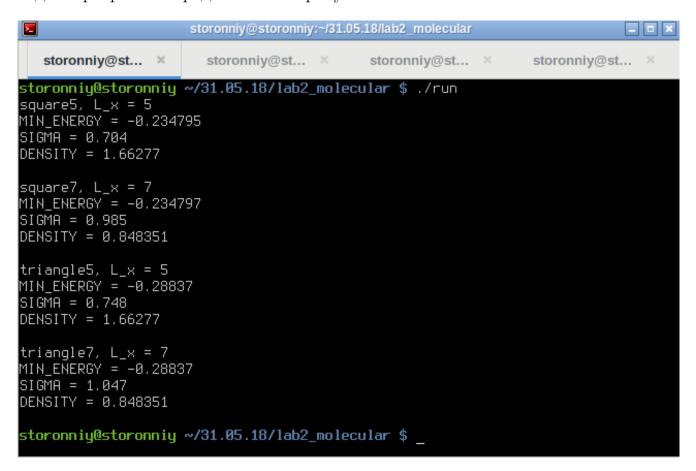


Рис. 1.3. Демонстрация выполняющейся программы.

Как видно из представленного вывода программы, плотности треугольной и квадратной решеток для каждого из исследованных параметров L_x , плотности треугольной и квадратной решеток, как и требовалось, равны при одинаковых параметрах L_x .

Затем необходимо включить динамику для квадратной решетки.

1.2.4. Результаты моделирования

В результате моделирования, были получены графики зависимости энергии систем в зависимости от параметра σ для каждого значения L_x . Соответствующие зависимости представлены на рисунках 1.4 и 1.5.

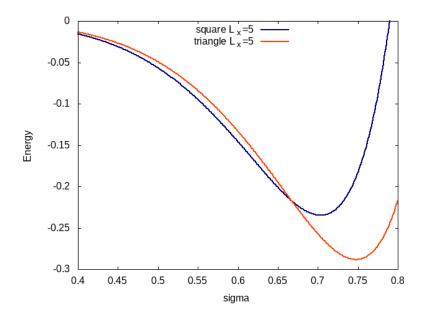


Рис. 1.4. Графики зависимости энергии системы в зависимости от параметра σ для треугольной и квадратной решеток для $L_x=5$.

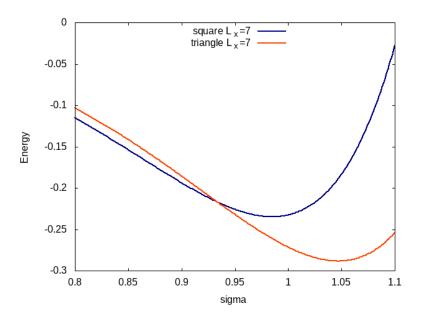


Рис. 1.5. Графики зависимости энергии системы в зависимости от параметра σ для треугольной и квадратной решеток для $L_x = 7$.

После вычисления параметров σ в минимуме энергии для каждой решетки необходимо проследить динамику систем частиц для квадратных решеток. Для этого необходимо воспользоваться видоизмененным программным кодом для лабораторной работы №1 (необходимо передать параметры L_x и L_y для периодических граничных условий и на вход подать найденные в ходе данной

работы параметры σ в минимуме для квадратных решеток), в которой исследвалась динамика двумерной системы частиц, взаимодействующих через потенциал Леннарда-Джонса.

Характерный вид состояния системы в начальный момент времени и после некоторого количества шагов динамики системы представлены на рисунках 1.6 и 1.7.

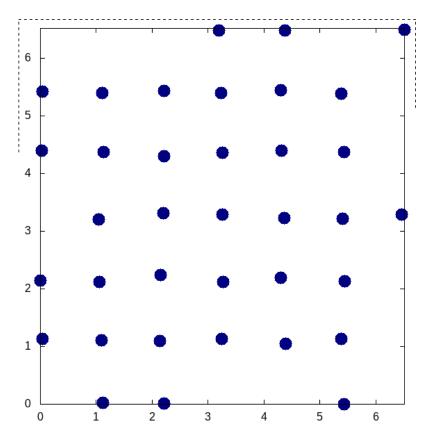


Рис. 1.6. Состояние системы в начальный момент времени для $L_x = 7$.

Из полученной динамики видно, что после некоторого числа шагов моделирования система приходит к некоторому равновесному состоянию с меньшей энергией, в котором стремится стабилизироваться. Система переходит из квадратного упорядочения к треугольному. Далее былл построен график зависимости энергии системы от числа шагов моделирования, представленный на рисунке 1.8, из которого видно, что полная энергия системы сохраняется, а частицы системы, в попытке привести её в равновесное состояние, испытывают столкновения друг с другом.

1.3. Выводы 9

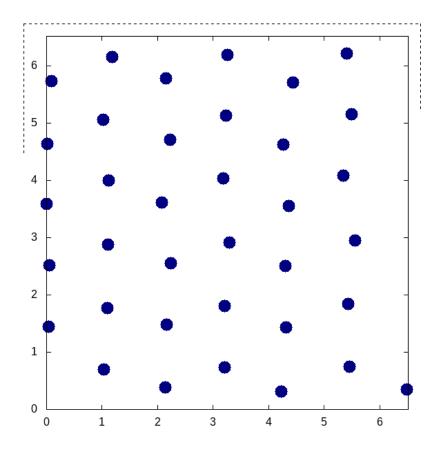


Рис. 1.7. Состояние системы после некоторого количества шагов динамики системы для $L_x = 7$.

1.3. Выводы

В ходе данной работы была разработана программа, моделирующая основное состояние треугольной и квадратной решеток, взаимодействующих через потенциал Леннарда-Джонса. Моделирование было проведено для треугольных решеток с линейными размерами системы $L_x=5$ и $L_x=7$, $L_y=\frac{\sqrt{3}}{2}L_x$ и квадратных решеток со стороной $L=\sqrt{L_x\cdot L_y}$, плотности которых равны при одинаковых параметрах L_x . После проведения расчётов были получены изображения, показывающие расположение частиц в системах, а также были построены и проанализированы графики зависимости энергии систем в зависимости от параметра σ . Значения σ , при которых энергия системы с квадратной конфигурацией минимальна, были зафиксированы и квадратные решетки были рассмотрены в динамике с данными значениями σ . Из полученных в ходе исследования результатов можно сделать вывод, что треугольная структура решетки является более предпочтительной, поскольку обладает меньшей энергии при том же значении σ .

1.3. Выводы 10

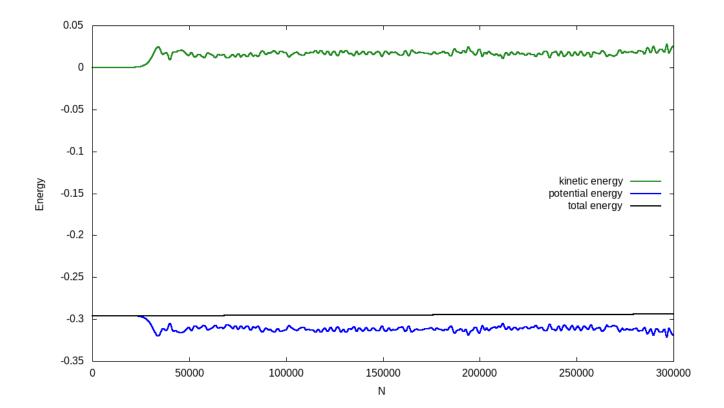


Рис. 1.8. График зависимости энергии системы от числа шагов моделирования для $L_x=7.$