Tehnici de simulare – Curs 1

florentina.suter@fmi.unibuc.ro florentina.suter@g.unibuc.ro

Bibliografie:

- Ion Văduva (2004) Modele de simulare, Editura Universităţii din Bucureşti;
- Jerry Banks, John S. Carson II, Barry L. Nelson, David M. Nicol (2005) Discrete-Event System Simulation, Pearson Education, Inc., Upper Saddle River, New Jersey.
- Sheldon M. Ross (1997) Simulation, Academic Press, San Diego.
- Christopher Chung (2004) Simulation Modeling Handbok A practical Approach, CRC Press, Boca Raton.

- Exemple:
 - Traficul într-o intersecţie timpul de staţionare;
 - Bancă numar de ghişee;
 - Mic magazin: farmacie
 - Un farmacist se gândeşte sa-si deschidă o nouă farmacie care să funcţioneze între 9:00 si 17:00. În medie ştie ca ii sosesc 32 de clienţi în acest interval orar. Durata servirii unui client este aleatoare cu o medie de 10 minute si o deviaţie standard de 4 minute. El plănuieşte să nu mai accepte clienţi după ora 17:00, dar sa-i servească pe cei care sunt deja in farmacie. Întrebări:
 - Care este timpul mediu zilnic petrecut în farmacie?
 - Care este timpul mediu de servire a unui client de la sosirea lui in farmacie?
 - Câţi clienţi sunt serviţi pe oră?
 - Daca îşi schimbă politica de servire, câţi clienţi ar fi pierduţi?

Exemple:

- Mic magazin: farmacie
 - Pentru a raspunde la intrebari trebuie stabilite anumite ipoteze si creat un model
 - Model probabilist:
 - cu ce frecventa vin cei 32 de clienti?
 - Care este distributia timpului de servire?
 - Teoretic acest model se poate rezolva analitic, dar in practica, datorita complexitatii lui, nu este asa
 - Raspunsurile vor fi aflate prin simulare: este programat mecanismul probabilist folosind "numerele aleatoare" si programul este rulat pentru un numar mare de zile astfel incat utilizand teoria statistica se pot da estimari ale raspunsurilor. De exemplu, pentru 1000 de zile simulate exista 150 in care farmacistul inca lucreaza la ora 17:30.

SIMULARE: imitare a lumii reale

- Domeniu interdisciplinar ce foloseşte Matematica, Statistica şi Informatica;
- John von Neumann;
- Los Alamos, 1944: noi domenii de matematici aplicate care necesită utilizarea calculatorului:
 - Cercetări operaţionale;
 - Teoria jocurilor;
 - Simulare (Metoda Monte Carlo): imitarea aleatorului.



- http://www.teach-sim.com/
- https://meetings2.informs.org/wordpress/wsc2019/
- http://www.wintersim.org/2015/casestudies.html
- http://www.anylogic.com/case-studies

Definiţie: Un <u>sistem</u> este o colecţie de componente care interacţionează. Sistemul primeşte date de intrare şi furnizează date de ieşire.

Definiţie: Simularea este o tehnică de realizare a experimentelor cu calculatorul care implică utilizarea unor modele matematice şi logice care descriu comportarea unui sistem real (sau a unor componente ale sale) de-a lungul unor perioade mari de timp.

Simularea

- Completează teoria matematică;
- Completează studiul unor experimente fizice.
- Instrument de analiza si instrument de proiectare.

- Aplicaţii ale simulării:
 - Analizarea comportării utilajelor industriale
 - Transporturi;
 - Operaţii desfăşurate în aeroporturi;
 - Spitale;
 - Construcţii;
 - Ingineria spaţială;

- Scopurile simulării:
 - Se pot obţine informaţii despre ceea ce se petrece în interiorul sistemelor complexe;
 - Se pot dezvolta strategii de îmbunătăţire a performanţelor sistemului;
 - Se pot testa noi concepte şi sisteme înainte de implementare;
 - Se pot obţine informaţii fără a interveni în evoluţia sistemului fizic.

- Avantajele simulării
 - Scurtarea timpului de experimentare;
 - Studiul dinamic al sistemelor;
 - Evoluţia modelelor este uşor de urmărit (folosirea animaţiei)
- Dezavantajele simulării:
 - Simularea nu poate da rezultate precise dacă datele de intrare nu sunt precise;
 - Simularea nu poate furniza rezultate simple la probleme complexe;
 - Simularea furnizează soluţii posibile, nu rezolvă problema.

- Tipuri de simulare:
 - Metoda Monte Carlo: o simulare <u>statică</u> (fără axă a timpului) care foloseşte numerele aleatoare pentru a modela fenomene probabiliste care nu îşi schimbă caracteristicile în timp sau pentru a evalua expresii matematice, al căror rezultat nu poate fi obţinut prin metode analitice (integrale, ecuaţii sisteme de ecuaţii).
 - Simularea bazată pe traiectorie: traiectoria este o <u>înregistrare</u> ordonată în timp, a evenimentelor care au loc într-un sistem real.
 - Este folosită în analizarea funcţionării sistemelor de calcul:
 - Analizarea şi îmbunătăţirea algoritmilor de gestionare a resurselor;
 - Algoritmi de organizare a operaţiilor unui procesor;
 - Algoritmi de prevenire a blocajelor

- Foloseşte un model al sistemului bazat pe <u>stări discrete</u> (există şi simulare bazată pe evenimente continue în care <u>stările</u> sistemului se modifică continuu în timp - folosită mai ales în chimie, biologie, medicină).
- <u>Timpul</u> este <u>continuu</u> sau <u>discret</u>.

Model de simulare: model matematic + algoritm;

Modelul de simulare: trebuie <u>să descrie</u> corect evoluţia sistemului şi să permită <u>efectuarea de experienţe</u> (prin rulări ale algoritmului pe calculator) care să înlocuiască experienţele pe sistemul real.

Model matematic: reprezintă realitatea folosind elemente sau noțiuni abstracte.

Elemente constitutive ale unui model matematic:

- Variabile şi parametrii;
- Relaţii funcţionale;
- Caracteristici operative;
- Tehnica de rezolvare;
- Scopul modelului matematic este de a exprima variabilele şi parametrii de ieşire în funcţie de variabilele şi parametrii de intrare.

Tehnica de rezolvare:

 Tehnică matematică care realizează exprimarea elementelor de ieşire în funcţie de elementele de intrare:

$$(VE,PE)=f(VI,PI);$$

- De cele mai multe ori sunt necesare ipoteze simplificatoare;
- Uneori problema nu poate fi rezolvată prin tehnici de rezolvare.

Clasificări ale modelelor matematice:

- După <u>tipul</u> variabilelor: modele continue sau discrete, modele statice sau dinamice, modele deterministe sau stocastice;
- După <u>structura</u> determinată de părţile modelului: modele cu o componentă sau cu mai multe componente.

Exemplu:

Sistemul de aşteptare: parte a lumii reale în care se produc aglomerări.

Componență:

- Resurse: una sau mai multe staţii de servire care servesc
- Entităţi: clienţii care sosesc în sistem şi care formează
- Cozi de aşteptare

Scop: realizarea unui echilibru între pierderile datorate aşteptării clienţilor şi pierderile datorate lenevirii staţiilor de servire.

Teoria matematică a cozilor sau teoria aşteptării cu aplicaţii în:

- Economie;
- Comunicaţii şi transport;
- Reţele de calculatoare.

Un model matematic de aşteptare:

Variabile de intrare cunoscute VI:

AT= timpul între sosiri succesive ale clienţilor ST=timpul de servire a unui client sau

NA=numărul de clienţi sosiţi în unitatea de timp NS=numărul de clienţi serviţi în unitatea de timp;

Variabile de ieşire necunoscute VE:

WT=timp de aşteptare

WL=lungimea cozii

sau

TID=timp de lenevire

NID=numărul de staţii care lenevesc

Scopul modelului este realizat astfel:

- cunoscând repartiţiile de probabilitate ale AT (NA) şi ST (NS) se determină informaţii despre WT (WL) sau TID (NID) şi se stabilesc condiţiile pe care trebuie să le îndeplinească ST pentru ca o anumită funcţie de cost sa fie optimă.
- se studiază procesul stocastic discret N(t) = numărul de clienţi din sistemul de aşteptare la momentul t - proces de naştere şi deces

Utilizarea calculatorului -- îmbunătăţirea performanţelor modelelor matematice prin aplicarea metodelor numerice şi ale simulării.

Componentele sistemului din punct de vedere al simularii:

- entitati
- atribute
- activitati
- stari
- Evenimente
- Exemplu: activitatea intr-o banca: etitati clientii, atribut suma depusa in cont, activitate – crearea unui depozit, evenimente – sosirea, plecarea unui client, variabile de stare – numarul de functionari ocupati, numarul de clienti care asteapta.

Structura algoritmică a unui model de simulare (care depinde de timp) are două concepte de baza:

- Ceasul simulării;
- Agenda simulării;

Eveniment: modificarea valorilor uneia sau mai multor variabile care se calculează sau se generează prin instrucţiunile modelului.

Ceasul simulării: asigură eşalonarea corectă în timp a evenimentelor create de model şi uneori determină terminarea simulării.

Ceas cu

- creştere constantă;
- creştere variabilă.

<u>Creşterea variabilă</u>: se face cu valoarea care corespunde apariţiei primului eveniment următor.

Creşterea constantă: se face cu o cuantă de timp constantă.

Terminarea simulării: se impune condiţia ca <u>ceasul</u> să ajungă la un Tmax sau să se fi prelucrat un anumit <u>număr de evenimente</u>.

Agenda simulării: organizează prelucrarea evenimentelor.

- Agenda <u>evenimentelor curente</u> AEC: evenimentele cu timpul de apariţie valoarea curentă a ceasului;
- Agenda <u>evenimentelor viitoare</u> AEV: evenimentele cu timpul de apariţie mai mare decât valoarea curentă a ceasului

Prelucrarea unui eveniment (in algoritmul simularii): determinarea apariţiei unui nou eveniment (care se memorează în AEV), modificarea unei stări sau distrugerea unui eveniment (ştergerea) din agendă.

Algoritmul simulării:

- 1. Se iniţializează <u>ceasul</u> cu valoarea 0;
- Se selectează din <u>agendă</u> evenimentele care fac parte din AEC;
- 3. Se <u>prelucrează</u> evenimentele din AEC până când aceasta devine vidă. Dacă este îndeplinită <u>condiţia de oprire</u> algoritmul se termină, altfel
- 4. Se <u>creşte ceasul simulării</u> și se reia pasul 2.

Etapele realizării unui experiment de simulare:

- Formularea problemei prin precizarea:
 - întrebărilor la care trebuie să răspundă modelul;
 - domeniului lumii reale ce trebuie analizat;
 - formei răspunsului la întrebări (grafice,tabele, rapoarte).
- Colectarea de date preliminare: realizarea unor experimente preliminare (dacă sunt posibile): pe baza observaţiilor şi a datelor se stabilesc variabilele şi parametrii de intrare sau de ieşire;
- Prelucrarea (interpretarea) primară a datelor preliminare:
 - Se disting variabilele aleatoare;
 - Se estimează parametrii;
 - Se testează ipotezele statistice;

- Formularea unui model matematic preliminar
 - Se precizează relaţii funcţionale şi ipoteze de lucru;
 - Se identifică relaţiile care nu pot fi exprimate matematic şi dificultăţile care trebuie înlăturate;
- Evaluarea modelului:
 - Evaluarea complexităţii modelului (dacă poate răspunde în timp real şi complet la întrebări);
 - Revizuirea răspunsurilor din etapele precedente prin simplificări sau completări.
- Construcţia modelului de simulare
 - Scrierea unui algoritm detaliat care să cuprindă cazul cel mai general al problemei;

- Se va ţine cont de limbajul în care se va programa algoritmul: limbaj specializat pentru simulare sau nu.
 - Folosirea unui <u>limbaj de simulare</u> (GPSS, SIMULA, Arena):
 - Modelele se construiesc rapid;
 - Experienţele se desfăşoară repede;
 - Au implementate entităţi specifice simulării cum ar fi ceasul şi agenda simulării;
 - Nu sunt foarte flexibile;
 - Nu se poate controla foarte bine ce se întamplă în interiorul modelului.
 - Folosirea unui <u>alt tip de limbaj</u>:
 - Rezultate precise şi controlabile;
 - Se construiesc mult mai greu.

- Verificarea si validarea modelului.
- Planificarea experienţelor de simulare (experimental design).
 Ce fel de experiente sunt facute: lungimea etapei de initializare, lungimea rularilor si numarul de repetari ale fiecarei rulari.
- Prelucrarea şi interpretarea experienţelor de simulare prin rularea programului şi determinarea valorilor statisticilor construite cu ajutorul valorilor de selecţie obţinute.
- Realizarea documentatiei si a rapoartelor.
- Implementarea



Implementarea <u>agendei de evenimente</u>

- Necesitatea organizării evenimentelor: agenda evenimentelor.
 Cum este ea implementată?
- Agenda simulării: o listă ordonată înlănţuită a evenimentelor.
 Fiecare element al listei trebuie să memoreze timpul de apariţie a evenimentului şi să aibă un pointer către codul care trebuie executat la acel moment de timp.
- Operaţii frecvente: inserarea unui nou eveniment şi găsirea şi eliminarea evenimentului care a avut loc.
- Alegerea structurii de date folosite pentru memorarea acestei liste afectează timpul de rulare.



Implementarea <u>agendei de evenimente</u>

- Necesitatea organizării evenimentelor: agenda evenimentelor.
 Cum este ea implementată?
- Agenda simulării: o listă ordonată înlănţuită a evenimentelor.
 Fiecare element al listei trebuie să memoreze timpul de apariţie a evenimentului şi să aibă un pointer către codul care trebuie executat la acel moment de timp.
- Operaţii frecvente: inserarea unui nou eveniment şi găsirea şi eliminarea evenimentului care a avut loc.
- Alegerea structurii de date folosite pentru memorarea acestei liste afectează timpul de rulare.

Elemente de implementare

- Liste ordonate dublu înlănţuite (GPSS): primul element din listă este următorul cel mai recent eveniment. Inserţia se face căutând locul potrivit pentru noul eveniment.
- Liste indexate: mulţimea evenimentelor viitoare este împărţită în mai multe submulţimi. Fiecare submulţime este asociată unui anumit interval de timp de lungime □ t din timpul total de simulare. Un vector de indici, asociază fiecărui indice i lista cu evenimentele programate în intervalul [(i-1)∆t, i∆t)
- Structuri arborescente: arbori binari de sortare cu rădăcina fiind cel mai recent eveniment din listă.

Verificarea şi validarea modelului

- Implementare corectă: <u>verificare</u>;
- Ipoteze corecte: validare;

Modelul de simulare: program de dimensiuni mari.

- Verificarea modelului este facilitată de:
 - Proiectarea modulară "top-down": modelul dezvoltat într-o structură ierarhică în care programul este format dintr-o serie de module care comunică prin interfeţe bine stabilite;
 - Includerea de verificări pe parcursul rulării programului şi determinarea de rezultate parţiale;
- Verificarea de face prin:
 - Rularea de cazuri simplificate;
 - Rularea programului pentru valori ale parametrilor care diferă foarte puţin (test de continuitate);

Verificarea şi validarea modelului

- Rularea programului pentru cazuri extreme (testul valorilor degenerate);
- Verificarea dacă modelul produce rezultate asemănătoare pentru aceleași date de intrare (test de consistență);
- Verificarea independenţei de valoarea de plecare a generatorului de numere aleatoare;
- Validarea se face pentru:
 - ipoteze;
 - valori şi distribuţii ale parametrilor de intrare;
 - valorile de ieşire şi concluzii
 - cu ajutorul
 - intuiţiei expertului;
 - măsurătorilor asupra sistemului real;
 - rezultatelor teoretice.



- Criteriile de oprire trebuie să ţină cont de faptul că:
 - o durată prea scurtă implică rezultate imprecise;
 - o durată prea lungă implică irosirea resurselor de calcul.
- Trebuie să ia în considerare şi observaţiile rezultate:
 - independente si cu o anumita repartitie.



- Nivel de detaliere neadecvat: simularea permite ca sistemul să fie studiat în detaliu, nivelul de detaliu fiind limitat doar de timpul alocat simulării. Detalierea nu determină neapărat calitatea modelului de simulare
 - Probabilitatea de eroare creşte;
 - Lipsa de informaţie precisă despre parametrii de intrare;
 - Necesitatea unui timp prea îndelungat pentru a obţine rezultate.
- Limbaj de programare nepotrivit.
- Modele neverificate: programele care implementează un model de simulare sunt în general mari şi atunci probabilitatea de eroare creşte.



- Modele imprecise: programul modelului de simulare poate să nu reprezinte în mod corect sistemul simulat din cauza unor ipoteze greşite asupra comportării sistemului. Un model de simulare trebuie confirmat de modele analitice, observaţii sau intuiţie.
- Prelucrarea incorectă a condiţiilor iniţiale: de obicei rezultatele iniţiale ale simulării nu sunt relevante pentru evoluţia sistemului.
- Durata prea scurtă a rulării modelelor de simulare: dacă simularea nu se face un timp suficient de îndelungat, rezultatele pot depinde prea mult de condiţiile iniţiale şi pot să fie irelevante pentru evoluţia unui sistem real. Durata corectă a simulării este dată de precizia dorită şi de dispersia mărimilor observate.



Erori care se pot face în simulare

- Generatoare de numere aleatoare neperformante.
- Alegerea unor valori nepotrivite de plecare pentru generatorii de numere aleatoare.