

НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ  
ІМЕНІ ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»  
Факультет прикладної математики  
Кафедра прикладної математики

Звіт  
із лабораторної роботи №6  
із дисципліни «Програмування»  
на тему  
**«РЕКУРСІЯ ТА ОБРОБКА МАТРИЦЬ»**

Виконав:  
студент групи КМ-83  
Касіч Б.В.

Керівник:  
ст.вик.  
Дрозденко О.М.

Київ — 2018

## 1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ

### 1.1 Мета роботи

Вивчення роботи з одновимірними і двовимірними масивами із застосуванням рекурсивних функцій.

### 1.2 Що потрібно знати

- методи створення масивів;
- модулі та їх функції / методи (*array* і *NumPy*);
- базові операції з масивами;
- рекурсивні функції для роботи з масивами.

### 1.3 Узагальнене формулювання завдання до лабораторної роботи

- 1) Вивчити принципи і способи створення одновимірних і двовимірних масивів в мові Python.
- 2) Розробити програми відповідно до варіанта завдання.
- 3) Вхідні дані і результат роботи супроводжувати відповідною інформацією на екрані.
- 4) Показати розроблену програму викладачеві.
- 5) Письмово відповісти на Питання для самоперевірки.
- 6) Оформити звіт відповідно до вимог.

Завдання на виконання лабораторної роботи складається з 2-х частин:

- робота з одновимірними масивами (векторами); функції для обробки векторів повинні бути рекурсивними;
- робота з матрицями.

Перше завдання: Дан одновимірний масив числових значень, що нараховує  $n$  елементів. Суму елементів масиву і кількість додатних елементів поставити на перше і друге місце.

Друге завдання: Виконати обробку елементів прямокутної матриці  $A$ , що має  $n$  рядків і  $m$  стовпців. Знайти суму елементів всієї матриці. Визначити, яку частку в цій сумі становить сума елементів кожного стовпця. Результат оформити у вигляді матриці з  $n+1$  рядків і  $m$  стовпців.

## 2. ОПИС ПРОГРАМ

### 2.1 Перша програма

За допомогою команди `print` ми вітаємо користувача та надаємо йому інформацію про дану програму. Імпортуємо з модуля `re` метод `match` задля подальшої валідації даних. Імпортуємо бібліотеку `numpy`. Визначаємо функцію `get_elems` завдяки якій користувач може вводити свої числа які методом `append` додаються у порожній список. Валідація виконана за допомогою умовних конструкцій `if-else` та визначених раніше шаблонів. Визначаємо функцію `get_all_positives`, яка поверне нам кількість додатніх чисел у масиві. Виконано за допомогою ітератора `for` та зростаючої змінної `counter`. Далі визначаємо порожній список, шаблони валідації даних, викликаємо функцію `get_elems`, присвоюємо змінній `sum_elems` значення суми елементів, присвоюємо змінній `all_positives` відповідну функцію. Далі за допомогою команди `print` виводимо масивом суму елементів, кількість додатніх елементів та сам масив. Потім за допомогою методу `insert` вставляємо наші дані на 0 та 1 позиції відповідно і виводимо результуючий масив.

Далі за допомогою команди `input` ми запитуємо у користувача, хоче він завершити програму чи ні. Якщо хоче, то він має написати `stop` і програма завершиться не почавши цикл `while`. В цьому циклі безпосередньо знаходиться увесь код без визначення функцій.

## 2.2 Друга програма

За допомогою команди `print` ми вітаємо користувача та надаємо йому інформацію про дану програму. Імпортуємо з модуля `re` метод `match` задля подальшої валідації даних. Визначаємо шаблони валідації. Визначаємо функції `columns` та `rows`, які за допомогою циклічної валідації(`while`) повернуть значення кількості стовпців та рядків у матриці відповідно. Визначаємо функцію `elems`, яка за допомогою подвійного ітерування(`for`) та циклічної валідації дозволять користувачу ввести кожний елемент матриці і потім поверне саму матрицю. Присвоюємо змінним значення перших двох функцій, створюємо матрицю  $n \times m$ , яка складається з нулів, а потім викликаємо функцію `elems`, яка безпосередньо допоможе змінити нулі на інші числа. Далі за допомогою ітератора `for` знаходимо суму всіх елементів та додаємо до відповідного вкладеного масиву за допомогою методу `append`. Якщо сума елементів не дорівнює нулю, то ми виводимо її значення, а в іншому випадку говоримо про те, що частку знайти неможливо. Далі за допомогою ітератора `for` та методу `try-except` присвоюємо останньому елементу кожного вкладеного масива значення суми відповідного стовпця. Далі за допомогою подвійного ітерування виводимо поелементно нашу матрицю з додатковим рядком сум елементів стовпців. Далі за допомогою команди `input` ми запитуємо у користувача, хоче він завершити програму чи ні. Якщо хоче, то він має написати `stop` і програма завершиться не почавши цикл `while`, в якому знаходиться увесь код без функцій та шаблонів.

### 3. РЕЗУЛЬТАТИ ВИПРОБУВАНЬ

#### 3.1 Усі можливі результати першої програми продемонстровано на Рисунок 3.1

```

=====
                        ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6
                        РЕКУРСІЯ ТА ОБРОБКА МАТРИЦЬ
                        Завдання на одновимірні масиви
                        АВТОР: КАСІЧ БОГДАН, КМ-83 (6 ВАРІАНТ)
=====
Добрий день! Дана програма дозволить вам ввести поелементно масив дійсних чисел,
а потім програма виведе суму всіх елементів та кількість додатніх, поставивши їх
на 0 и 1 позицію у масиві відповідно

Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: пцу
Type digits only
Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: 3
Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: -2.5
Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: 4
Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: -2
Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: eno
sum: [2.5]
positives: [2]
your array: [ 3.  -2.5  4.  -2. ]
resulting array: [ 2.5  2.   3.  -2.5  4.  -2. ]
Type 'stop' if u want to stop the prog: stop
>>> |

```

Рисунок 3.1

#### 3.2 Усі можливі результати другої програми продемонстровано на Рисунок 3.2

```

=====
                        ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6
                        РЕКУРСІЯ ТА ОБРОБКА МАТРИЦЬ
                        Завдання на двовимірні масиви (матриці)
                        АВТОР: КАСІЧ БОГДАН, КМ-83 (6 ВАРІАНТ)
=====
Добрий день! Дана програма дозволить вам створити матрицю дійсних чисел поелементно.
А потім вона виведе суму усіх елементів матриці, саму матрицю з додатковим рядком, в якому
знаходяться числа які визначають частку суми елементів стовця в основній сумі елементів матриці.

Number of columns: 3
Number of rows: 2
Print your float number to a[0][0]: 1
Print your float number to a[1][0]: 2
Print your float number to a[0][1]: 3
Print your float number to a[1][1]: 3
Print your float number to a[0][2]: 2
Print your float number to a[1][2]: 1

Sum of all elements=12.0

1.0 3.0 2.0
2.0 3.0 1.0
0.25 0.5 0.25
print 'stop' if u want to stop the prog: stop
>>>

```

## Рисунок 3.2

Текст першої програми:

```
print("""
=====
                        ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6
                        РЕКУРСІЯ ТА ОБРОБКА МАТРИЦЬ
                        Завдання на одновимірні масиви
                        АВТОР: КАСІЧ БОГДАН, КМ-83 (6 ВАРІАНТ)
=====
Добрий день! Дана програма дозволить вам ввести поелементно масив дійсних чисел,
а потім програма виведе суму всіх елементів та кількість додатніх, поставивши їх
на 0 и 1 позицію у масиві відповідно

""")

from re import match
import numpy as np
def get_elems():
    user_input=input("Type 'eno' if u want to stop typing. Type your float number: ")
    if user_input=="eno":
        return
    else:
        while not match(pattern_float,user_input) and not match(pattern_int,user_input):
            print("Type digits only")
            return get_elems()
        a.append(float(user_input))
        return get_elems()

def get_all_positives(a):
    counter=0
    for i in a:
        if i > 0:
            counter+=1
    return counter

a=[]
pattern_int = r"^[ -\d]\d*$"
pattern_float = r"^[ -\d]\d*\.\d*$"
get_elems()
sum_elems = sum(a)
all_positives=get_all_positives(a)
print("sum:",np.array([sum_elems]))
print("positives:",np.array([all_positives]))
print("your array:",np.array(a))
a.insert(0,all_positives)
a.insert(0,sum_elems)
print("resulting array:",np.array(a))

answer = input("Type 'stop' if u want to stop the prog: ")
while answer != 'stop':
    a = []
    get_elems()
    sum_elems = sum(a)
    all_positives = get_all_positives(a)
    print("sum:", np.array([sum_elems]))
    print("positives:", np.array([all_positives]))
    print("your array:", np.array(a))
    a.insert(0, all_positives)
    a.insert(0, sum_elems)
    print("resulting array:", np.array(a))
    answer = input("Type 'stop' if u want to stop the prog: ")
```

## Текст другої програми:

```

print("""
=====
                        ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №6
                        РЕКУРСІЯ ТА ОБРОБКА МАТРИЦЬ
                        Завдання на двовимірні масиви (матриці)
                        АВТОР: КАСІЧ БОГДАН, КМ-83 (6 ВАРІАНТ)
=====
Добрий день! Дана програма дозволить вам створити матрицю дійсних чисел поелементно.
А потім вона виведе суму усіх елементів матриці, саму матрицю з додатковим рядком, в якому
знаходяться числа які визначають частку суми елементів стовця в основній сумі елементів матриці.
""")

from re import match
pattern_int = r"^[-\d]*$"
pattern_float = r"^[-\d]*\.\d*$"

def columns():
    m = input("Number of columns: ")
    while not match(pattern_int, m):
        m = input("Type integer only please: ")
    m = int(m)
    while m <= 0:
        m = input("Type integer higher than zero please: ")
        while not match(pattern_int, m):
            m = input("Type integer only please: ")
        m = int(m)
    return int(m)

def rows():
    n = input("Number of rows: ")
    while not match(pattern_int, n):
        n = input("Type integer only please: ")
    n = int(n)
    while n <= 0:
        n = input("Type integer higher than zero please: ")
        while not match(pattern_int, n):
            n = input("Type integer only please: ")
        n = int(n)
    return int(n)

def elems(a):
    for i in range(len(a)):
        for j in range(len(a[i])):
            message = "Print your float number to a[" + str(j) + "][" + str(i) + "]: "
            a[i][j] = input(message)
            while not match(pattern_int, a[i][j]) and not match(pattern_float, a[i][j]):
                print("Print correct data")
                a[i][j] = input(message)
            a[i][j] = float(a[i][j])
    return a

m=columns()
n=rows()
a = [[0] * n for i in range(m)]
elems(a)
s=0
for i in range(len(a)):
    temp=sum(a[i])
    s+=temp
    a[i].append(temp)
if s!=0:
    print()
    print("Sum of all elements="+str(s))
    print()
else:
    print()
    print("Sum of all elements equal to zero \nso we cannot find the quotient values in the columns")
for i in range(len(a)):
    try:
        a[i][-1]=round(a[i][-1]/s,3)
    except ZeroDivisionError:
        print()
for j in range(n + 1):
    for i in range(m):
        print(a[i][j], end=" ")
    print()

answer=input("print 'stop' if u want to stop the prog: ")
while answer!="stop":
    m = columns()
    n = rows()
    a = [[0] * n for i in range(m)]
    elems(a)
    s = 0
    for i in range(len(a)):
        temp = sum(a[i])
        s += temp
        a[i].append(temp)
    if s != 0:
        print()
        print("Sum of all elements=" + str(s))
        print()
    else:
        print()
        print("Sum of all elements equal to zero \nso we cannot find the quotient values in the columns")
    for i in range(len(a)):
        try:
            a[i][-1] = round(a[i][-1] / s, 3)
        except ZeroDivisionError:
            print()
    for j in range(n + 1):
        for i in range(m):
            print(a[i][j], end=" ")
        print()
    answer = input("print 'stop' if u want to stop the prog: ")

```

## Відповіді до контрольних запитань

1. Як створюється одновимірний масив? Як отримати доступ до будь-якого елементу масиву?

Створюється і індексується так само як список

2. Як створюється матриця? Як отримати доступ до будь-якого елементу матриці?

Матриця створюється генератором двувимірних масивів. Доступ до елемента в матриці  $M$ :  $M[\text{row}][\text{column}]$ , де нумерація рядків і стовпчиків починається з нуля

3. Які існують модулі для роботи з масивами?

Модуль `array` містить визначення типу послідовності `array.array`, здатної зберігати числа або символи досить економним способом. Масиви використовуються, коли потрібно досягти високої швидкості роботи. В інших випадках масиви можна замінити іншими типами даних: списками, кортежами, рядками.

4. Для чого можна використовувати генератори списків в масивах?

Щоб зробити масив за певним шаблоном, або зробити його двовимірним

5. Методи додавання елементів в масив.

`array.append(x)` – додавання елемента в кінець масиву.

`array.extend(iter)` – додавання елементів із об'єкта в масив.

`array.fromlist(список)` – додавання елементів зі списку.

`array.insert(n,x)` – включити новий пункт зі значенням  $x$  в масиві перед номером  $n$ .

6. Що таке осі масиву?

Вказавши параметр `axis`, можна застосувати операцію для зазначеної осі масиву. Коли `axis=0` – звернення іде до стовпчика матриці, а коли `axis=1` – до рядків

7. Як можна створити послідовність чисел в масиві?

Згенерувати будь-яким генератором, або ввести вручну.

8. Яка функція створює одиничну матрицю?

Функція `eye()`

9. Як можна змінити форму матриці?

Додати або видалити рядок чи стовпчик

10. Як можна виконати об'єднання і розбиття матриці?

Приклад множення матриць

```
[[M[row][col]*N[row][col] for col in range(len(col))] for row in range(len(row))]
```

11. Як можна створити масив з випадкових елементів?

Найпростіший спосіб задати масив з випадковими елементами – використовувати функцію `sample`. Чи використовувати модуль `random`.



## ЗМІСТ

1.ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ.....	2
2.ОПИС ПРОГРАМ.....	3-4
Результати випробувань.....	5
Тексти програм.....	6-7
Відповіді до контрольних запитань.....	8