

I. 作业40答案

1、写出绝对黑体的定义。

答：能吸收照射在黑体上的所有电磁辐射的物体。

2、以实线表示确定频率的单色光照射某金属，产生光电效应的伏安曲线，虚线表示采用频率更高的单色光，但是保持光强不变进行光电效应实验的伏安曲线。问：图40-1 中哪个正确？为什么？

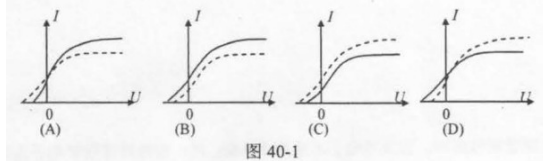


图 40-1

简单说明理由：由于频率越高，遏制电压越大，因此正确的图为A或是C；又在光强相同的情况下，频率越低，单位时间内入射到金属上的光子数越多，饱和电流强度也就越大，故答案为A。

3、设平衡热空腔上一面积为 4cm^2 的小孔，每分钟向外辐射能量 640J ，求空腔内的温度。

($\sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{W/m}^2 \cdot \text{K}^4$, $b = 2.898 \times 10^{-3} \text{m} \cdot \text{K}$)

解：由斯特藩——波尔兹曼定律知，总辐射出射度为

$$M = \sigma T^4$$

故辐射功率

$$P = A\sigma T^4$$

因此

$$T = \sqrt[4]{\frac{P}{A\sigma}} = \sqrt[4]{\frac{640\text{J}/60\text{s}}{4 \times 10^{-4}\text{m}^2 \times 5.67 \times 10^{-8}\text{W/m}^2 \cdot \text{K}^4}} \approx 828\text{K}$$

4、从金属铝中逸出一个电子至少需要 4.2eV 的能量，今有波长 $\lambda = 200\text{nm}$ 的紫外线照射铝表面，求：(1)铝的红限波长；(2)遏制电压；(3)光电子的最大初动能。($e = 1.6 \times 10^{-19}\text{C}$, $h = 6.626 \times 10^{-34}\text{J} \cdot \text{s}$)

解：(1) 铝的红限波长

$$\lambda_0 = \frac{c}{\nu_0} = \frac{hc}{E} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{4.2 \times 1.6 \times 10^{-19}} \text{m} \approx 2.96 \times 10^{-7} \text{m} = 296\text{nm}$$

(2) 遏制电压

$$U_c = \frac{h\nu}{e} - U_0 = \frac{hc}{\lambda} - U_0 = \frac{6.622 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{200 \times 10^{-9} \times 1.6 \times 10^{-19}} - 4.2 \approx 2\text{V}$$

(3) 光电子的最大初动能

$$\frac{1}{2}mv_m^2 = eU_c = 1.6 \times 10^{-19}\text{C} \times 2\text{V} = 3.2 \times 10^{-19}\text{J} = 2\text{eV}$$

5、在加热黑体过程中，其最大单色辐射本领的波长由 $0.6\mu\text{m}$ 变到 $0.4\mu\text{m}$ ，则其总辐射本领增加多少倍？

解：由维恩位移定律 $\lambda_m T = b$ 知

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{\lambda_{m1}}{\lambda_{m2}}$$

又由斯特藩——波尔兹曼定律 $M = \sigma T^4$ 知

$$\frac{M_2}{M_1} = \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^4 = \left(\frac{\lambda_{m1}}{\lambda_{m2}}\right)^4 = \left(\frac{0.6\mu\text{m}}{0.4\mu\text{m}}\right)^4 = 5.0625$$

6、什么是康普顿效应？写出康普顿效应散射光的主要特点。

答：康普顿效应：当X射线在电子上发生散射时，在散射光中，除了与入射光波长相同的成分外，还有入射光比入射光波长长的成分。

特点：①散射光波长随散射角增大；②康普顿波长成分的强度随散射物质的原子序数增大而较小。

7、在康普顿散射中，设反冲电子的速度为 $0.6c$ ，问：在散射过程中电子获得的能量是其静止能量的多少倍？
解：散射过程中电子获得的能量为

$$E_k = E - E_0 = m_0 c^2 / \sqrt{1 - v^2/c^2} - m_0 c^2$$

所以

$$\frac{E_k}{E_0} = \frac{1}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} - 1 = \frac{1}{\sqrt{1 - (0.6c)^2/c^2}} - 1 = 0.25$$

8、在康普顿散射中，若照射光光子能量与电子的静止能量相等，求：(1)散射光光子的最小能量；(2)反冲电子的最大动量。

解：(1) 散射后光子的波长为

$$\lambda = \lambda_0 + (2h/m_0 c) \sin^2 (\varphi/2)$$

故最长波长为

$$\lambda_m = \lambda_0 + 2h/m_0 c$$

因此，散射光光子的最小能量（注 $hc/\lambda_0 = m_0 c^2 \approx 0.511 \text{ MeV}$ ）

$$E_{min} = \frac{hc}{\lambda_m} = \frac{hc}{\lambda_0 + \frac{2h}{m_0 c}} = \frac{hc}{\lambda_0} / (1 + \frac{2(hc/\lambda_0)}{m_0 c^2}) = \frac{m_0 c^2}{3} \approx 0.17 \text{ MeV}$$

(2) 反冲电子的最大能量

$$E_{max} = E_0 + \frac{hc}{\lambda_0} - \frac{hc}{\lambda_m} = m_0 c^2 + m_0 c^2 - \frac{m_0 c^2}{3} = \frac{5}{3} m_0 c^2$$

最大动能

$$p_m = \frac{1}{c} \sqrt{E_{max}^2 - m_0^2 c^4} = \frac{4}{3} m_0 c \approx 3.6 \times 10^{-22} \text{ kg} \cdot \text{m/s}$$

II. 作业41答案

1、设氢原子的质量为 m ，动能为 E_k ，不考虑相对论效应，求其德布罗意波长。

解：由

$$p = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$$

知

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2mE_k}}$$

2、欲使电子腔中电子的德布罗意波长为 $0.1nm$ ，求加速电压。

解：由于电子的波长不是太长，因此可使用非相对论力学

$$E_k = \frac{p^2}{2m} = \frac{h^2}{2m\lambda^2} = eU$$

所以

$$U = \frac{h^2}{2m\lambda^2e} = \frac{(6.626 \times 10^{-34})^2}{2 \times 9.11 \times 10^{-31} \times 10^{-20} \times 1.6 \times 10^{-19}} \approx 151V$$

3、如图41-1所示一束动量为 p 的电子，通过缝宽为 a 的狭缝，在距离狭缝为 R 处放置一荧光屏，求屏上衍射图样中央明条纹的宽度 d 。

解：由德布罗意关系知

$$\lambda = h/p$$

单缝衍射暗条纹的条件为

$$a \sin \theta_k = \pm k\lambda$$

由于 $R \gg d$ ，所以 $\sin \theta_1 \approx d/2R$ 。

于是

$$d = 2R \sin \theta_1 = 2R\lambda/a = 2Rh/pa$$

4、 $\lambda_0 = \frac{h}{m_e c}$ 称为电子的康普顿波长(m_e 为电子的静止质量， h 为普朗克常数， c 为真空中的光速)，已知电子的动能等于它的静止能量，求德布罗意波长 λ 。

解：由于电子的动能等于它的静止能量，因此必须使用相对论力学。

电子的动量 p 由此式决定

$$\sqrt{p^2 c^2 + m_e^2 c^4} - m_e c^2 = m_e c^2$$

可得

$$p = \sqrt{3} m_e c$$

所以电子的德布罗意波长为

$$\lambda = h/p = h/\sqrt{3} m_e c = \lambda_0/\sqrt{3}$$

5、反应堆中的热中子动能约为 $6.12 \times 10^{12} eV$ ，计算这种热中子的德布罗意波长。

解：中子的静止能量为

$$m_n c^2 = 1.675 \times 10^{-27} \times 9 \times 10^{16} \approx 9.42 \times 10^8 eV$$

中子的动量 p 由此决定

$$E_k = \sqrt{p^2 c^2 + m_n^2 c^4} - m_n c^2$$

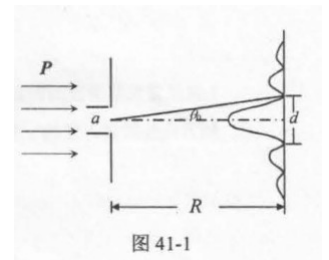


图 41-1

因此

$$p = (1/c)\sqrt{E_k(E_k + 2m_n c^2)}$$

由德布罗意关系，有热中子的德布罗意波长为

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{hc}{\sqrt{E_k(E_k + 2m_n c^2)}} \approx \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\sqrt{6.12 \times 10^{12} \times (6.12 \times 10^{12} + 2 \times 9.42 \times 10^8)} \times 1.6 \times 10^{-19}} \approx 2.03 \times 10^{-19} m$$

注：由于 $E_k \gg m_0 c^2$ ，因此近似地有 $\lambda \approx hc/E_k$ 。

6、质量为 m 的电子，由静止起被电势差 $U_{12} = 900V$ 的电场加速，试计算其德布罗意波的波长。（ $m_e = 9.11 \times 10^{-31} kg$ ，普朗克常数 $h = 6.63 \times 10^{-34} J \cdot s$ ）。

解：由于电子所获得的动能 $E_k = eU_{12} = 900eV \gg m_0 c^2 = 0.511 MeV$ ，因此可不考虑相对论效应，有

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2m_e e U_{12}}} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{\sqrt{2 \times 9.11 \times 10^{-31} \times 1.6 \times 10^{-19} \times 900}} \approx 0.0409 nm$$

7、氦氖激光器所发出的红光波长为 $\lambda = 632.8 nm$ ，谱线宽度 $\Delta\lambda = 1 nm$ ，问：当这种光子沿 x 轴方向传播时，它的 x 坐标的不确定量多大？

解：由 $p = \frac{h}{\lambda}$ ，有 $\Delta p = \frac{h\Delta\lambda}{\lambda^2}$ 。

由 $\Delta x \Delta p \geq \frac{\hbar}{2}$ ，有

$$\Delta x \geq \frac{\hbar}{2\Delta p} = \frac{\lambda^2}{4\pi\Delta\lambda} = \frac{632.8^2}{4 \times 3.14 \times 10^{-9}} \approx 3.19 \times 10^{13} nm = 3.19 \times 10^4 m$$

8、若一个电子和一个质子具有同样的动能，哪个粒子的德布罗意波长较大？

解：考虑到相对论效应，有

$$\lambda = \frac{hc}{\sqrt{E_k(E_k + 2m_0 c^2)}}$$

因为 $m_p \gg m_e$ ，所以 $\lambda_e > \lambda_p$ 。

$$\frac{1}{\sqrt{a}} \cos \frac{3\pi x}{2a} (-a \leq x \leq a)$$

- (1) 求粒子在 $x = \frac{a}{2}$ 处出现的概率密度;
 (2) 在 $-\frac{a}{5} < x < \frac{a}{5}$ 范围内, 粒子出现的概率。

解: 由波函数的形式可知波函数已经归一化

- (1) 粒子在 $x = \frac{a}{2}$ 处出现的概率密度:

$$p(x = a/2) = |\psi(x = a/2)|^2 = \frac{1}{a} \left| \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right) \right|^2 = \frac{1}{2a}$$

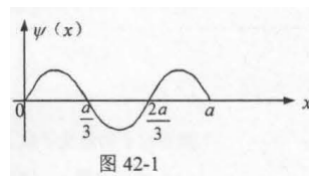
- (2) 在 $-\frac{a}{5} < x < \frac{a}{5}$ 范围内, 粒子出现的概率

$$p\left(-\frac{a}{5} < x < \frac{a}{5}\right) = \int_{-a/5}^{a/5} |\psi(x)|^2 dx = \frac{1}{a} \int_{-a/5}^{a/5} \cos^2 \frac{3\pi x}{2a} dx = \frac{1}{a} \int_0^{a/5} \left[1 + \cos \frac{3\pi x}{a}\right] dx = \frac{1}{a} \left[\frac{a}{5} + \frac{a}{3\pi} \sin(3\pi/5)\right] = \frac{1}{5} + \frac{1}{3\pi} \sin\left(\frac{3\pi}{5}\right)$$

2、粒子在一维无限深势方阱中运动, 图42-1 为粒子处于某一能态的波函数 $\psi(x)$ 的曲线, (1)写出粒子的波函数; (2)用数学的方法求出粒子出现概率最大的位置。

解: (1) 粒子的波函数:

$$\psi(x) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{a}} \sin\left(\frac{3\pi x}{a}\right), & (0 < x < a) \\ 0, & (x < 0, x > a) \end{cases}$$



- (2) 粒子出现最大的位置由 $\frac{d|\psi(x)|^2}{dx} = 0$ 给出, 即

$$\sin\left(\frac{3\pi x}{a}\right) \cos\left(\frac{3\pi x}{a}\right) = 0$$

$\sin\left(\frac{3\pi x}{a}\right) = 0$ 给出的是极小值0,

$\cos\left(\frac{3\pi x}{a}\right) = 0$ 给出的是极大值。

由 $\cos\left(\frac{3\pi x}{a}\right) = 0$, 有 $\frac{3\pi x}{a} = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}$, 即 $x = \frac{a}{6}, \frac{a}{2}, \frac{5a}{6}$ 。

3、设一维运动粒子的波函数为 $\psi(x) = \begin{cases} Ae^{-ax} & (x \geq 0) \\ 0 & (x < 0) \end{cases}$, 其中 a 为大于0的常数。试确定归一化波函数的 A 值。

解: 有波函数的归一化条件, 有

$$1 = \int_{-\infty}^{\infty} |\psi(x)|^2 dx = |A|^2 \int_0^{\infty} e^{-2ax} dx = \frac{1}{2a} |A|^2$$

解之得

$$A = \sqrt{2a}$$

4、在宽度为 a 的一维无限深方势阱中运动的粒子定态波函数为 $\psi(x) = \begin{cases} 0 & (x < 0, x > a) \\ \sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{n\pi x}{a} & (0 \leq x \leq a) \end{cases}$,

求: (1) 基态粒子出现在 $\frac{a}{3} < x < \frac{2a}{3}$ 范围内的概率;

(2) 主量子数 $n = 2$ 的粒子出现概率最大的位置。

解: 可知定态波函数已归一化

- (1) 基态粒子出现在 $\frac{a}{3} < x < \frac{2a}{3}$ 范围内的概率

$$p = \int_{a/3}^{2a/3} |\psi_1(x)|^2 dx = \frac{1}{3} + \frac{\sqrt{3}}{2\pi}$$

(2) 对于 $n = 2$, 可知粒子出现概率最大位置

$$\frac{2\pi x}{a} = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}$$

可得

$$x = \frac{a}{4}, \frac{3a}{4}$$

5、若氢原子处于主量子数 $n = 4$ 的状态, (1) 写出其轨道角动量所有可能值; (2) 对应 $l = 3$ 的状态, 写出其角动量在外磁场方向的投影可能取值。

解: (1) 对于处于主量子数 $n = 4$ 的氢原子

$$l = 0, 1, 2, 3; L = \sqrt{l(l+1)}\hbar = 0, \sqrt{2}\hbar, \sqrt{6}\hbar, 2\sqrt{3}\hbar$$

(2) 对应 $l = 3$ 的状态

$$m = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3. L_z = m\hbar = -3\hbar, -2\hbar, -\hbar, 0, \hbar, 2\hbar, 3\hbar.$$

6、已知电子处于 $3d$ 态, (1) 写出它的轨道角动量的大小; (2) 问: 主量子数是多少?

解: (1) 轨道角动量

$$L = \sqrt{l(l+1)}\hbar = \sqrt{2(2+1)}\hbar = \sqrt{6}\hbar$$

(2) 主量子数 $n = 3$.

7、微观粒子的角量子数 $l = 2$, (1) 求角动量 L ; (2) 写出所有可能的磁量子数 m , 及相应的 L_z ; (3) 在图42-2中画出其余可能的 L 矢量, 并标明各自对应的 m 值及 L_z 值。

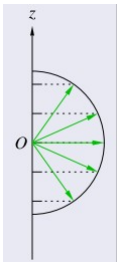
解: (1) 角动量

$$L = \sqrt{l(l+1)}\hbar = \sqrt{2(2+1)}\hbar = \sqrt{6}\hbar$$

(2) 磁量子数

$$m = -2, -1, 0, 1, 2; L_z = m\hbar = -2\hbar, -\hbar, 0, \hbar, 2\hbar.$$

(3) 见右图



8、原子中电子的波函数与其4个量子数有关, 下列波函数都有错, 请修正 (每个波函数只允许修正一个数)。

① $\psi_{3,-1,-1,\frac{1}{2}}$, ② $\psi_{1,1,0,\frac{1}{2}}$, ③ $\psi_{3,1,1,0}$, ④ $\psi_{1,0,\frac{1}{2},\frac{1}{2}}$ 。

解: ① 由于 $l \leq 0$, 所以应为 $\psi_{3,1,-1,\frac{1}{2}}$

② 由于 $l < n$, 所以应为 $\psi_{1,0,0,\frac{1}{2}}$ 。

③ 由于 $m_z = \pm 1/2$, 所以应为 $\psi_{3,1,1,\pm\frac{1}{2}}$ 。

④ 由于 m_l 必须为整数, 所以应为 $\psi_{1,0,0,\frac{1}{2}}$ 。

IV. 作业43答案

1、求氢原子光谱的拉曼系中最大波长和最小波长。

解：氢原子光谱的谱线频率：

$$\nu_{mn} = Rc\left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2}\right), R = 1.096776 \times 10^7 m^{-1}, m > n$$

$n = 1$ 是拉曼系，拉曼系由 $m \geq 2$ 到 $n = 1$ 能级上的跃迁所发射的辐射组成。

最大波长：从 $m = 2$ 到 $n = 1$ 能级上的跃迁所发射的波长

$$\lambda_{max} = \frac{c}{\nu_{21}} = \frac{1}{R(1/1^2 - 1/2^2)} = \frac{4}{3R} = \frac{4}{3 \times 1.096776 \times 10^7 m^{-1}} = 1.2157 \times 10^{-7} m = 121.57 nm$$

最小波长：从 $m = \infty$ 到 $n = 1$ 能级上的跃迁所发射的波长

$$\lambda_{\infty 1} = \frac{c}{\nu_{\infty 1}} = \frac{1}{R(1/1^2 - \infty^2)} = \frac{1}{R} = 0.9118 \times 10^{-7} m = 91.18 nm$$

2、处于第3激发态的氢原子跃迁回低能态时，可以发出的可见光谱线有多少？请画出跃迁能级图。

解：处于第3激发态的氢原子跃迁回低能态时，可以发出的所有光谱线为

$$n = 4 \rightarrow n = 3, \lambda_{43} = \frac{c}{\nu_{43}} = \frac{1}{R(1/3^2 - 1/4^2)} = \frac{144}{7R} \approx 1875.63 nm$$

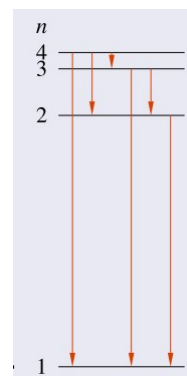
$$n = 4 \rightarrow n = 2, \lambda_{42} = \frac{c}{\nu_{42}} = \frac{1}{R(1/2^2 - 1/4^2)} = \frac{16}{3R} \approx 486.27 nm$$

$$n = 4 \rightarrow n = 1, \lambda_{41} = \frac{c}{\nu_{41}} = \frac{1}{R(1/1^2 - 1/4^2)} = \frac{16}{15R} \approx 97.25 nm$$

$$n = 3 \rightarrow n = 2, \lambda_{32} = \frac{c}{\nu_{32}} = \frac{1}{R(1/2^2 - 1/3^2)} = \frac{36}{5R} \approx 656.47 nm$$

$$n = 3 \rightarrow n = 1, \lambda_{31} = \frac{c}{\nu_{31}} = \frac{1}{R(1/1^2 - 1/3^2)} = \frac{9}{8R} \approx 102.57 nm$$

$$n = 2 \rightarrow n = 1, \lambda_{21} = \frac{c}{\nu_{21}} = \frac{1}{R(1/1^2 - 1/2^2)} = \frac{4}{3R} \approx 121.57 nm$$



由于可见光范围为 $390 nm < \lambda < 780 nm$ ，所以可发出的可见光谱线有两条，波长分别为 $486.27 nm$, $656.47 nm$ 。

3、复色光（光子能量分别为 $2.16 eV$ 、 $2.40 eV$ 、 $1.51 eV$ 和 $1.89 eV$ ）射向处在 $n = 2$ 的能级的氢原子群。问：哪一种光子能被吸收？请说明原因。

解：几个高能级与 $n = 2$ 能级的能级差为：

$$E_3 - E_2 = \frac{5}{36}|E_1| \approx \frac{5}{36}|-13.6 eV| \approx 1.86 eV$$

$$E_4 - E_2 = \frac{3}{16}|E_1| \approx \frac{3}{16}|-13.6 eV| \approx 2.55 eV$$

$$E_5 - E_2 = \frac{21}{100}|E_1| \approx \frac{21}{100}|-13.6 eV| \approx 2.86 eV$$

因为只有当光子的能量等于能级之间的能量差时，光子才可能被吸收，所以能量为 $1.86 eV$ 的光子被吸收。

4、欲使氢原子能发射巴耳末系中波长为 $656.28nm$ 的谱线，计算最少要给基态氢原子提供的能量。（里德伯常数 $R = 1.096776 \times 10^7 m^{-1}$ ）

解：巴尔末系中波长为 $656.28nm$ 的谱线是电子从 $n = 3$ 到 $n = 2$ 能级跃迁时发射的。
因此，最少要给基态氢原子提供的能量应为 $n = 3$ 激发态的能量与基态能量之差

$$\Delta E = E_3 - E_1 = -\frac{8}{9}E_1 \approx 12.09eV$$

6、请叙述泡利不相容原理。

答：在多电子的原子系统中不可能有两个电子具有完全相同的状态

7、基态原子中电子的排列遵循什么原理？

答：泡利不相容原理和能量最小原理，可以利用洪德规则来排列电子

8、什么叫做能量简并？请举例说明。

答：不同的量子态具有相同的能量（能级）称为能量简并。

举例：处于 n 能级上的氢原子，有 $l = 0, 1, 2, 3 \cdots l-1$ 共 l 个不同的电子状态，属于 n 级简并。

9、写出原子中 $n = 2$ 能级中电子的全部波函数： ψ_{n,l,m_l,m_s} 问：该能级是几度简并？

解： $n = 2$ ，则 $l = 0, 1$

当 $l = 1$ 时， $m_l = 0, \pm 1$

当 $l = 0$ 时， $m_l = 0$

又 $m_s = \pm \frac{1}{2}$

所以 $n = 2$ 能级中电子的全部波函数为

$$\psi_{2,1,1,\frac{1}{2}}, \psi_{2,1,1,-\frac{1}{2}}, \psi_{2,1,0,\frac{1}{2}}, \psi_{2,1,0,-\frac{1}{2}}$$

$$\psi_{2,1,-1,\frac{1}{2}}, \psi_{2,1,-1,-\frac{1}{2}}, \psi_{2,0,0,\frac{1}{2}}, \psi_{2,0,0,-\frac{1}{2}}$$

故该能级是8度简并。

V. 作业44答案

1、什么是自发辐射？什么是受激辐射？

答：自发辐射：无外界刺激，原子自发地从高能级向低能级跃迁。同时，向外辐射一个光子，光子的能量是原子两个能级能量之差。

受激辐射：在原子处于高能级（高能级有原子存在）的情况下，如果外来入射一个光子的能量正好等于高能级与某一低能级之差，则高能级上的原子向该低能级跃迁。除外来入射的光子外，再辐射一个与外来入射的光子的频率（波长，能量）、相位、传播方向、振动方向等一样的光子。

2、请分别写出原子自发辐射和受激辐射所发出的光的特点。

答：自发辐射：自发辐射的光是不相干的。

受激辐射：受激辐射所产生的光子具有与外来光子完全相同的特性。即它们的频率、相位、振动方向、传播方向均相同。

3、什么现象称作粒子数反转？系统实现粒子数反转的条件是什么？

答：粒子数反转：激光器的工作物质处于高能级中的粒子数超过处于低能级的粒子数。

实现粒子数反转的条件：要实现粒子数反转，系统要有激励能源使原子激发。另外工作物质还要有合适的亚稳态能级（至少有三能级以上）。

4、 CO_2 激光器发出的激光波长为 $10.6\mu m$ 。(1)求相应的两个能级差；(2)设具有同样能级差的平衡态 CO_2 气体的温度为 $300K$ 。求上能级粒子数 N_1 和下能级粒子数 N_2 之比值。

(1) 两能级差

$$\Delta E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{10.6 \times 10^{-6}} \approx 1.875 \times 10^{-20} J \approx 0.117 eV$$

(2) 由于室温下， $kT \approx 0.0253 eV$ ，所以 N_1 和 N_2 之比值

$$\frac{N_1}{N_2} = e^{-\frac{\Delta E}{kT}} \approx e^{-\frac{0.117 eV}{0.0253 eV}} \approx 0.01$$

5、写出激光器中光学谐振腔的作用。

答：(1) 产生与维持光的振荡，使光得到加强，进一步实现光放大；

(2) 通过振荡（多次反射），使激光有极好的方向性；

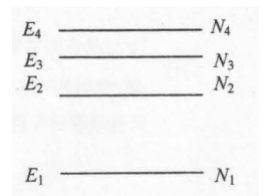
(3) 通过光学谐振腔的选频作用，使激光的单色性好。

6、激光工作物质的原子能级如图所示， N 表示相应 E_i 能级的粒子数，已知 $N_1 > N_2 > N_4 > N_3$ ，请回答：

(1) 哪两个能级之间实现了粒子数翻转？

(2) 写出可能产生的激光的频率。

(3) 可能产生的荧光（自发辐射）光谱有几个？



解：(1) 3、4能级之间实现了粒子数翻转

(2) 可能产生的激光的频率

$$\nu = \frac{E_4 - E_3}{h}$$

(3) 可能产生的荧光（自发辐射）光谱有6个： $4 \rightarrow 3, 4 \rightarrow 2, 4 \rightarrow 1, 3 \rightarrow 2, 3 \rightarrow 1, 2 \rightarrow 1$ 。

7、什么是本征半导体？本征半导体的导电机制是什么？

答：本征半导体：纯净的半导体单晶材料，无任何杂质与缺陷，原子的排列遵循严格的周期性。

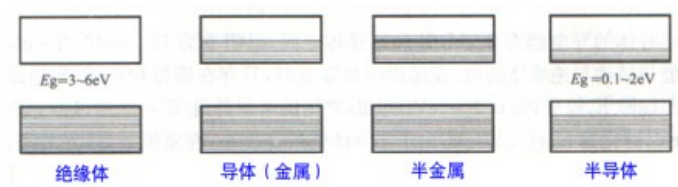
本征半导体的导电机制：本征激发到空带中的电子和余下的满带中的空穴导电。而且，本征激发中，从价带中激发到导带的电子浓度与价带中的空穴浓度相等。即导电的电子和空穴都是主要载流子。

8、分别写出导体、绝缘体、半导体能带结构的特点。（画出能级示意图）

答：导体的能带结构：价带是不满的、满带和空带之间无禁带或价带和空带重叠等结构。在外电场的作用下，这种不满的能带中的电子就起导电作用。

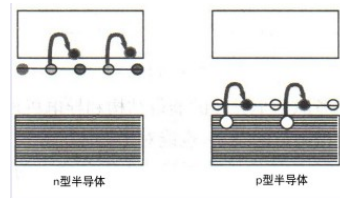
绝缘体的能带结构：满带和空带之间的禁带很宽，满带中的电子很难从低能级（满带）跃迁到高能级（空带）上。价带是满带，价带与空带之间有一较宽的禁带（ $E_g = 3 eV \sim 10 eV$ ），离子晶体（如 $NaCl, KCl$ 等）、分子晶体（如 Cl_2, CO_2 等）属于这一类。

半导体的能带结构：满带和空带之间有禁带，但禁带较窄，热激发很容易使电子从低能级（满带）跃迁到高能级（空带）上，形成不满的价带，在外电场的作用下，这种不满的能带中的电子就起导电作用。价带是满带，价带与空带之间禁带宽度很小（ $E_g = 0.1 eV \sim 2 eV$ ）。价带中的电子被激发到空带，就可参与导电；价带中留下空穴也具有导电性。锗、硅等属于此类。



- 9、(1) 画出p型半导体能带结构图，指明杂质能级的特点。
 (2) 画出n型半导体能带结构图，指明杂质能级的特点。
 (3) 说明杂质半导体的导电性能比本征半导体好的原因。

答：半导体能带结构图：



- (1) p型半导体杂质能级在价带上面，距价带很近。
 (2) n型半导体杂质能级在导带下面，距导带很近。
 (3) 本征半导体是电子和空穴两种载流子同时参与导电，满带和空带之间有禁带；而杂质半导体由于杂质原子提供的能级或靠近满带（p型半导体），或靠近空带（n型半导体），使得电子很容易被激发，或者满带中的电子激发到受主能级（p型半导体），或者施主能级上的电子激发到空带中（n型半导体），都会形成未满的导带，使得导电性能比本征半导体要好。

10、硅晶体的禁带宽度为 1.2eV ，掺入磷后成为n型半导体，已知杂质能级和导带底能级差 $\Delta E = 0.045\text{eV}$ ，(1) 请计算硅本征半导体所能吸收的光的最大波长；(2) 计算n型半导体所能吸收的光的最大波长。

解：由于电子在能级 E_1, E_2 之间跃迁所辐射或吸收的光子的频率、波长分别为

$$\nu = \frac{|E_2 - E_1|}{h}, \lambda = \frac{c}{\nu} = \frac{hc}{|E_2 - E_1|}$$

故硅本征半导体能吸收的光的最大波长

$$\lambda_{\max, o} = \frac{hc}{E_g} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{1.2 \times 1.6 \times 10^{-19}} \text{m} \approx 10.35 \times 10^{-7} \text{m} \approx 1035 \text{nm}$$

n型半导体所能吸收的光的最大波长

$$\lambda_{\max, n} = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{0.045 \times 1.6 \times 10^{-19}} \text{m} \approx 276.08 \times 10^{-7} \text{m} = 27608 \text{nm}$$