

Изследване на операциите и приложно програмиране

Курсов проект

**„Реализация на динамично програмиране – задача
за натоварване“**

Съставил: Ангел Любомиров Стойнов

Факултетен номер: 121222150

Група: 40

Съдържание

Постановка на задачата	3
Дефиниране на задачата като задача от динамичното програмиране	4
Реализация	5

Постановка на задачата

Общ капацитет на кораб – Q тона.

За всеки контейнер са известни теглото q_i и стойността c_i .

Трябва да се определи по колко броя да се вземат от всеки тип контейнер, така че да не се надвиши общата товароподемност на кораба, а стойността на натоварената стока да е максимална.

Нека общият капацитет на кораба е $Q = 10$, контейнерите са от 4 различни типа, а теглото и стойността на всеки контейнер са зададени на таб. 1:

Контейнер	Тегло q_i	Стойност c_i
1	2	4
2	8	10
3	3	6
4	4	8

(Таблица 1 – показва примерни стойности)

Дефиниране на задачата като задача от динамичното програмиране

Управлението на стъпка i ще е количеството предмети x_i , които да се вземат на тази стъпка. Задачата има същата постановка, както задачата за разпределение на ресурсите, само функциите $f_i(x)$ се определят от стойността на $c_i x_i$;

Управляемата система S е количеството останал капацитет до запълване на кораба. Рекурентната зависимост е $W_i(S, x_i) = c_i x_i + W_{i+1}(S - q_i x_i)$.

Условната оптимална печалба на всяка стъпка е:

$$W_i(S) = \max \{c_i x + W_{i+1}(S - q_i x)\},$$

а условното оптимално управление $x_i(S)$ е тази стойност на x , за която е достигната максималната стойност на $W_i(S)$.

Реализация

За реализация на задачата е използван програмния език **java** и **apache** библиотека за логване на резултата - **org.apache.logging.log4j**.

Контейнерите са изразени по следния начин (фиг. 1):

```
1 package com.uni.angel.container;  
2  
3 public record Container(int weight, int value) { } 20 usages  
4
```

(Фиг 1, показва дефиницията на контейнерите, съдържаща тегло и стойност)

Използвани са примерните стойности (таб. 1):

```
1 package com.uni.angel.container;  
2  
3 import java.util.List;  
4  
5 public class ExampleContainers { 4 usages  
6  
7     private ExampleContainers() { throw new UnsupportedOperationException("Cannot instantiate"); }  
8  
9  
10  
11     @ public static List<Container> getContainers() { 4 usages  
12         return List.of(  
13             new Container( weight: 2, value: 4),  
14             new Container( weight: 8, value: 10),  
15             new Container( weight: 3, value: 6),  
16             new Container( weight: 4, value: 8)  
17         );  
18     }  
19 }  
20
```

(Фиг 2, показва списък от четири различни контейнера)

Реализацията на алгоритъма е обемна, за това ще се разгледа на отделни стъпки:

1. Намиране на максималната стойност, която може да се получи при всеки възможен капацитет.
2. Намиране на всички възможни решения.
3. Визуализация на получените резултати.

```

36 @ private static int[] computeMaxValue(List<Container> containers, int shipCapacity) { 1 usage
37     int[] bestValueAtWeight = new int[shipCapacity + 1];
38
39     for (int i = 0; i <= shipCapacity; i++) {
40         for (Container container : containers) {
41             int weight = container.weight();
42             int value = container.value();
43
44             if (weight <= i) {
45                 bestValueAtWeight[i] = Math.max(bestValueAtWeight[i], value + bestValueAtWeight[i - weight]);
46             }
47         }
48     }
49
50     return bestValueAtWeight;
51 }
52

```

(Фигура 3, показва метода за намиране на максимална стойност)

Методът приема два аргумента – списък от контейнери и товароспособността на кораба. Масивът `bestValueAtWeight` представлява максималната стойност, която можем да получим при общо тегло `w`. Външният `for` цикъл обхожда всяко тегло `i`. Вътрешният обхожда всеки контейнер от списъка. Идеята е да се провери дали даден контейнер може да се използва, стига той да се побира.