

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3

дисциплина: Вычислительные методы

Студент: Яссин Мохамад Аламин
Студенческий билет: 1032205004
Группа: НКНБД-01-20

МОСКВА

2022г.

Содержание

Справка – 3 стр.

Код на Python – 5 стр.

Численные расчеты – 7 стр.

Справка

В лабораторной номер три разбирается Интегрирование.

Метод прямоугольников — метод численного интегрирования функции одной переменной, заключающийся в замене подынтегральной функции на многочлен нулевой степени, то есть константу, на каждом элементарном отрезке. Если рассмотреть график подынтегральной функции, то метод будет заключаться в приближённом вычислении площади под графиком суммированием площадей конечного числа прямоугольников, ширина которых будет определяться расстоянием между соответствующими соседними узлами интегрирования, а высота — значением подынтегральной функции в этих узлах. Алгебраический порядок точности равен 0. (Для формулы средних прямоугольников равен 1).

Если отрезок $[a, b]$ является элементарным и не подвергается дальнейшему разбиению, значение интеграла можно найти по

Формуле левых прямоугольников:

$$\int_a^b f(x) dx \approx f(a)(b - a).$$

Формуле правых прямоугольников:

$$\int_a^b f(x) dx \approx f(b)(b - a).$$

Формуле прямоугольников (средних):

$$\int_a^b f(x) dx \approx f\left(\frac{a + b}{2}\right)(b - a).$$

Метод трапеций — метод численного интегрирования функции одной переменной, заключающийся в замене на каждом элементарном отрезке подынтегральной функции на многочлен первой степени, то есть линейную функцию. Площадь под графиком функции аппроксимируется прямоугольными трапециями. Алгебраический порядок точности равен 1. Если отрезок $[a, b]$ является элементарным и не подвергается дальнейшему разбиению, значение интеграла можно найти по формуле

$$\int_a^b f(x) dx = \frac{f(a) + f(b)}{2}(b - a) + E(f), \quad E(f) = -\frac{f''(\xi)}{12}(b - a)^3.$$

Суть метода заключается в приближении подынтегральной функции на отрезке $[a, b]$ интерполяционным многочленом второй степени, то есть приближение графика функции на отрезке параболой. Метод Симпсона имеет порядок погрешности 4 и алгебраический порядок точности 3.

$$\int_a^b f(x) dx \approx \int_a^b p_2(x) dx = \frac{b-a}{6} \left(f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right),$$

где $f(a)$, $f(a+b)/2$ и $f(b)$ — значения функции в соответствующих точках (на концах отрезка и в его середине)

Ход работы

Мой вариант:

35.	\sqrt{x}	$[0,1]$
-----	------------	---------

Код на питоне:

- 1- первая часть кода указывает весь метод, над которым мы собираемся работать, чтобы решить нашу лабораторную работу.

```
Visual layout of bidirectional text can depend on the base direction (View | Bid Text Base Direction)
16 def left_integral(f, x2, x1, n):
17     m = (x2 - x1) / n
18     result = 0
19     for i in range(N - 1):
20         result += f(x1 + (i * m)) * m
21     return result
22 def right_integral(f, x2, x1, n):
23     m = (x2 - x1) / n
24     result = 0
25     for i in range(1, N):
26         result += f(x1 + (i * m)) * m
27     return result
28 def trapezoid(f, x2, x1, n):
29     m = (x2 - x1) / n
30     result = 0
31     for i in range(N):
32         first_val = f(x1 + i * m)
33         second_val = f(x1 + (i + 1) * m)
34         result += ((first_val + second_val) / 2) * m
35     return result
36 def simpson(f, x2, x1, n):
37     m = (x2 - x1) / n
38     result = 0
39     for i in range(N):
40         first_val = f(x1 + i * m)
41         second_val = 4 * f(x1 + (i + 1 / 2) * m)
42         third_val = f(x1 + (i + 1) * m)
43         result += ((first_val + second_val + third_val) / 6) * m
44     return result
```

- 2- Между тем, вторая часть отвечает за вывод и формат вывода, учитывая условия для каждого вывода и выводя правильное N, которое соответствует условию.

```
47 print('f(x)=√x')
48
49 print("\nTask №2")
50 number = N
51 print(
52     f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(2N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,R)={right_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,T) = {trapezoid(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,S)={simpson(f, b, a, N):.4f}"
53 )
54 N = 2 * number
55 print(
56     f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(2N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,R)={right_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,T) = {trapezoid(f, b, a, N):.4f}\t I(2N,S)={simpson(f, b, a, N):.4f}"
57 )
58 N = 5 * number
59 print(
60     f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(5N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(5N,R)={right_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(5N,T) = {trapezoid(f, b, a, N):.4f}\t I(5N,S)={simpson(f, b, a, N):.4f}"
61 )
62 N = 10 * number
63 print(
64     f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(10N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(10N,R)={right_integral(f, b, a, N):.4f}\t I(10N,T) = {trapezoid(f, b, a, N):.4f}\t I(10N,S)={simpson(f, b, a, N):.4f}"
65 )
66
67 print("=====")
68 print("Task №3")
69 for N in range(1600, 1604):
70     print(
71         f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - left_integral(f, b, a, N)):.4f}"
72     )
73
74 print("=====")
75 print("Task №4")
76 for N in range(550, 554):
77     print(
78         f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,R) = {right_integral(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - right_integral(f, b, a, N)):.4f}"
79     )
80
81 print("=====")
```

```

for N in range(1600, 1604):
    print(
        f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,L) = {left_integral(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - left_integral(f, b, a, N)):.4f}"
    )

print("=====")
print("Task W4")
for N in range(550, 554):
    print(
        f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,R) = {right_integral(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - right_integral(f, b, a, N)):.4f}"
    )

print("=====")
print("Task W5")
for N in range(36, 40):
    print(f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,T) = {trapezoid(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - trapezoid(f, b, a, N)):.4f}")

print("=====")
print("Task W6")
for N in range(10, 17, 2):
    print(f"N= {N}\t I= {I[0]:.4f}\t I(N,S) = {simpson(f, b, a, N):.4f}\t {abs(I[0] - simpson(f, b, a, N)):.4f}")

```

Вывод.

Здесь мы можем увидеть результаты для всех задачи.

что касается первой задачи, мы выводим результаты для заданного N. Однако в остальных задачах мы ищем N, который подходит под наше условие.

```
main
f(x)=vx

Task W2
N= 16 I= 0.6667 I(N,L) = 0.5718 I(N,R)=0.6323 I(N,T) = 0.6636 I(N,S) = 0.6662
N= 32 I= 0.6667 I(2N,L) = 0.6192 I(2N,R)=0.6499 I(2N,T) = 0.6656 I(2N,S) = 0.6665
N= 80 I= 0.6667 I(5N,L) = 0.6477 I(5N,R)=0.6601 I(5N,T) = 0.6664 I(5N,S) = 0.6666
N= 160 I= 0.6667 I(10N,L) = 0.6572 I(10N,R)=0.6634 I(10N,T) = 0.6666 I(10N,S) = 0.6667
=====
Task W3
N= 1600 I= 0.6667 I(N,L) = 0.6657 0.0009
N= 1601 I= 0.6667 I(N,L) = 0.6657 0.0009
N= 1602 I= 0.6667 I(N,L) = 0.6657 0.0009
N= 1603 I= 0.6667 I(N,L) = 0.6657 0.0009
=====
Task W4
N= 550 I= 0.6667 I(N,R) = 0.6657 0.0009
N= 551 I= 0.6667 I(N,R) = 0.6657 0.0009
N= 552 I= 0.6667 I(N,R) = 0.6657 0.0009
N= 553 I= 0.6667 I(N,R) = 0.6657 0.0009
=====
Task W5
N= 36 I= 0.6667 I(N,T) = 0.6657 0.0009
N= 37 I= 0.6667 I(N,T) = 0.6658 0.0009
N= 38 I= 0.6667 I(N,T) = 0.6658 0.0009
N= 39 I= 0.6667 I(N,T) = 0.6658 0.0008
=====
Task W6
N= 10 I= 0.6667 I(N,S) = 0.6658 0.0009
N= 12 I= 0.6667 I(N,S) = 0.6660 0.0007
N= 14 I= 0.6667 I(N,S) = 0.6661 0.0005
N= 16 I= 0.6667 I(N,S) = 0.6662 0.0004

Process finished with exit code 0
```