## ПЕРЕЧЕНЬ ЭКЗАМЕНАЦИОННЫХ ВОПРОСОВ

к единому экзамену

по магистерским программам в сфере искусственного интеллекта «Большие данные и машинное обучение», «Искусственный интеллект в промышленности» «Искусственный интеллект и поведенческая экономика»

## МАТЕМАТИКА

- 1. Векторы. Линейная зависимость системы векторов. Базис линейного пространства. Скалярное произведение векторов.
- 2. Матрицы. Их свойства. Транспонированная матрица. Ранг матрицы.
- 3. Сложение, умножение матрицы на число, умножение матриц, транспонирование матриц. Обратная матрица.
- 4. Аппроксимация и интерполяция функций.
- 5. Производные. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции. Частные и полные производные.
- 6. Частные производные. Градиент функции. Производная по направлению.
- 7. Численные методы решения задач оптимизации. Метод Ньютона и секущей. Методы покоординатного и градиентного спуска.
- 8. Основные понятия теории вероятностей. Определение вероятности. Вероятность случайных событий. Формула полной вероятности.
- 9. Понятие случайной величины. Функция плотности распределения и ее свойства. Дискретные и непрерывные законы распределения, их свойства.
- 10. Наиболее употребимые теоретические законы распределения вероятностей. Примеры и свойства распределений для дискретных и непрерывных величин.
- 11. Выборочные характеристики разброса и центральной тенденции дискретных и непрерывных случайных величин.
- 12. Алгоритмы разложения матриц: SVD, LU, спектральное.
- 13. Корреляция случайных величин. Определение, свойства.
- 14. Линейная регрессия. Простая регрессия, многомерная регрессия. Метод наименьших квадратов.
- 15. Линейные классификаторы. Линейный дискриминантный анализ.
- 16. Оценка качества регрессии. Средняя ошибка и среднеквадратическая ошибка. Распределение остатков.
- 17. Оценка качества классификации. Точность (ассигасу). Ошибки 1го и 2го рода.
- 18. Методы снижения размерности. Метод главных компонент.

## ПРОГРАММИРОВАНИЕ И МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ:

- 19. Базовые структуры данных. Массивы. Списки: связанный список, стек, очередь, основные операции.
- 20. Иерархическая структура данных дерево (виды деревьев в том числе: деревья поиска, разбиение пространства, недвоичные деревья; способы представления; операции над деревьями).
- 21. Структура данных: ассоциативный массив (словари, хеш-таблицы, основные операции, применение).
- 22. Структура данных: граф (способы представления, характеристики, виды графов, применение).
- 23. Оценка сложности алгоритмов (понятие, оценка сложности на примерах алгоритмов сортировки и поиска).
- 24. Разрешимость алгоритмических задач. Классы P, NP.
- 25. Задача о рюкзаке, методы решения. Задача коммивояжёра, методы решения.
- 26. Базовые алгоритмы поиска на графах: в ширину и в глубину. Взвешенные графы, алгоритм Дейкстры поиска кратчайшего пути.
- 27. Объектно-ориентированное программирование. Инкапсуляция. Наследование. Полиморфизм.
- 28. Паттерны проектирования: порождающие, структурные и паттерны поведения.
- 29. Основные понятия баз данных (БД), модели данных: реляционная, иерархическая, объектно-ориентированная и сетевая модель данных.
- 30. Основные операции реляционной алгебры: объединение, пересечение, разность, декартово произведение отношений.
- 31. Инфраструктура Python. Pip, PyPi, Anaconda. Интегрированные среды разработки для Python. Отладка Python-скриптов.
- 32. Визуализация данных в Python. Визуализация многомерных данных и функций. Визуализация статистики: диаграммы разброса, "ящики с усами", гистограммы.
- 33. Многомерные массивы и операции с ними в Python. Numpy и его применение.
- 34. Обработка данных в Python. Чтение и запись в файл. Работа с CSV и JSON.

## СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМЫХ ИСТОЧНИКОВ:

- 1. Гмурман В. Е. Введение в теорию вероятностей и математическую статистику. 1966.
- 2. Крамер Г. Математические методы статистики М.: Мир, 1975. 648 с.
- 3. **Шведов А.С.** Теория вероятностей и математическая статистика 2-е изд., перераб. и доп. Москва: ГУ ВШЭ, 2005. 252, [1] с.
- 4. **Ильин В.А., Позняк Э.Г.** Линейная алгебра. Учеб. Для вузов 4-е изд. М. Наука. Физматлит, 1999 296 с.
- 5. **Беклемишев Д. В.** Курс аналитической геометрии и линейной алгебры. Рипол Классик, 1987.
- 6. **Вержбицкий В. М.** Численные методы (линейная алгебра и нелинейные уравнения). Издательский дом" ОНИКС 21 век", 2005.
- 7. **Кормен Т.** и др. Алгоритмы. Построение и анализ:[пер. с англ.]. Издательский дом Вильямс, 2009.
- 8. **Окулов С. М.** Программирование в алгоритмах. М. : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2002.
- 9. **А.Н. Васильев.** Программирование на Python в примерах и задачах. М. : Эксмо, 2021. 616 с
- **10. Криволапов С.Я., Хрипунова М.Б.** Математика на Руthon. Учебник. М. : КноРус,  $2021-455~\mathrm{c}$