





1 二维离散傅氏变换

正变换

$$F(u,v) = \frac{1}{MN} \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) e^{-j2\pi(ux/M + vy/N)}$$

$$u = 0, 1, ..., M - 1;$$
 $v = 0, 1, ..., N - 1$

反变换

$$f(x,y) = \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u,v) e^{j2\pi(ux/M + vy/N)}$$

$$x = 0,1,...,M-1;$$
 $y = 0,1,...,N-1$

1 二维离散傅氏变换

幅度谱

$$|F(u,v)| = [R^2(u,v) + I^2(u,v)]^{1/2}$$

相位谱

$$\varphi(u, v) = \arctan \frac{I(u, v)}{R(u, v)}$$





线性性

$$a_1 f_1(x, y) + a_2 f_2(x, y) \leftrightarrow a_1 F_1(u, v) + a_2 F_2(u, v)$$

比例性

$$f(ax, by) \leftrightarrow \frac{1}{|ab|} F(\frac{u}{a}, \frac{v}{b})$$



空间位移

$$f(x-x_0, y-y_0) \leftrightarrow F(u, v)e^{-j2\pi(ux_0+vy_0)/N}$$

频率位移

$$f(x,y)e^{j2\pi(u_0x+v_0y)/N} \leftrightarrow F(u-u_0,v-v_0)$$



旋转不变性

图像的空间域 f(x,y) 和频率域 F(u,v) 可以分别用极坐标表示 f(r,q) 和 F(w,f)

$$f(r, \theta + \theta_0) \leftrightarrow F(\omega, \varphi + \theta_0)$$

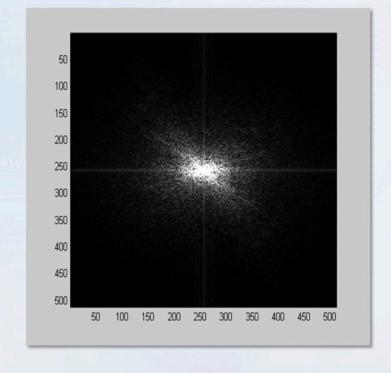
平均值(直流分量)

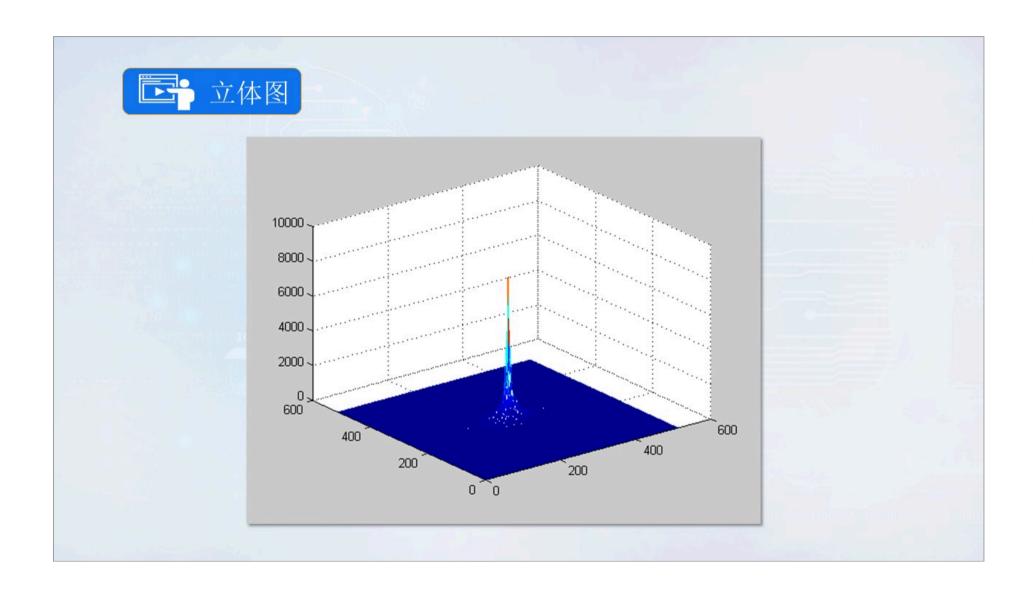
$$F(0,0) = \frac{1}{N^2} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y)$$



图像的傅氏变换

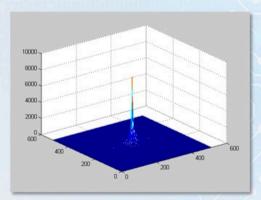








一〇 代码



```
b=imread('lena.jpg'); % 读入图像, 像素值在b中
b=rgb2gray(b); %转换为灰度图像
figure(1);
I=im2bw(b);
imshow(b);
title('(a)原图像');
figure(2);
fa=fft2(I); % 使用fft函数进行快速傅立叶变换
ffa=fftshift(fa); % fftshift函数调整ff函数的输出顺序,
将零频位置移到频谱的中心
imshow(ffa,[200,225]);
title('(b)幅度谱');
figure(3);
l=mesh(abs(ffa)); % 画网格曲面图
title('(c)幅度谱的能量分布');
```

2 二维离散小波变换

二维的多分辨率分解问题

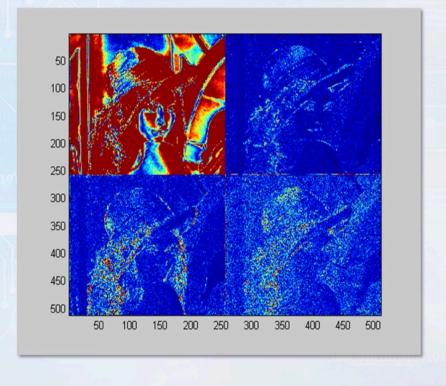
一级分解:

近似部分(LL) 水平方向细节部分(HL) 垂直方向细节部分(LH) 对角线方向细节部分(HH)

		1111
LL2	HL2	HL1
LH2	HH2	
LH1		НН1
	1	

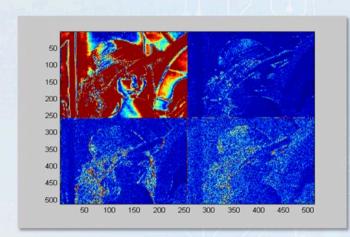


Lena图像的一级小波分解

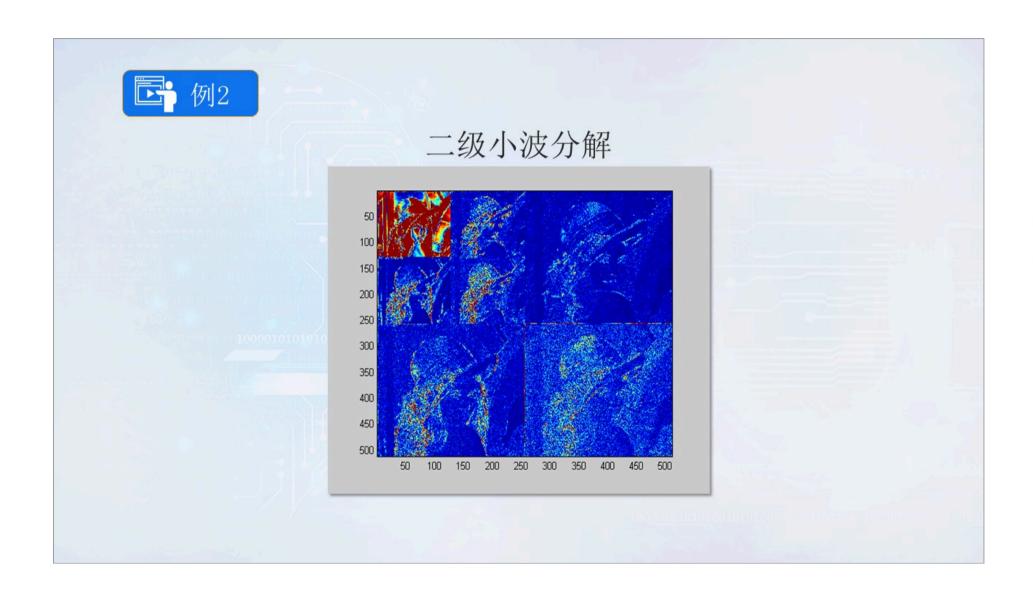




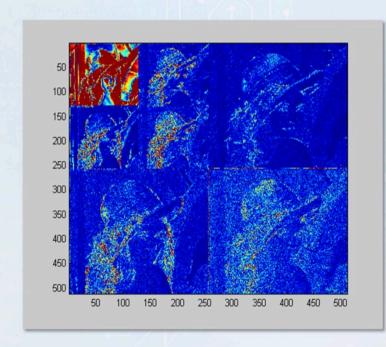
演示



```
% lena图像的一级小波变换
b=imread('lena.jpg');
a=im2bw(b);
nbcol=size(a,1);
[ca1,ch1,cv1,cd1]=dwt2(a,'db4');
cod_ca1=wcodemat(ca1,nbcol);
cod_ch1=wcodemat(ch1,nbcol);
cod_cv1=wcodemat(cv1,nbcol);
cod_cd1=wcodemat(cd1,nbcol);
image([cod_ca1,cod_ch1;cod_cv1,cod_cd1]);
```



一片 代码



```
%图像的二级小波变换
b=imread('lena.jpg');
a=im2bw(b);
nbcol=512;
nbc=256;
[cal,chl,cvl,cdl]=dwt2(a,'db4');
[ca2,ch2,cv2,cd2]=dwt2(ca1,'db4');
cod cal=wcodemat(cal,nbc);
cod ch1=wcodemat(ch1,nbc);
cod cv1=wcodemat(cv1,nbc);
cod cd1=wcodemat(cd1,nbc);
cod ca2=wcodemat(ca2,nbcol);
cod ch2=wcodemat(ch2,nbcol);
cod cv2=wcodemat(cv2,nbcol);
cod cd2=wcodemat(cd2,nbcol);
tt=[cod ca2,cod ch2;cod cv2,cod cd2]
tt=imresize(tt,size(ca1));
image([tt,cod ch1;cod cv1,cod cd1]);
```

填空题 2分

二维离散小波变换处理图像,一级分解后的图像变为四个部分: [填空1]、水平方向细节部分、垂直方向细节部分和 [填空2] 方向细节部分。

3 二维离散余弦变换

正变换

$$T(u,v) = \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y)g(x,y,u,v)$$

$$g(x, y, 0, 0) = \frac{1}{N}$$

$$g(x, y, u, v) = \frac{2}{N} \cos \frac{(2x+1)u\pi}{2N} \cos \frac{(2y+1)v\pi}{2N}$$

3 二维离散余弦变换

反变换

$$f(x,y) = \sum_{u=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} T(u,v)h(x,y,u,v)$$



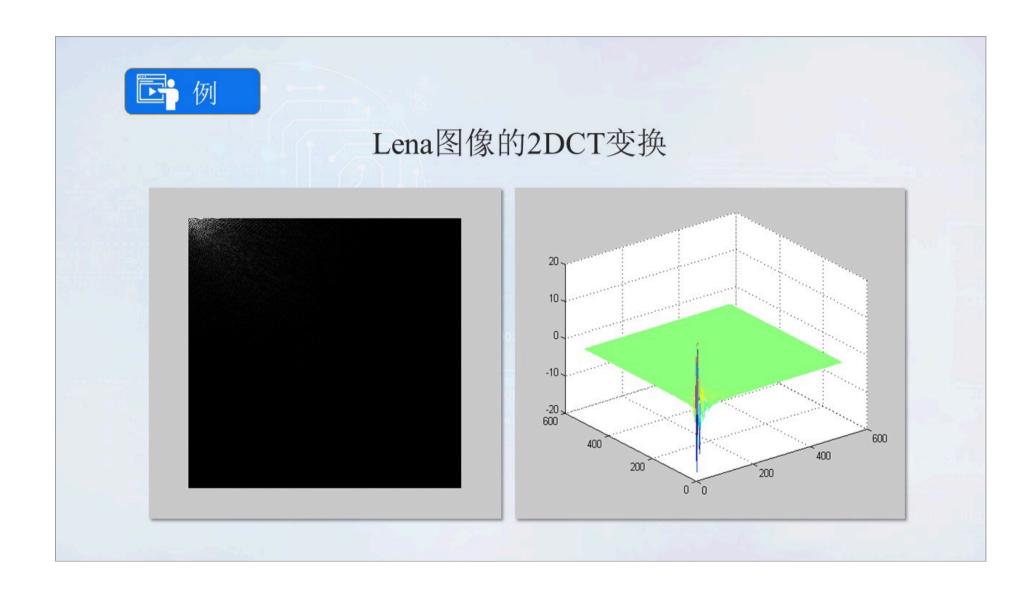
2DCT系数

$$C(0,0) = \frac{1}{N} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y)$$

$$C(u,v) = \frac{2}{N} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) \cos \frac{(2x+1)\pi u}{2N} \cos \frac{(2y+1)\pi v}{2N}$$

重构

$$f(x,y) = \frac{1}{N}C(0,0) + \frac{2}{N} \sum_{u=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} C(u,v) \cos \frac{(2x+1)\pi u}{2N} \cos \frac{(2y+1)\pi v}{2N}$$

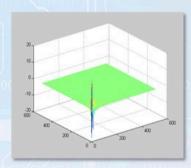




一一 代码

Lena图像的2DCT变换





b=imread('lena.jpg');% 读入图像, 像素 值在b中

b=rgb2gray(b); %转换为灰度图像

figure(1);

imshow(b);

title('(a)原图像');

I=im2bw(b);

figure(2);

c=dct2(I); % 进行离散余弦变换

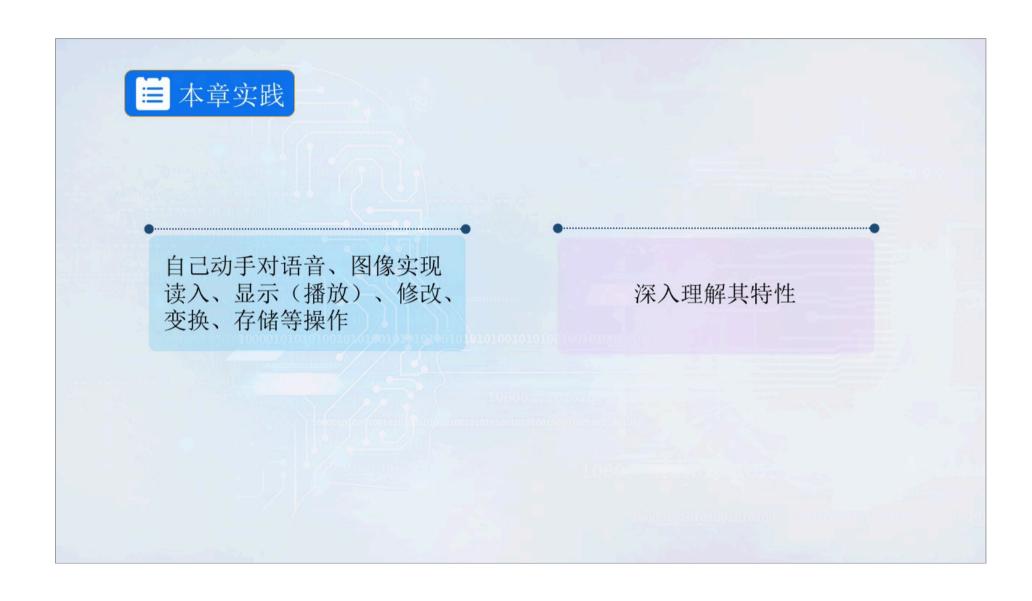
imshow(c);

title('(b)DCT变换系数');

figure(3);

mesh(c); % 画网格曲面图

title('(c)DCT变换系数(立体视图)');



《信息隐藏技术》

实验3: 图像信号的常用处理方法上机实验

- 1, DFT
- 2, DWT
- 3, DCT

在matlab中调试完成课堂上的例题,练习使用常用的图像信号处理方法。

要求: 编程实现, 提交实验报告。

提交方法: qq群作业。

提交截止时间: 2023-3-21

