

**Západočeská univerzita v Plzni**  
**Fakulta aplikovaných věd**  
**KIV/KPG**

## **Spline křivka**

Pavel Zelenka  
A16B0176P  
zelenkap@students.zcu.cz

20. dubna 2018

# 1 Zadání

Zadáním úkolu je vytvoření nového programu nebo rozšíření programu ze cvičení, aby umožňoval vykreslení libovolné námi zvolené spline křivky - kromě Beziérovky křivky.

## 2 Analýza problému

**Spline** je aproximační křivka, která je obvykle dána množinou **řídících bodů**. Křivka je popsána pomocí polynomů, její vlastností je tedy diferencovatelnost, křivka je **hladká**. Křivka může být interpolací, kdy prochází všemi řídícími body nebo jen aproximací, kdy řídící body určují tvar, ale křivka jimi nemusí procházet.

V této práci se budu zabývat **B-spline křivkou** a **kubickou spline křivkou**, které budou implementovány v odevzdávané aplikaci. Obě křivky budou využívat kubický polynom (tj. polynom třetího stupně  $y = a + bx + cx^2 + dx^3$ ).

## 3 Popis řešení

Vykreslování probíhá ve třídě *Drawing*. Křivky se nacházejí v balíčku *splines*. Aplikace nabízí pouze křivky z výčtového typu *SplineType*, kde musí být uvedeny všechny dostupné křivky z aplikace.

### 3.1 B-spline křivka

**Input:** řídicí body, počet kroků

křivka = prázdný seznam bodů;

nový bod = null;

předchozí bod = null;

první = true;

n = počet řídicích bodů;

**for**  $i = 1; i < n-2; n+1$  **do**

    a = řídicí bod na pozici i-1;

    b = řídicí bod na pozici i;

    c = řídicí bod na pozici i+1;

    d = řídicí bod na pozici i+2;

    s3 = nový bod  $\left[ \frac{-a_x + 3 \cdot (b_x - c_x + d_x)}{6}, \frac{-a_y + 3 \cdot (b_y - c_y + d_y)}{6} \right];$

    s2 = nový bod  $\left[ \frac{a_x - 2 \cdot b_x + c_x}{2}, \frac{a_y - 2 \cdot b_y + c_y}{2} \right];$

    s1 = nový bod  $\left[ \frac{c_x - a_x}{2}, \frac{c_y - a_y}{2} \right];$

    s0 = nový bod  $\left[ \frac{a_x + 4 \cdot b_x + c_x}{6}, \frac{a_y + 4 \cdot b_y + c_y}{6} \right];$

**for**  $krok = 0; krok \leq \text{počet kroků}; krok+1$  **do**

        předchozí bod = nový bod;

        t = krok / počet kroků;

        nový bod =  $[a_x + t \cdot (b_x + t \cdot (c_x + t \cdot d_x)), a_y + t \cdot (b_y + t \cdot (c_y + t \cdot d_y))];$

**if** *první* **then**

            první = false;

**else**

            přidat nový bod do křivky;

            přidat předchozí bod do křivky;

**end**

**end**

**end**

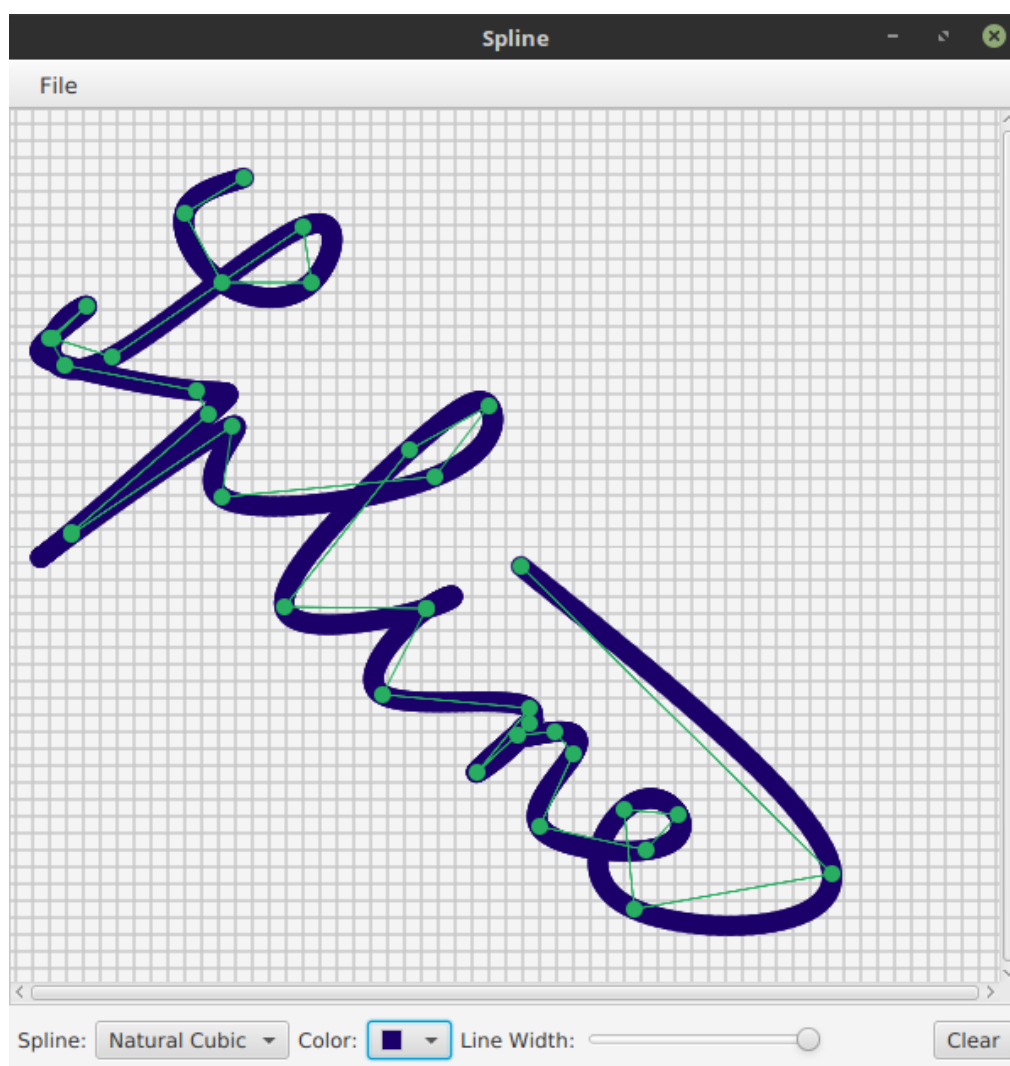
**return** *křivka*

**Algorithm 1:** Výpočet B-spline křivky

## 4 Uživatelská dokumentace

Spuštění aplikace se provede souborem `Spline.jar`, který se nachází ve složce *App*.

Po spuštění aplikace se zobrazí okno s plátnem. Skrze pravé tlačítko myši lze na plátno přidávat nové řídicí body křivky. Kliknutím levým tlačítkem na řídicí bod se provede vybrání bodu, tažením myši pak lze bod přemístit. Plátno se automaticky uzpůsobí rozměrům okna a rozměrům křivky. Typ křivky, barvu a tloušťku lze měnit v panelu v dolní části okna. Křivku lze uložit jako rastrový obrázek formátu PNG kliknutím na tlačítko `Save As...` v nabídce `File`. Rozměry ukládaného obrázku se nastaví dle rozměrů křivky, pozadí obrázku bude průhledné. Plátno se vyčistí kliknutím na tlačítko `Clear`.



Obrázek 1: Okno aplikace

## 5 Závěr

Úkol jsem řešil v jazyce **Java** s použitím grafických knihoven **JavaFX**. V knihovně **JavaFX** mi nevyhovovala implementace **Point2D**, kde není možná změna pozice existujícího bodu, proto je v odevdávané aplikaci vlastní implementace bodu. Nepodařilo se mi zjistit, zdali existuje řešení bez nutnosti vlastní implementace.

Aplikace v odevzdávané verzi obsahuje pouze b-spline a kubickou křivku, ovšem aplikace byla psána s ohledem pro snadné rozšíření o další typy spline křivek.

## 6 Reference

Cubic Spline – Wolfram MathWorld. [online].

Dostupné z: [mathworld.wolfram.com/CubicSpline.html](http://mathworld.wolfram.com/CubicSpline.html)