

Zadatak 1: Za kodiranje po RC4 algoritmu dato je trenutno stanje ključa  $S = [5\ 7\ 0\ 4\ 1\ 3\ 2\ 6]$  i trenutne vrednosti indeksa  $i = 4$  i  $j = 3$ . Kodirati broj  $14340_{(8)}$  po RC4 algoritmu i rezultat predstaviti kao oktalni broj.

Rešenje:

Prevešćemo cifre datog broja u binarni oblik:

$1 \rightarrow 001$

$4 \rightarrow 100$

$3 \rightarrow 011$

$0 \rightarrow 000$

Dalje, dati su trenutno stanje ključa  $S = [5\ 7\ 0\ 4\ 1\ 3\ 2\ 6]$  i trenutne vrednosti brojača  $i = 3$  i  $j = 4$ .

U odnosu na standardni RC4 algoritam, ovaj problem se specijalizuje na sledeći način:

```
i := 3
j := 4
while GeneratingOutput:
    i := (i + 1) mod 8
    j := (j + S[i]) mod 8
    swap(S[i], S[j])
    output S[(S[i] + S[j]) mod 8]
endwhile
```

Operacija mod se ne vrši sa 256 već sa 8 jer u datom primeru niz  $S$  ima 8 elemenata. Kako je broj petocifren, do ključa dolazimo primenom datog algoritma kroz pet iteracija:

Pocetak:  $S = [5\ 7\ 0\ 4\ 1\ 3\ 2\ 6]$  i trenutne vrednosti brojača  $i = 3$  i  $j = 4$ .

Prva iteracija:

$$i = 4 \bmod 8 = 4$$

$$j = (4 + S[4]) \bmod 8 = (4 + 1) \bmod 8 = 5$$

$$S = [5\ 7\ 0\ 4\ 3\ 1\ 2\ 6]$$

$$\text{output} = S[(S[i] + S[j]) \bmod 8] = S[(S[4] + S[5]) \bmod 8] = S[(3 + 1) \bmod 8] = S[4] = 3$$

Druga iteracija:

$$i = 5 \bmod 8 = 5$$

$$j = (5 + S[5]) \bmod 8 = (5 + 1) \bmod 8 = 6$$

$$S = [5\ 7\ 0\ 4\ 3\ 2\ 1\ 6]$$

$$\text{output} = S[(S[i] + S[j]) \bmod 8] = S[(S[5] + S[6]) \bmod 8] = S[(2 + 1) \bmod 8] = S[3] = 4$$

Treća iteracija:

$$i = 6 \bmod 8 = 6$$

$$j = (6 + S[6]) \bmod 8 = (6 + 1) \bmod 8 = 7$$

$$S = [5\ 7\ 0\ 4\ 3\ 2\ 6\ 1]$$

$$\text{output} = S[(S[i] + S[j]) \bmod 8] = S[(S[6] + S[7]) \bmod 8] = S[(6 + 1) \bmod 8] = S[7] = 1$$

Četvrta iteracija:

$$i = 7 \bmod 8 = 7$$

$$j = (7 + S[7]) \bmod 8 = (7 + 1) \bmod 8 = 0$$

$$S = [1\ 7\ 0\ 4\ 3\ 2\ 6\ 5]$$

$$output = S[(S[i] + S[j]) \bmod 8] = S[(S[7] + S[0]) \bmod 8] = S[(5 + 1) \bmod 8] = S[6] = 6$$

Peta iteracija:

$$i = 8 \bmod 8 = 0$$

$$j = (0 + S[0]) \bmod 8 = 1 \bmod 8 = 1$$

$$S = [7\ 1\ 0\ 4\ 3\ 2\ 6\ 5]$$

$$output = S[(S[i] + S[j]) \bmod 8] = S[(S[0] + S[1]) \bmod 8] = S[(7 + 1) \bmod 8] = S[0] = 7$$

Kako se svaki generisani triplet ključa (a iz svake iteracije dobili smo po jedan) uparuje sa jednim tripletom originalnog podatka, kodirani podatak dobićemo na sledeći način:

Nazovimo *output* iz *i*-te iteracije *output*[*i*]. Dakle imamo da je *output*[1] = 3, *output*[2] = 4, *output*[3] = 1, *output*[4] = 6, *output*[5] = 7. *output* takođe treba biti kodiran binarno tako da je  
*output*[1] = 011,  
*output*[2] = 100,  
*output*[3] = 001,  
*output*[4] = 110,  
*output*[5] = 111.

Svaki bajt triplet podatka obeležimo sa *data*[*i*], odakle sledi da je

$$data[1] = 001,$$

$$data[2] = 100,$$

$$data[3] = 011,$$

$$data[4] = 100,$$

$$data[5] = 000.$$

Primenom *XOR* ( $\oplus$ ) operacije među parovima ključ – podatak dobijamo:

$$data[1] \oplus output[1] = 001 \oplus 011 = 010$$

$$data[2] \oplus output[2] = 100 \oplus 100 = 000$$

$$data[3] \oplus output[3] = 011 \oplus 001 = 010$$

$$data[4] \oplus output[4] = 110 \oplus 100 = 010$$

$$data[5] \oplus output[5] = 000 \oplus 111 = 111$$

Dakle dobijeni kodirani podatak je:

010 000 010 010 111

Odnosno, predstavljeno oktalno:

20227

**Zadatak 2:** Odrediti sadržaj niza S od 16 elemenata nakon postupka generisanja ključa standardnim RC4 algoritmom. Za spoljni ključ uzeti niz hex cifara 0x2FFFA113.

Spoljni ključ je 0x2FFFA113. Kako se sastoji od 8 hex cifara, vrednost parametra keylength je 8. Broj elemenata niza S je 16, po uslovu zadatka. Dakle,  $N = 16$  i za dobijanje ključa potrebno je 16 iteracija.

U priloženoj tabeli su date promene vektora S uz prateće određivanje indeksa koji menjaju vrednosti.

S							
0	0	2	8			$i = 0;$ $j = (0 + 0 + 2) \% 16 = 2;$	$i = 8;$ $j = (6 + 8 + 2) \% 16 = 0$
1	1	0	3	A	C	$i = 1;$ $j = (2 + 1 + F) \% 16 = 2;$	$i = 9;$ $j = (0 + 9 + F) \% 16 = 8;$
2	2	0	1			$i = 2;$ $j = (2 + 1 + F) \% 16 = 2$	$i = A;$ $j = (8 + A + F) \% 16 = 1$
3	3	4				$i = 3;$ $j = (2 + 3 + F) \% 16 = 4$	$i = B$ $j = (1 + B + F) \% 16 = 11$
4	4	3	0			$i = 4;$ $j = (4 + 3 + A) \% 16 = 1$	$i = C;$ $j = (B + C + A) \% 16 = 1$
5	5	7				$i = 5;$ $j = (1 + 5 + 1) \% 16 = 7;$	$i = D$ $j = (1 + D + 1) \% 16 = F$
6	6	E	5	6	D	$i = 6;$ $j = (7 + 6 + 1) \% 10 = E$	$i = E$ $j = (F + 6 + 1) \% 10 = 6$
7	7	5	E			$i = 7;$ $j = (E + 5 + 3) \% 10 = 6$	$i = F$ $j = (6 + D + 3) \% 10 = 6$
8	8	2	9				
9	9	2					
A	A	3					
B	B						
C	C	A					
D	D	F					
E	E	6	5				
F	F	D	6				

**S = [8 C 1 4 0 7 D E 9 2 3 B A F 5 6]**