

NumPy 数值计算基础

2018/1/20

给变量赋值:

- 变量不需要声明, python会自动声明
- 等于符号(=)用于赋值

```
In [36]: a = 1
b = 2
a #这是一条命令
Out[36]: 1
```

给变量赋值:

你可以删除一个对象,但是之后再使用这个变量的时候就会报错

```
In [37]: del b
                                                    Traceback (most recent call last)
         NameError
         <ipython=input=37-b24ab7427bb0> in <module>()
               1 del b
         ----> 2 b
         NameError: name 'b' is not defined
```

Python有5种标准类型:

- 数值Numbers (整型int,长整型long,浮点数float,复数complex)
- 字符串String (字符的连续集合):用一对双引号(")或者单引号(')括住的就是字符串。
- 列表List
- 元组Tuple
- 字典Dictionary

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

如果我们要创建一个专辑(albums)列表,那么可以把这些专辑放进一个Python list中,这样我们就可以执行各种列表操作了,比如排序。

```
In [49]: album_list = ["Thriller", "Back in Black", "The Dark Side of the Moon", \
                        "The Bodyguard", "Bat Out of Hell", "Their Greatest Hits (1971-1975)", \
                        "Saturday Night Fever", "Rumours"]
          album list
Out[49]: ['Thriller',
          'Back in Black',
          'The Dark Side of the Moon',
          'The Bodyguard',
          'Bat Out of Hell'.
          'Their Greatest Hits (1971-1975)',
          'Saturday Night Fever',
          'Rumours'l
```

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

- 列表的每个元素都有索引(序号):第一个元素是0,第二个元素是1,依次类推。你可以从list中删除 元素,也可以在list的末尾添加元素。list有如下特性:
 - 用途最为广泛的数据类型
 - 元素由逗号分隔,整个列表由中括号包围([])。
 - 其中的元素可以用切片操作符([]和[:])来访问
 - 列表的索引从0开始
 - 加号是列表连接操作符

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

一个列表可以由多个不同的对象组成,比如向量、数值、字符甚至其他列表。你可以把列表当成一个由关 联信息构成的,且结构良好易于读取的容器。

```
In [50]: Released_dates = [1982, 1980, 1973, 1992]
Released_dates

Out[50]: [1982, 1980, 1973, 1992]

如前所述, list是一个序列, 序列中的每一个元素在该序列中都有一个序号, 序号从0开始计数。
```

7

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

连接列表:连接是指将事物按照顺序放在一起的过程,对列表和字典的操作就是如此。只需使用 + 操作 符即可实现连接。看一看下面这个例子:

```
In [51]: album_titles1 = ["Thriller", "Back in Black"]
    album_titles2 = ["The Dark Side of the Moon", "The Boduguard"]
    album_titles1 + album_titles2

Out[51]: ['Thriller', 'Back in Black', 'The Dark Side of the Moon', 'The Boduguard']
```

8

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

· 往 list 中添加新的元素

```
In [52]: Released_dates = [1982, 1980, 1973, 1992]
Released_dates

Out[52]: [1982, 1980, 1973, 1992]

In [53]: Released_dates.append(1960)
Released_dates

Out[53]: [1982, 1980, 1973, 1992, 1960]
```

· 获取 list 的长度

```
In [54]: len(Released_dates)
Out[54]: 5
```

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

• 求列表子集: Python允许一次获得list中的多个元素,其格式为[:]。如果中括号内是单个具体的位置,那就表示只想获取一个元素。

```
In [55]: first_element = Released_dates[0]
  first_element
Out[55]: 1982
```

```
我们可以用索引值获取前几个元素,如下:
In [56]: first_few_elements = Released_dates[:3]
first_few_elements
Out[56]: [1982, 1980, 1973]
```

```
我们也可以获取最后几个元素,如下
In [57]: last_element = Released_dates[3:] last_element
Out[57]: [1992, 1960]
```

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

- · 求列表子集:Python允许一次获得list中的多个元素,其格式为[:]。如果中括号内是单个具体的位置 ,那就表示只想获取一个元素。
- 还可以在第二个冒号后面设置步长,下面的代码表示每隔一个元素提取一个元素

```
In [62]: Released_dates[::2]
Out[62]: [1982, 1973]
我们可以通过将步长设置为-1将列表倒序排列。

In [63]: Released_dates[::-1]
Out[63]: [1992, 1973, 1980, 1982]
```

Python列表(list):是使用最频繁的数据类型

· 列表排序:用sort()排序,使用min()和 max()函数获取list中最大值和最小值

```
我们可以对列表排序
In [64]: Released_dates = [1982, 1980, 1973, 1992]
         Released dates
Out[64]: [1982, 1980, 1973, 1992]
In [65]: Released_dates.sort()
         Released_dates
Out[65]: [1973, 1980, 1982, 1992]
```

```
In [66]: minimum = min(Released_dates)
    maximum = max(Released_dates)

#python2 print minimum, maximum
    print (minimum, maximum)

1973 1992
```

```
In [67]: album_min = [42,42,57,46,43]

# 使用SUM函数求平均数

avg_time_min = sum(album_min)/len(album_min)

avg_time_min

Out[67]: 46.0
```

元组(Tuple):与lists很类似,区别在于元组中的元素不能被修改,并且使用的是圆括号而不是方括号

• 音乐风格就很适合存储在元组中,因为它们不会经常变动。

```
In [68]: genres_tuple = ("pop", "rock", "soul", "hard rock", "soft rock", \
                          "R&B", "progressive rock", "disco")
          genres_tuple
Out [68]: ('pop',
           'rock',
           'soul',
           'hard rock',
           'soft rock',
           'R&B',
           'progressive rock',
           'disco')
```

元组(Tuple):与lists很类似,区别在于元组中的元素不能被修改,并且使用的是圆括号而不是方括号

• 同样可以通过len函数得到tuple中的元素个数: len(genres_tuple)

• 使用索引得到具体的某一个元素: genres_tuple[3]

• 你也可以使用起止索引得到多个元素: genres_tuple[3:6]

• 通过元素的值得到元素的索引: genres_tuple.index("R&B")

元组(Tuple):与lists很类似,区别在于元组中的元素不能被修改,并且使用的是圆括号而不是方括号

• 但是你无法对元组排序,因为它们是不可修改的。

```
你可以把元组转换成列表,如下
In [74]: genres_list = list(genres_tuple)
         genres_list
Out[74]:
         ['pop',
          'rock',
          'soul',
         'hard rock',
          'soft rock',
          'R&B'
          'progressive rock',
          'disco']
```

```
然后就可以对转换后的列表排序了
         genres_list.sort()
In [75]:
         genres list
Out[75]: ['R&B',
          'disco',
          'hard rock',
          'pop',
          'progressive rock',
          'rock',
          'soft rock',
          'soul'l
```

因为你不能修改元组,所以任何添加、删除、修改的操作都只能先转成列表再执行。

字典(Dictionary):是Python内置的最重要的数据结构。

- 字典如其名所示,其格式为(关键字:值)。
- · 在字典中,任何一个元素都有一个关键字key和值value。
- · 元素在字典中没有序号,即没有任何顺序。
- 同时,每个key必须是唯一的。

字典(Dictionary):是Python内置的最重要的数据结构。

· 下面是一个Python中的字典的例子:

```
In [77]: ratings_dict = { "Thriller" : 10 , "Back in Black" : 8.5 }

在上述这个字典中,专辑名是字符类型的对象,被当作了关键字,而评分是数值类型的对象,被当作了值。
我们观察一下这个字典,其意义非常清楚。其中的元素具有不同的类型(整型和浮点型),但是这完全没有问题,因为它既是字典,也是列表。

In [78]: ratings_dict

Out [78]: { Back in Black' : 8.5, 'Thriller' : 10 }
```

字典(Dictionary):是Python内置的最重要的数据结构。

• 可以访问字典中的所有元素,例如,下面这样访问关键字和值。

```
In [79]: | a = ratings dict.keys()
Out[79]: dict_keys(['Back in Black', 'Thriller'])
In [80]: ratings_dict.values()
Out[80]: dict_values([8.5, 10])
            一种获取值的方式是指定关键字。例如,下面操作的结果就是获得指定的关键字所对应的值。
In [81]: ratings dict['Thriller']
Out[81]: 10
```

字典(Dictionary):是Python内置的最重要的数据结构。

- 在字典中添加、修改、删除元素
- 在字典中添加元素十分简单,直接通过赋值即可,下面的代码就在字典中添加了一个关键字为 'New entry',值为5的新元素。

```
In [82]: ratings_dict['New entry'] = 5
ratings_dict
Out[82]: {'Back in Black': 8.5, 'New entry': 5, 'Thriller': 10}
```

· 修改元素的方式与添加元素类似,下面的代码会将关键字为'Back in Black'的元素的值修改为7.5

```
In [83]: ratings_dict['Back in Black'] = 7.5
ratings_dict
Out[83]: {'Back in Black': 7.5, 'New entry': 5, 'Thriller': 10}
```

字典(Dictionary):是Python内置的最重要的数据结构。

- 在字典中添加、修改、删除元素
- 要想删除一个元素,需要使用del函数并指定要被删除的关键字,因此来引用已经存在于字典中的元素。下面的代码将删除关键字为 'New entry' 的元素。

```
In [84]: del ratings_dict['New entry'] ratings_dict

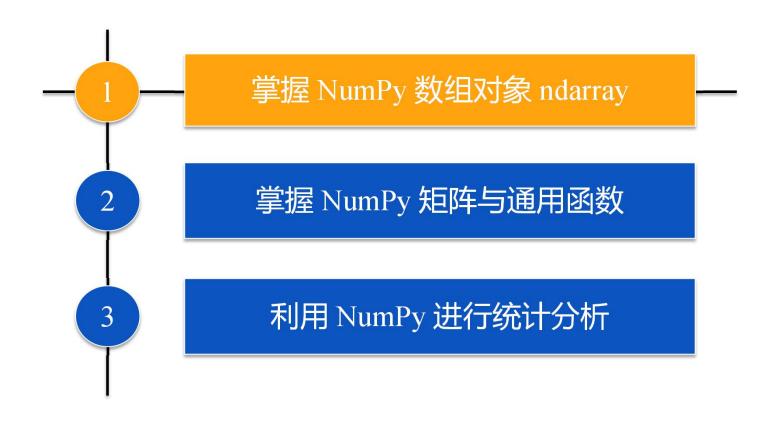
Out[84]: {'Back in Black': 7.5, 'Thriller': 10}

In [85]: capitals = {"China":"beijing", "USA":"washington DC", "Japan":"Tokyo"} capitals capitals["Japan"] = "aaaa" capitals

Out[85]: {'China': 'beijing', 'Japan': 'aaaa', 'USA': 'washington DC'}

对于在Python中组织不同类型的数据来说,列表和字典都是非常好用的数据结构。
```

目录



理解Python中的数据类型

- · Python整数不仅仅是一个整数
- 标准的Python实现是用C编写的。
- 这意味着每个Python对象都只是一个巧妙伪装的C结构,它不仅包含它的值,还包含其他信息。
- 例如, 当我们在Python中定义一个整数时, 比如 "x = 10000", "x"不只是一个 "原始" 整数。
- 它实际上是一个指向复合C结构的指针,它包含几个值。

理解Python中的数据类型

• 查看Python 3的源代码,我们发现整型(long)类型定义实际上是这样的(在扩展C宏之后):

```
    struct _longobject {
        long ob_refcnt; #一个帮助Python静默处理内存分配和释放的引用计数
        PyTypeObject *ob_type; #变量的类型
        size_t ob_size; #指定以下数据成员的大小
        long ob_digit[1]; #包含我们期望Python变量表示的实际整数值
```

• };

理解Python中的数据类型

- 注意这里的区别:一个C整数本质上是一个在内存中位置的标签,它是字节编码一个整数值。
- · Python整数是指向包含所有Python对象信息的内存位置的指针,包括包含整数值的字节。
- Python整数结构中的这些额外信息使得Python能够如此自由和动态地编码。
- · 然而,在Python类型中,所有这些附加信息都是以成本为代价的,在组合了许多这些对象的结构中,这 一点变得尤为明显。

24

Python列表不仅仅是一个列表

- 让我们考虑一下,当我们使用一个包含许多Python对象的Python数据结构时,会发生什么情况。
- Python中的标准可变多元素容器是列表。
- 我们可以创建一个整数列表如下:

```
In [1]: L = list(range(10))
L
Out[1]: [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
In [2]: type(L[0])
Out[2]: int
```

或者类似的字符串列表:

```
In [3]: L2 = [str(c) for c in L]
  L2
Out[3]: ['0', '1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9']
In [4]: type(L2[0])
Out[4]: str
```

Python列表不仅仅是一个列表

· 由于Python的动态类型,我们甚至可以创建异构列表:

```
In [5]: L3 = [True, "2", 3.0, 4]
  [type(item) for item in L3]
Out[5]: [bool, str, float, int]
```

Python列表不仅仅是一个列表

- 如果在所有变量都是相同类型的特殊情况下, 大部分信息是冗余的
- 所以在固定类型的数组中存储数据会更有效。
- 在实现级别,数组本质上包含一个指向连续数据块的指针。
- · 另一方面,Python列表包含指向一个指针块的指针,每个指针都指向一个完整的Python对象,就像我们前面看到的Python整数。
- · 固定类型的numpy样式的数组缺少这种灵活性,但是对于存储和操作数据来说 更有效。

在Python中固定数组

- Python提供了几种不同的选项,用于在高效的固定类型数据缓冲区中存储数据。
- 内置的 "array"模块(从Python 3.3开始可用)可用于创建统一类型的密集数组

```
In [9]: import array
L = list(range(10))
A = array.array('i', L)
A
Out[9]: array('i', [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

这里'i'是表示内容为整数的类型代码。

Python列表不仅仅是一个列表

- · 然而,更有用的是ndarray的NumPy包的对象。
- 虽然Python的array 对象提供了有效存储基于数组的数据,但是NumPy为该数据添加了更高效的*操作*。我们将在后面的部分中探讨这些操作
- 这里,我们将演示创建NumPy数组的几种方法。
- 我们将从标准的NumPy导入开始,在别名'np中:
- import numpy as np

1.数组属性:ndarray(数组N-dimensional array)是存储单一数据类型的多维数组。

属性	说明
ndim	返回 int。表示数组的维数
shape	返回 tuple。表示数组的尺寸,对于 n 行 m 列的矩阵,形状为(n,m)
size	返回 int。表示数组的元素总数,等于数组形状的乘积
dtype	返回 data-type。描述数组中元素的类型
itemsize	返回 int。表示数组的每个元素的大小(以字节为单位)。

2.数组创建

numpy.array(object, dtype=None, copy=True, order='K',subok=False, ndmin=0)

参数名称	说明
object	接收array。表示想要创建的数组。无默认。
dtype	接收data-type。表示数组所需的数据类型。如果未给定,则 选择保存对象所需的最小类型。默认为None。
ndmin	接收int。指定生成数组应该具有的最小维数。默认为None。

> 创建数组并查看数组属性

```
#导入NumPy库
             import numpy as np
             arr1 = np.array([1, 2, 3, 4]) #创建一维数组
In[1]:
             print('创建的数组为:',arr1)
             创建的数组为: [1234]
Out[1]:
             arr2 = np.array([[1, 2, 3, 4],[4, 5, 6, 7], [7, 8, 9, 10]]) #创建二维数组
In[2]:
             print('创建的数组为:\n',arr2)
             创建的数组为:
             [[1 \ 2 \ 3 \ 4]]
Out[2]:
             [4 5 6 7]
              [7 8 9 10]]
```

> 创建数组并查看数组属性

In[3]: print('数组维度为:',arr2.dtype) #查看数组类型 Out[3]: 数组维度为:int32 print('数组元素个数为:',arr2.size) #查看数组元素个数 In[4]: 数组元素个数为: 12 Out[4]: print('数组每个元素大小为:',arr2.itemsize) #查看数组每个元素大小 In[5]: 数组每个元素大小为: 4 Out[5]:

➤ 查看数组结构,重新设置数组的 shape 属性

```
print('数组维度为:',arr2.shape) #查看数组结构
In[6]:
Out[6]:
         数组维度为: (3, 4)
         arr2.shape = 4,3 #重新设置 shape
In[7]:
         print('重新设置 shape 后的 arr2 为:\n',arr2)
         重新设置shape维度后的arr2为:
         [[1 2 3]
Out[7]:
        [4 4 5]
         [677]
          [8 9 10]]
```

> 创建数组并查看数组属性

```
#导入NumPy库
             import numpy as np
             arr1 = np.array([1, 2, 3, 4]) #创建一维数组
In[1]:
             print('创建的数组为:',arr1)
             创建的数组为: [1234]
Out[1]:
             arr2 = np.array([[1, 2, 3, 4],[4, 5, 6, 7], [7, 8, 9, 10]]) #创建二维数组
In[2]:
             print('创建的数组为:\n',arr2)
             创建的数组为:
             [[1 \ 2 \ 3 \ 4]]
Out[2]:
             [4 5 6 7]
              [7 8 9 10]]
```

➤ 使用 arange 函数创建等差数列数组

In[8]: print('使用 arange 函数创建的数组为:\n', np.arange(0,1,0.1))

Out[8]: 使用arange函数创建的数组为:[0. 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9]

➤ arange([start,] stop[, step,], dtype=None) 模块简介告诉我们arange有四个参数,分别是起始点、终值、步长、和返回类型。

➤ 使用 linspace 函数创建等差数列数组

In[9]: print('使用 linspace 函数创建的数组为:\n',np.linspace(0, 1, 12))

使用linspace函数创建的数组为:

Out[9]: [0. 0.09090909 0.18181818 0.27272727 0.36363636 0.45454545 0.54545455 0.63636364 0.72727273 0.81818182 0.90909091 1.

➤ linspace 函数通过指定开始值、终值和元素个数来创建一维数组,默认设置包括终值,这点要与arange函数区分开

➤ 使用 logspace 函数创建等比数列

```
In[10]: print('使用logspace函数创建的数组为:',np.logspace(0, 2, 20))
```

```
Out[10]: 使用logspace函数创建的数组为:[ 1. 1.27427499 1.62377674 ..., 61.58482111 78.47599704 100. ]
```

- ➤ logspace 与linspace函数相似,它创建的是等比数列
- ▶ 起始位和终止位代表的是10的幂(默认基数为10),0代表10的0次方,9代表10的9次方

➤ 使用zeros函数创建数组

In[11]: print('使用zeros函数创建的数组为:',np.zeros((2,3)))

```
使用zeros函数创建的数组为:
Out[11]: [[ 0. 0. 0.]
[ 0. 0. 0.]]
```

➤ 使用eye函数创建数组

```
In[12]: print('使用eye函数创建的数组为:',np.eye(3))
```

```
使用eye函数创建的数组为:
Out[12]: [[ 1. 0. 0.]
        [ 0. 1. 0.]
        [ 0. 0. 1.]]
```

➤ eye函数用来创建主对角线上的元素都为1,其他的元素都为0的数组,类似单位矩阵。

▶ 使用diag函数创建数组

```
In[13]: print('使用diag函数创建的数组为:',np.diag([1,2,3,4]))

使用diag函数创建的数组为:
[[1 0 0 0]
[0 0 2 0 0]
[0 0 3 0]
[0 0 0 4]]
```

▶ diag函数创建类似对角的数组,即除了对角线以外的其他元素都是0,对角线上的元素可以是0或其他值。

> 使用ones函数创建数组

3.数组数据类型

NumPy基本数据类型与其取值范围(只展示一部分)

类型	描述
bool	用一位存储的布尔类型(值为TRUE或FALSE)
inti	由所在平台决定其精度的整数(一般为int32或int64)
int8	整数,范围为-128至127
int16	整数,范围为-32768至32767
int32	整数,范围为-231~231~1

3.数组数据类型

NumPy基本数据类型

bool

inti int8 int16 int32 int64

uint8 uint16 uint32 uint64

float16 float32 float64/float

complex64 complex128/complex

数组数据类型转换

In[15]: print('转换结果为:',np.float64(42)) #整型转换为浮点型

Out[15]: 转换结果为: 42.0

In[16]: print('转换结果为:',np.int8(42.0)) #浮点型转换为整型

Out[16]: 转换结果为:42

In[17]: print('转换结果为:',np.bool(42)) #整型转换为布尔型

Out[17]: 转换结果为: True

数组数据类型转换

In[18]:	print('转换结果为:',np.bool(0)) #整型转换为布尔型
Out[18]:	转换结果为: False
In[19]:	print('转换结果为:',np.float(True)) #布尔型转换为浮点型
Out[19]:	转换结果为: 1.0
In[20]:	print('转换结果为:',np.float(False)) #布尔型转换为浮点型
Out[20]:	转换结果为: 0.0

创建一个存储餐饮企业库存信息的数据类型。其中,用一个长度为40个字符的字符串来记录商品的名称,用一个64位的整数来记录商品的库存数量,最后用一个64位的双精度浮点数来记录商品的价格,具体步骤如下。

▶ 创建数据类型

In[21]:

df = np.dtype([("name", np.str_, 40), ("numitems", np.int64), ("price",np.float64)])

print('数据类型为:',df)

Out[21]: 数据类型为: [('name', '<U40'), ('numitems', '<i8'), ('price', '<f8')]

▶ 查看数据类型,可以直接查看或者使用numpy.dtype函数查看。

In[22]:	print('数据类型为:',df["name"])
Out[22]:	数据类型为: <u40< td=""></u40<>
In[23]:	print('数据类型为:',np.dtype(df["name"]))
Out[23]:	数据类型为: <u40< td=""></u40<>

在使用array函数创建数组时,数组的数据类型默认是浮点型。自定义数组数据,则可以预先指定数据类型

In[24]:

itemz = np.array([("tomatoes", 42, 4.14), ("cabbages", 13, 1.72)], dtype=df)

print('自定义数据为:',itemz)

Out[24]:

自定义数据为: [('tomatoes', 42, 4.14) ('cabbages', 13, 1.72)]

```
#!/usr/bin/python
# -*- coding: UTF-8 -*-
import random
                              #产生1到10的一个整数型随机数
print( random.randint(1,10) )
print( random.random() )
                              #产生0到1之间的随机浮点数
print( random.uniform(1.1,5.4) )
                              #产生 1.1 到 5.4 之间的随机浮点数,区间可以不是整数
print( random.choice('tomorrow') )
                              # 从序列中随机选取一个元素
print( random.randrange(1,100,2) )
                              # 生成从1到100的间隔为2的随机整数
a = [1,3,5,6,7]
                              # 将序列a中的元素顺序打乱
random.shuffle(a)
print(a)
```

> 无约束条件下生成随机数

In[25]: print('生成的随机数组为:\n',np.random.random(100))

生成的随机数组为: [0.75946624 0.32403519 0.45156435 0.15301262 0.5466775 0.84605046 0.17080126 0.69076568 0.90944317 0.92458982 0.64758714 0.86632062 0 64711029 0 79839372 0 25877929 0 50130451 0 05525751 0 57771451 0 85348644 0 60981466 0 13559104 0 86325133 0 85926575 0 35266513 0.73434223 0.55986394 0.09632885 0.33584189 0.50353657 0.47070543 0 83600292 0 72432525 0 5941884 0 52633137 0 10449681 0 05879993 0.56039778 0.38883987 0.31812864 0.07824741 0.50415019 0.90873665 0 76296255 0 09991549 0 05827797 0 96862287 0 75540815 0 1081329 Out[25]: 0 49204804 0 68595159 0 4948226 0 42642197 0 20368589 0 64483586 0.20556043 0.17892559 0.30848999 0.66396742 0.99889869 0.97470543 0.96726173 0.20558211 0.17261609 0.86407114 0.62561625 0.49406964 0.10720964 0.49829874 0.0886082 0.6681555 0.55979343 0.49613836 0 21340078 0 16162733 0 20244058 0 05463325 0 1685044 0 35679003 0.24781699 0.98330721 0.44642419 0.68006861 0 47913309 0 30670467 0.16266325 0.94817208 0.80733079 0.91267342 0.58278298 0.52347971

> 生成服从均匀分布的随机数

In[26]: print('生成的随机数组为:\n',np.random.rand(10,5))

生成的随机数组为: [[0.49003214 0.95476764 0.80478427 0.02563938 0.73185181] $[0.83066547\ 0.86510738\ 0.33880589\ 0.81808229\ 0.23000459]$ [0.28728246 0.12556771 0.9790872 0.79213652 0.94980362] $[0.83897353\ 0.18182662\ 0.90904378\ 0.00172149\ 0.54878672]$ $[0.50801147\ 0.67028615\ 0.92488998\ 0.71749045\ 0.72056861]$ Out[26]: [0.61933732 0.53879096 0.56671656 0.4520065 0.69900323] [0.90862367 0.13648924 0.55345897 0.77281637 0.26118587] [0.51397543 0.48149869 0.5896165 0.84167331 0.57252252] $[0.02712242\ 0.53574904\ 0.02550368\ 0.33877762\ 0.19738869]$ $[0.10046505\ 0.60883213\ 0.71470222\ 0.37963987\ 0.53927313]]$

> 生成服从正态分布的随机数

In[27]: print('生成的随机数组为:\n',np.random.randn(10,5))

```
生成的随机数组为:
            [[ 0.4325805 -0.98168945 -0.5376785  0.53174084 -1.2785329 ]
            [ 1.34082081 -0.25767934 1.722428 0.34583182 -0.45464513]
            [ 0.69941229 -1.28239453 -0.98410001  0.23979938 -0.01257589]
            [ 0.00256476 -0.76022471  0.81188766  1.21809275  0.08206837]
Out[27]:
            [0.22081286 - 0.71360927 - 0.22065364 \ 0.76769452 \ 0.79808283]
            [ 0.47247358 -1.43741152  0.33592785 -1.56177824 -1.03810669]
            [-0.22089089 1.00881105 0.43125875 0.29081499 1.10204025]
            [-0.91473289 0.82456542 -0.96201081 0.13506441 0.54720484]
            [-0.26405772 -1.36281329 0.90194283 -1.91379344 -1.47086922]]
```

▶ 生成给定上下范围的随机数,如创建一个最小值不低于2、最大值不高于10的2行5列数组

In[28]: print('生成的随机数组为: \n',np.random.randint(2,10,size = [2,5]))

生成的随机数组为:

Out[28]: [[6 6 6 6 8]

[9 6 6 8 4]]

random模块常用随机数生成函数

函数	说明	
seed	确定随机数生成器的种子。	
permutation	返回一个序列的随机排列或返回一个随机排列的范围。	
shuffle	shuffle 对一个序列进行随机排序。	
binomial	产生二项分布的随机数。	
normal	产生正态(高斯)分布的随机数。	
beta	产生beta分布的随机数。	
chisquare	产生卡方分布的随机数。	
gamma	产生gamma分布的随机数。	
uniform	产生在[0,1)中均匀分布的随机数。	

np.random.uniform的用法

- np.random.uniform(low=0.0, high=1.0, size=None)
- 作用:可以生成[low,high)中的随机数,可以是单个值,也可以是一维数组,也可以是多维数组参数介绍:
- low:float型,或者是数组类型的,默认为0
- high:float型,或者是数组类型的,默认为1
- size:int型,或元组,默认为空

np.random.uniform的用法

In[1]:	import Numpy as np	
In[2]:	np.random.uniform() # 默认为0到1	
Out[2]:	0.827455693512018	
In[30]:	np.random.uniform(1,5)	
Out[30]:	2.93533586182789	
In[31]:	np.random.uniform(1,5,4) # 生成一 维数组	
Out[31]:	array([3.18487512, 1.40233721, 3.17543152, 4.06933042])	

np.random.uniform的用法

In[1]:	np.random.uniform(1,5,(4,3))	#生成4x3的数组	
Out[2]:	array([[2.33083328, 1.592934 , 2.38072],		
In[30]:	np.random.uniform([1,5],[5,10])		
Out[30]:	array([2.74315143, 9.4701426])		

1.一维数组的索引

arr = np.arange(10)In[29]: print('索引结果为:',arr[5]) #用整数作为下标可以获取数组中的某个元素 Out[29]: 索引结果为:5 print('索引结果为:',arr[3:5]) #用范围作为下标获取数组的一个切片,包括arr[3]不包括arr[5] In[30]: 索引结果为: [3 4] Out[30]: print('索引结果为:',arr[:5]) #省略开始下标,表示从arr[0]开始 In[31]: Out[31]: 索引结果为: [01234] print('索引结果为:',arr[-1]) #下标可以使用负数,-1表示从数组后往前数的第一个元素 In[32]: Out[32]: 索引结果为:9

59

1.一维数组的索引

In[34]:

续表

In[33]: arr[2:4] = 100,101

print('索引结果为:',arr) #下标还可以用来修改元素的值

Out[33]: 索引结果为:[0 1 100 101 4 5 6 7 8 9]

#范围中的第三个参数表示步长,2表示隔一个元素取一个元素

print('索引结果为:',arr[1:-1:2])

Out[34]: 索引结果为:[1101 5 7]

In[35]: print('索引结果为:',arr[5:1:-2]) #步长为负数时,开始下标必须大于结束下标

Out[35]: 索引结果为:[5 101]

2. 多维数组的索引

```
In[36]: arr = np.array([[1, 2, 3, 4, 5], [4, 5, 6, 7, 8], [7, 8, 9, 10, 11]])
```

print('创建的二维数组为:\n',arr)

创建的二维数组为:

Out[36]: [[1 2 3 4 5] [4 5 6 7 8]

[7 8 9 10 11]]

In[37]: print('索引结果为:',arr[0,3:5]) #索引第0行中第3和4列的元素

Out[37]: 索引结果为:[4 5]

创建的二维数组为 [[12345] [45678] [7891011]]

2. 多维数组的索引

#索引第2和3行中第3~5列的元素 In[38]:

print('索引结果为:\n',arr[1:,2:])

索引结果为:

Out[38]: [[6 7 8]

[9 10 11]]

In[39]: print('索引结果为:',arr[:,2]) #索引第2列的元素

Out[39]: 索引结果为: [3 6 9]

创建的二维数组为 [[12345] [45678] [7891011]]

2. 多维数组的索引(使用整数和布尔值索引访问数据)

```
#从两个序列的对应位置取出两个整数来组成下标: arr[0,1], arr[1,2], arr[2,3]
In[40]:
         print('索引结果为:',arr[[(0,1,2),(1,2,3)]])
        索引结果为: [2 6 10]
Out[40]:
         print('索引结果为:\n',arr[1:,(0,2,3)]) #索引第2、3行中第0、2、3列的元素
In[41]:
         索引结果为:
Out[41]:
        [[4 6 7]
         [7 9 10]]
                                          #mask是一个布尔数组,它索引第1、3行
         mask = np.array([1,0,1],dtype = np.bool)
In[42]:
         print('索引结果为:',arr[mask,2])
        索引结果为: [3 9]
Out[42]:
```

> 改变数组形状

```
arr = np.arange(12) #创建一维数组
In[43]:
         print('创建的一维数组为:',arr)
Out[43]:
         创建的一维数组为: [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11]
In[44]:
         print('新的一维数组为:\n',arr.reshape(3,4)) #设置数组的形状
         新的一维数组为:
         [[0 \ 1 \ 2 \ 3]
Out[44]:
         [4567]
          [8 9 10 11]]
In[45]:
         print('数组维度为:',arr.reshape(3,4).ndim) #查看数组维度
Out[45]:
         数组维度为: 2
```

> 使用ravel函数展平数组

```
arr = np.arange(12).reshape(3,4)
In[46]:
         print('创建的二维数组为:',arr)
         创建的二维数组为:
          [[0 \ 1 \ 2 \ 3]
Out[46]:
          [4 5 6 7]
          [8 9 10 11]]
         print('数组展平后为:',arr.ravel())
In[47]:
         数组展平后为: [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11]
Out[47]:
```

➤ 使用flatten函数展平数组

print('数组展平为:',arr.flatten()) #横向展平 In[48]: Out[48]: 数组展平为: [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11] print('数组展平为:',arr.flatten('F')) #纵向展平 In[49]: Out[49]: 数组展平为: [0 4 8 1 5 9 2 6 10 3 7 11]

创建的二维数组为:

[[0 1 2 3]

[4567]

[8 9 10 11]]

组合数组

- ▶ 使用hstack函数实现数组横向组合:np.hstack((arr1,arr2))
- ▶ 使用vstack函数实现数组纵向组合:np.vstack((arr1,arr2))
- ➤ 使用concatenate函数实现数组横向组合: np.concatenate((arr1,arr2),axis = 1))
- ➤ 使用concatenate函数实现数组纵向组合: np.concatenate((arr1,arr2),axis = 0))

▶ 使用hstack函数实现数组横向组合:np.hstack((arr1,arr2))

```
arr1 = np.arange(12).reshape(3,4)
In[1]:
             print('创建的数组1为:\n',arr1)
             创建的数组1为:
             [[0 \ 1 \ 2 \ 3]
Out[1]:
             [4 5 6 7]
             [8 9 10 11]]
            arr2 = arr1*3
print('创建的数组2为: \n',arr2)
In[2]:
             创建的数组2为:
             [[0 \ 3 \ 6 \ 9]]
Out[2]:
             [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]]
In[3]:
             print('横向组合为:\n',np.hstack((arr1,arr2)))
                                                              #hstack函数横向组合
             横向组合为:
             [[0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 0 \ 3 \ 6 \ 9]]
Out[3]:
             [4 5 6 7 12 15 18 21]
             [ 8 9 10 11 24 27 30 33]]
```

➤ 使用vstack函数实现数组纵向组合:np.vstack((arr1,arr2))

```
In[1]:
            arr1
            array([[ 0 1 2 3]
Out[1]:
           [4567]
            [ 8 9 10 11]])
In[2]:
            arr2
            array([[ 0 3 6 9]
Out[2]:
            [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]])
In[3]:
            print('纵向组合为: \n',np.vstack((arr1,arr2))) #vstack函数纵向组合
            纵向组合为:
            [[0 \ 1 \ 2 \ 3]
            [4567]
Out[3]:
            [8 9 10 11]
            [0 \ 3 \ 6 \ 9]
            [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]]
```

➤ 使用concatenate函数实现数组横向组合: np.concatenate((arr1,arr2),axis = 1))

```
In[1]:
             arr1
             array([[ 0 1 2 3]
Out[1]:
            [4 5 6 7]
             [8 9 10 11]])
In[2]:
             arr2
             array([[ 0 3 6 9]
Out[2]:
             [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]])
In[3]:
             print('横向组合为: \n',np.concatenate((arr1,arr2),axis = 1)) #concatenate函数横向组合
            横向组合为:
            [[0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 0 \ 3 \ 6 \ 9]]
Out[3]:
             [4 5 6 7 12 15 18 21]
             [ 8 9 10 11 24 27 30 33]]
```

➤ 使用concatenate函数实现数组纵向组合: np.concatenate((arr1,arr2),axis = 0))

```
In[1]:
            arr1
            array([[ 0 1 2 3]
Out[1]:
           [4 5 6 7]
             [ 8 9 10 11]])
In[2]:
            arr2
            array([[ 0 3 6 9]
Out[2]:
            [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]])
In[3]:
            print('纵向组合为: ',np.concatenate((arr1,arr2),axis = 0)) #concatenate函数纵向组合
            纵向组合为:
            [[0 \ 1 \ 2 \ 3]
            [4567]
Out[3]:
             [8 9 10 11]
             [0 \ 3 \ 6 \ 9]
             [12 15 18 21]
             [24 27 30 33]]
```

切割数组

- ▶ 使用hsplit函数实现数组横向分割: np.hsplit(arr1, 2)
- ▶ 使用vsplit函数实现数组纵向分割: np.vsplit(arr, 2)
- ▶ 使用split函数实现数组横向分割: np.split(arr, 2, axis=1)
- ➤ 使用split函数实现数组纵向分割: np.split(arr, 2, axis=0)

➤ 使用hsplit函数实现数组横向分割: np.hsplit(arr1, 2)

```
arr = np.arange(16).reshape(4,4)
In[1]:
            print('创建的二维数组为:\n',arr)
            创建的二维数组为:
            [[0 \ 1 \ 2 \ 3]]
Out[1]:
           [4 5 6 7]
            [8 9 10 11]
            [12 13 14 15]]
            print('横向分割为: \n',np.hsplit(arr, 2)) #hsplit函数横向分割
In[2]:
            横向分割为:
            [array([[0, 1],
               [4, 5],
               [8, 9],
Out[2]:
                [12, 13]]), array([[ 2, 3],
               [6, 7],
                [10, 11],
                [14, 15]])]
```

➤ 使用vsplit函数实现数组纵向分割: np.vsplit(arr, 2)

In[1]:	arr
Out[1]:	array([[0 1 2 3] [4 5 6 7] [8 9 10 11] [12 13 14 15]])
In[2]:	print('纵向分割为: \n',np.vsplit(arr, 2)) #vsplit函数纵向分割
Out[2]:	纵向分割为: [array([[0, 1, 2, 3], [4, 5, 6, 7]]), array([[8, 9, 10, 11], [12, 13, 14, 15]])]

▶ 使用split函数实现数组横向分割: np.split(arr, 2, axis=1)

```
In[1]:
            arr
            array([[ 0 1 2 3]
            [4567]
Out[1]:
            [8 9 10 11]
             [12 13 14 15]])
            print('横向分割为: \n',np.split(arr, 2, axis=1)) #split函数横向分割
In[2]:
            横向分割为:
            [array([[0, 1],
                [4, 5],
                [8, 9],
Out[2]:
                [12, 13]]), array([[ 2, 3],
                [ 6, 7],
                [10, 11],
                [14, 15]])]
```

➤ 使用vsplit函数实现数组纵向分割: np.vsplit(arr, 2)

```
In[1]:
             arr
            array([[ 0 1 2 3]
            [4567]
Out[1]:
             [8 9 10 11]
             [12 13 14 15]])
             print('纵向分割为: \n',np.split(arr, 2, axis=0)) #split函数纵向分割
In[2]:
             纵向分割为:
            [array([[0, 1, 2, 3],
Out[2]:
                [4, 5, 6, 7]]), array([[ 8, 9, 10, 11],
                [12, 13, 14, 15]])]
```

目录



掌握 NumPy 矩阵与通用函数

创建NumPy矩阵

- ➤ 在NumPy中,矩阵是ndarray的子类。在NumPy中,数组和矩阵有着重要的区别。
- NumPy提供了两个基本的对象:一个N维数组对象和一个通用函数对象。 其他对象都是在它们之上构建的。
- ▶ 矩阵是继承自NumPy数组对象的二维数组对象。与数学概念中的矩阵一样,NumPy中的矩阵也是二维的。
- > 本小节将讲解使用mat、matrix 以及bmat (block matrix) 函数来创建矩阵。
- ▶ 使用mat函数创建矩阵时,若输人matrix或ndarray对象,则不会为它们创建副本,因此,调用mat函数和调用 matrix (data, copy = False)等价。

创建与组合矩阵

- ▶ 使用mat函数创建矩阵: matr1 = np.mat("1 2 3;4 5 6;7 8 9") #使用分号隔开数据
- 使用matrix函数创建矩阵: matr2 = np.matrix([[123],[456],[789]])
- ▶ 使用bmat函数合成矩阵: np.bmat("arr1 arr2; arr1 arr2")

➤ 使用mat函数创建矩阵:

In[1]:	import numpy as np	#导入NumPy 库
In[2]:	matr1 = np.mat("1 2 3;4 5 6;7 8 9") print('创建的矩阵为: \n',matr1)	#使用分号隔开数据
Out[2]:	创建的矩阵为: [[1 2 3] [4 5 6] [7 8 9]]	
In[3]:	matr1.shape	
Out[3]:	(3, 3)	

> 使用matrix函数创建矩阵

In[1]:	import numpy as np #导入NumPy库	
In[2]:	matr2 = np.matrix([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]) print('创建的矩阵为: \n',matr2)	
Out[2]:	创建的矩阵为: [[1 2 3] [4 5 6] [7 8 9]]	
In[3]:	matr2.shape	
Out[3]:	(3,3)	

使用bmat函数合成矩阵:np.bmat("arr1 arr2; arr1 arr2")

In[1]:	import numpy as np
In[2]:	arr1 = np.eye(3) print('创建的数组1为: \n',arr1)
Out[2]:	创建的数组1为: [[1.0.0.] [0.1.0.] [0.0.1.]]
In[3]:	arr2 = 3*arr1 print('创建的数组2为:\n',arr2)
Out[3]:	创建的数组2为: [[3.0.0.] [0.3.0.] [0.0.3.]

```
In[4]: print('创建的矩阵为: \n',np.bmat("arr1 arr2; arr1 arr2"))
创建的矩阵为:
[[1. 0. 0. 3. 0. 0.]
[0. 1. 0. 0. 3. 0.]
[0. 0. 1. 0. 0. 3.]
[1. 0. 0. 3. 0.]
[0. 1. 0. 0. 3. 0.]
[0. 1. 0. 0. 3. 0.]
```

矩阵的运算

- ➤ 矩阵与数相乘: matr1*3
- ➤ 矩阵相加减:matr1±matr2
- ➤ 矩阵相乘: matr1*matr2
- ➤ 矩阵对应元素相乘:np.multiply(matr1,matr2)

▶ 在NumPy中,矩阵计算是针对整个矩阵中的每个元素进行的,与使用for循环相比,其在运算速度上更快

矩阵运算

In[1]:	import numpy as np
In[2]:	matr1 = np.mat("1 2 3;4 5 6;7 8 9") #创建矩阵 print('创建的矩阵为: \n',matr1)
Out[2]:	创建的矩阵为: [[1 2 3] [4 5 6] [7 8 9]]
In[3]:	matr2 = matr1*3 # 矩阵与数相乘 print('创建的矩阵为: \n',matr2)
Out[3]:	创建的矩阵为: [[3 6 9] [12 15 18] [21 24 27]]

矩阵运算

In[1]:	print('矩阵相加结果为:\n',matr1+matr2) # 矩阵相加
Out[1]:	矩阵相加结果为: [[4 8 12] [16 20 24] [28 32 36]]
In[2]:	print('矩阵相减结果为:\n',matr1-matr2) # 矩阵相减
Out[2]:	矩阵相减结果为: [[-2 -4 -6] [-8 -10 -12] [-14 -16 -18]]

矩阵运算

In[1]:	print('矩阵相乘结果为:\n',matr1*matr2) # 矩阵相乘
Out[1]:	矩阵相乘结果为: [[90 108 126] [198 243 288] [306 378 450]]
In[2]:	print('矩阵对应元素相乘结果为:\n',np.multiply(matr1,matr2)) # 矩阵对应元素相乘
Out[2]:	矩阵对应元素相乘结果为: [[3 12 27] [48 75 108] [147 192 243]]

矩阵的运算

> 矩阵特有属性:

属性	说明	
Т	返回自身的转置	
н	返回自身的共轭转置	
1	返回自身的逆矩阵	
А	返回自身数据的2维数组的一个视图	

矩阵特有属性

In[1]:	matr1
Out[1]:	matrix([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])
In[2]:	print('矩阵转置结果为: \n',matr1.T) #转置
Out[2]:	矩阵转置结果为: [[1 4 7] [2 5 8] [3 6 9]]
In[3]:	print('矩阵共轭转置结果为:\n',matr1.H) #共轭转置(实数的共轭就是其本身)
Out[3]:	矩阵共轭转置结果为: [[1 4 7] [2 5 8] [3 6 9]]

矩阵特有属性

In[1]:	matr1
Out[1]:	matrix([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])
In[2]:	print('矩阵的逆矩阵结果为: \n',matr1.I) #逆矩阵
Out[2]:	矩阵的逆矩阵结果为: [[3.15251974e+15 -6.30503948e+15 3.15251974e+15] [-6.30503948e+15 1.26100790e+16 -6.30503948e+15] [3.15251974e+15 -6.30503948e+15 3.15251974e+15]]
In[3]:	print('矩阵的二维数组结果为:\n',matr1.A) #返回二维数组的视图
Out[3]:	矩阵的二维数组结果为: [[1 2 3] [4 5 6] [7 8 9]]

全称通用函数 (universal function),是一种能够对数组中所有元素进行操作的函数。

- ▶ Ufunc函数是针对数组进行操作的,并且都以NumPy数组作为输出
- 因此不需要对数组的每一个元素都进行操作。
- > 对一个数组进行重复运算时,使用ufunc函数比使用math库中的函数效率要高很多。

常用的ufunc函数运算有四则运算,比较运算和逻辑运算

- ▶ 四则运算:加(+)、减(-)、乘(*)、除(/)、幂(**)。
 - 数组间的四则运算表示对每个数组中的元素分别进行四则运算,所以形状必须相同。
- ▶ 比较运算:>、<、==、>=、<=、!=。</p>
 - 比较运算返回的结果是一个布尔数组,每个元素为每个数组对应元素的比较结果。
- ▶ 逻辑运算:np.any函数表示逻辑 "or" , np.all函数表示逻辑 "and" 。
 - 运算结果返回布尔值。

ufunc函数运算之四则运算

```
x = np.array([1,2,3])
In[1]:
          y = np.array([4,5,6])
In[2]:
          print('数组相加结果为: ',x + y) #数组相加
Out[2]:
          数组相加结果为: [579]
In[3]:
          print('数组相减结果为:',x-y) #数组相减
Out[3]:
          数组相减结果为: [-3 -3 -3]
In[4]:
          print('数组相乘结果为:',x*y) #数组相乘
Out[4]:
          数组相乘结果为: [41018]
In[5]:
          print('数组相除结果为:',x/y) #数组相除
Out[5]:
          数组相除结果为: [0.25 0.4 0.5]
In[6]:
          print('数组幂运算结果为:',x ** y) #数组幂运算
Out[6]:
          数组幂运算结果为: [ 1 32 729]
```

ufunc函数运算之比较运算

```
x = np.array([1,3,5])
In[1]:
     y = np.array([2,3,4])
In[2]: print('数组比较结果为: ',x < y)
Out[2]:数组比较结果为:[True False False]
In[3]: print('数组比较结果为:',x>y)
Out[3]:数组比较结果为: [False False True]
In[4]: print('数组比较结果为:',x == y)
Out[4]:数组比较结果为: [False True False]
```

```
In[5]: print('数组比较结果为:',x >= y)
Out[5]:数组比较结果为:[False True True]
In[6]: print('数组比较结果为:',x <= y)
Out[6]:数组比较结果为:[True True False]
In[7]: print('数组比较结果为:',x != y)
Out[7]:数组比较结果为: [ True False True]
```

ufunc函数运算之逻辑运算

In[1]:	x = np.array([1,3,5]) y = np.array([2,3,4])
In[2]:	x == y
Out[2]:	array([False, True, False])
In[3]:	print('数组逻辑运算结果为:',np.all(x == y)) #np.all()表示逻辑and
Out[3]:	数组逻辑运算结果为: False
In[4]:	print('数组逻辑运算结果为:',np.any(x == y)) #np.any()表示逻辑or
Out[4]:	数组逻辑运算结果为: True

ufunc函数的广播机制

广播 (broadcasting) 是指不同形状的数组之间执行算术运算的方式。需要遵循4个原则。

- ▶ 让所有输入数组都向其中shape最长的数组看齐, shape中不足的部分都通过在前面加1补齐。
- ➤ 输出数组的shape是输入数组shape的各个轴上的最大值。
- 如果输入数组的某个轴和输出数组的对应轴的长度相同或者其长度为1时,这个数组能够用来计算,否则出错。
- ▶ 当输入数组的某个轴的长度为1时,沿着此轴运算时都用此轴上的第一组值。

ufunc函数的广播机制

> 一维数组的广播机制

$$\begin{bmatrix}
0 & 0 & 0 \\
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
1 & 2 & 3
\end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix}
0 & 0 & 0 \\
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
1 & 2 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
1 & 2 & 3
\end{bmatrix} \\
\begin{bmatrix}
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
1 & 2 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
2 & 3 & 4
\end{bmatrix} \\
\begin{bmatrix}
2 & 3 & 4
\end{bmatrix} \\
\begin{bmatrix}
3 & 4 & 5
\end{bmatrix} \\
\begin{bmatrix}
3 & 3 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
1 & 2 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
4 & 5 & 6
\end{bmatrix}$$

ufunc函数的广播机制:一维数组的广播

In[1]:	arr1 = np.array([[0,0,0],[1,1,1],[2,2,2],[3,3,3]]) print('创建的数组1为: \n',arr1)
Out[1]:	创建的数组1为: [[0 0 0] [1 1 1] [2 2 2] [3 3 3]]
In[2]:	print('数组1的shape为:',arr1.shape)
Out[2]:	数组1的shape为: (4, 3)

```
arr2 = np.array([1,2,3])
In[3]:
          print('创建的数组2为:',arr2)
Out[3]:
          创建的数组2为: [123]
In[4]:
          print('数组2的shape为:',arr2.shape)
Out[4]:
          数组2的shape为: (3,)
In[5]:
          print('数组相加结果为:\n',arr1 + arr2)
          数组相加结果为:
          [[1\ 2\ 3]
Out[5]:
          [2\ 3\ 4]
          [3 4 5]
          [4 5 6]]
```

ufunc函数的广播机制

> 二维数组的广播机制

$$\begin{bmatrix}
0 & 0 & 0 \\
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
2 \\
3
\end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix}
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
2 & 2 & 2 \\
3 & 3 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
3 & 3 & 3 \\
5 & 5 & 5
\end{bmatrix} \\
\begin{bmatrix}
3 & 3 & 3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
4 & 4 & 4
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
7 & 7 & 7
\end{bmatrix}$$

ufunc函数的广播机制:二维数组的广播

In[1]:	arr1 = np.array([[0,0,0],[1,1,1],[2,2,2],[3,3,3]]) print('创建的数组1为: \n',arr1)
Out[1]:	创建的数组1为: [[000] [111] [222] [333]]
In[2]:	print('数组1的shape为:',arr1.shape)
Out[2]:	数组1的shape为: (4, 3)

```
arr2 = np.array([1,2,3,4]).reshape((4,1))
In[3]:
          print('创建的数组2为:\n',arr2)
          创建的数组2为:
          [[1]
Out[3]:
          [2]
          [3]
          [4]]
In[4]:
          print('数组2的shape为:',arr2.shape)
Out[4]:
          数组2的shape为: (4,1)
In[5]:
          print('数组相加结果为:\n',arr1 + arr2)
          数组相加结果为:
          [[1 \ 1 \ 1]]
Out[5]:
          [3 3 3]
          [555]
          [7777]
```

目录



NumPy文件读写主要有二进制的文件读写和文件列表形式的数据读写两种形式

- > save函数是以二进制的格式保存数据。 np.save("../tmp/save_arr",arr)
- ➤ load函数是从二进制的文件中读取数据。 np.load("../tmp/save_arr.npy")
- ➤ savez函数可以将多个数组保存到一个文件中。
 np.savez('../tmp/savez_arr',arr1,arr2)
- > 存储时可以省略扩展名,但读取时不能省略扩展名。

save函数是以二进制的格式保存数据。 np.save("../tmp/save_arr",arr)

```
import numpy as np #导入NumPy库
In[1]:
              arr = np.arange(100).reshape(10,10) #创建一个数组
              arr
              array([[ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],
                  [10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],
                  [20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],
                  [30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
                  [40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],
Out[1]:
                  [50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],
                  [60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],
                  [70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],
                  [80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89],
                  [90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99]])
In[2]:
              np.save("../tmp/save arr",arr) #保存数组
```

savez函数可以将多个数组保存到一个文件中

np.savez('../tmp/savez_arr',arr1,arr2)

In[1]:	import numpy as np arr1 = np.array([[1,2,3],[4,5,6]]) arr2 = np.arange(0,1.0,0.1)	#导入NumPy 库
In[2]:	print('保存的数组1为:\n',arr1) print('保存的数组2为:\n',arr2)	
Out[2]:	保存的数组1为: [[1 2 3] [4 5 6]] 保存的数组2为: [0. 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9]	
In[3]:	np.savez('/tmp/savez_arr',arr1,arr2)	

load函数是从二进制的文件中读取数据 np.load("../tmp/save_arr.npy")

In[1]:	1 1 1	#导入NumPy库 #读取含有单个数组的文件
Out[1]:	读取的数组为: [[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9] [10 11 12 13 14 15 16 17 18 19] [20 21 22 23 24 25 26 27 28 29] [30 31 32 33 34 35 36 37 38 39] [40 41 42 43 44 45 46 47 48 49] [50 51 52 53 54 55 56 57 58 59] [60 61 62 63 64 65 66 67 68 69] [70 71 72 73 74 75 76 77 78 79] [80 81 82 83 84 85 86 87 88 89] [90 91 92 93 94 95 96 97 98 99]]	

load函数是从二进制的文件中读取数据 np.load("../tmp/save_arr.npy")

```
import numpy as np #导入NumPy库 loaded_data1 = np.load("../tmp/savez_arr.npz") #读取含有多个数组的文件 print('读取的数组1为: \n',loaded_data1['arr_0']) print('读取的数组2为: \n',loaded_data1['arr_1']) 读取的数组1为: [[1 2 3] [4 5 6]] 读取的数组2为: [0. 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9]
```

读取文本格式的数据

- ➤ savetxt函数是将数组写到某种分隔符隔开的文本文件中。 np.savetxt("../tmp/arr.txt", arr, fmt="%d", delimiter=",")
- ➤ loadtxt函数执行的是把文件加载到一个二维数组中。 np.loadtxt("../tmp/arr.txt",delimiter=",")
- ➤ genfromtxt函数面向的是结构化数组和缺失数据。
 np.genfromtxt("../tmp/arr.txt", delimiter = ",")

savetxt函数是将数组写到某种分隔符隔开的文本文件中

savetxt	函 数是将数组与到某种分隔符隔升的又4	- 又件中			
In[1]:	import numpy as np #导入NumPy库 arr = np.arange(0,12,0.5).reshape(4,-1) #Numpy会根据剩下的维度计算出数组的另外一个shape属性值 print('创建的数组为: \n',arr)				
Out[1]:	创建的数组为: [[0. 0.5 1. 1.5 2. 2.5] 1]: [3. 3.5 4. 4.5 5. 5.5] [6. 6.5 7. 7.5 8. 8.5] [9. 9.5 10. 10.5 11. 11.5]]		文件(F) 编辑(E) 格式(O) 重 0, 0, 1, 1, 2, 2 3, 3, 4, 4, 5, 5		
In[2]:	np.savetxt("/tmp/arr.txt", arr, fmt="%d", delimiter=",")				
In[3]:	np.savetxt("/tmp/arr.txt", arr, fmt="%f", delim	delimiter=",")			
		3. 000000, 3. 500000, 4.	000000, 1. 500000, 2. 000000, 2. 5000 000000, 4. 500000, 5. 000000, 5. 5000		

6. 000000, 6. 500000, 7. 000000, 7. 500000, 8. 000000, 8. 500000 9. 000000, 9. 500000, 10. 000000, 10. 500000, 11. 000000, 11. 50

loadtxt函数执行的是把文件加载到一个二维数组中

```
#读入的时候也需要指定逗号分隔
In[1]:
        loaded data = np.loadtxt("arr.txt",delimiter=",")
        print('读取的数组为: \n',loaded data)
                                             arr.txt - 记事本
        读取的数组为:
        [[ 0. 0.5 1. 1.5 2. 2.5]
                                           文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H)
Out[1]: [3. 3.5 4. 4.5 5. 5.5]
                                          0. 000000, 0. 500000, 1. 000000, 1. 500000, 2. 000000, 2. 500000
        [6. 6.5 7. 7.5 8. 8.5]
                                           3. 000000, 3. 500000, 4. 000000, 4. 500000, 5. 000000, 5. 500000
        [ 9. 9.5 10. 10.5 11. 11.5]]
                                           6. 000000, 6. 500000, 7. 000000, 7. 500000, 8. 000000, 8. 500000
                                          9. 000000, 9. 500000, 10. 000000, 10. 500000, 11. 000000, 11. 500000
```

读写文件

genfromtxt函数面向的是结构化数组和缺失数据。

```
loaded data = np.genfromtxt("arr.txt", delimiter = ",")
In[1]:
       print('读取的数组为: \n',loaded_data)
       读取的数组为:
        [[ 0. 0.5 1. 1.5 2. 2.5]
Out[1]: [3. 3.5 4. 4.5 5. 5.5]
        [6. 6.5 7. 7.5 8. 8.5]
        [ 9. 9.5 10. 10.5 11. 11.5]]
                                                                    arr.txt - 记事本
        loaded data2 = np.genfromtxt("arr.txt", delimiter = (4,3,2))
In[2]:
       print('读取的数组为: ',loaded data2)
                                                                  文件(F) 编辑(E) 格式(O)
       读取的数组为:
                                                                  123456789
       [[1234. 567. 89.]
                                                                    4 7 9
Out[2]:
        [ 4. 7. 9.]
                                                                    4567 9
        [ 45. 67. 9.]]
```

直接排序

- > sort函数是最常用的排序方法。 arr.sort()
- > sort函数也可以指定一个axis参数,使得sort函数可以沿着指定轴对数据集进行排序。
 - ➤ axis=1为沿横轴排序; axis=0为沿纵轴排序。

间接排序

- > argsort函数返回值为重新排序值的下标。 arr.argsort()
- ▶ lexsort函数返回值是按照最后一个传入数据排序的。 np.lexsort((a,b,c))

使用sort函数进行排序

```
np.random.seed(42) #设置随机种子
In[1]:
      arr = np.random.randint(1,10,size = 10) #生成随机数
      print('创建的数组为: ',arr)
Out[1]: 创建的数组为: [7485737854]
      arr.sort() #直接排序
In[2]:
      print('排序后数组为: ',arr)
Out[2]: 排序后数组为: [3445577788]
```

使用sort函数进行排序

```
arr = np.random.randint(1,10,size = (3,3)) #生成3行3列的随机数
In[3]:
       print('创建的数组为: \n',arr)
       创建的数组为:
       [[8 8 3]
Out[3]:
        [652]
        [8 6 2]]
       arr.sort(axis = 1) #沿着横轴排序
In[4]:
       print('排序后数组为: \n',arr)
       排序后数组为:
       [[3 8 8]]
Out[4]:
        [2 5 6]
        [2 6 8]]
       arr.sort(axis = 0) #沿着纵轴排序
In[5]:
       print('排序后数组为: ',arr)
       排序后数组为:
       [[2 5 6]]
Out[5]:
        [2 6 8]
        [3 8 8]]
```

使用argsort函数进行排序

```
In[1]: arr = np.array([2,3,6,8,0,7]) print('创建的数组为: ',arr)

Out[1]: 创建的数组为: [2 3 6 8 0 7]

In[2]: print('排序后数组为: ',arr.argsort()) #返回值为重新排序值的下标

Out[2]: 排序后数组为: [4 0 1 2 5 3]
```

使用lexsortt函数进行排序

In[1]:	a = np.array([3,2,6,4,5]) b = np.array([50,30,40,20,10]) c = np.array([400,300,600,100,200]) d = np.lexsort((a,b,c))	#lexsort函数只接受一个参数,即(a,b,c)这样的元组 #多个键值排序是按照最后一个传入数据计算的
Out[1]:	array([3, 4, 1, 0, 2], dtype=int64)	#对数组c进行间接排序
In[2]:	print('排序后数组为: ',list(zip(a[d],b[d],c[d])))	
Out[2]:	排序后数组为: [(4, 20, 100), (5, 10, 200), (2, 3	0, 300), (3, 50, 400), (6, 40, 600)]

去重与重复数据

通过unique函数可以找出数组中的唯一值并返回已排序的结果。

In[1]:	names = np.array(['小明', '小黄', '小花', '小明', '小花', '小兰', '小白']) print('创建的数组为: ',names)
Out[1]:	创建的数组为: ['小明' '小黄' '小花' '小明' '小花' '小兰' '小白']
In[2]:	print('去重后的数组为: ',np.unique(names))
Out[2]:	去重后的数组为: ['小兰' '小明' '小白' '小花' '小黄']
In[3]:	ints = np.array([1,2,3,4,4,5,6,6,7,8,8,9,10]) #创建数值型数据 print('去重后的数组为: ',np.unique(ints))
Out[3]:	去重后的数组为: [12345678910]

去重与重复数据

▶ 使用tile函数实现数据重复

In[1]: arr = np.arange(5) print('创建的数组为: ',arr)

Out[1]: 创建的数组为: [0 1 2 3 4]

In[2]: print('重复后数组为: ',np.tile(arr,3)) #对数组进行重复

Out[2]: 重复后数组为: [0 1 2 3 4 0 1 2 3 4 0 1 2 3 4]

去重与重复数据

▶ 使用tile函数实现数据重复

```
In[1]: arr = np.arange(5) print('创建的数组为: ',arr)

Out[1]: 创建的数组为: [0 1 2 3 4]

In[2]: print('重复后数组为: ',np.tile(arr,3)) #对数组进行重复

Out[2]: 重复后数组为: [0 1 2 3 4 0 1 2 3 4 0 1 2 3 4]
```

- ➤ tile函数格式: np.tile(A, reps)
- ▶ 参数 "A" 指定重复的数组,参数 "reps" 指定重复的次数。

去重与重复数据

▶ 使用repeat函数实现数据重复 numpy.repeat(a, repeats, axis=None)

```
np.random.seed(42) #设置随机种子
In[1]:
        arr = np.random.randint(0, 10, size = (3,3))
        print('创建的数组为: \n',arr)
        创建的数组为:
        [[6 \ 3 \ 7]]
Out[1]:
        [4 6 9]
        [2 6 7]]
In[2]:
        print('重复后数组为: \n', arr.repeat(2, axis = 0)) #按行进行元素重复
        重复后数组为:
        [[6 \ 3 \ 7]]
        [6\ 3\ 7]
Out[2]: [4 6 9]
        [4 6 9]
        [267]
        [2 6 7]]
```

去重与重复数据

➤ 使用repeat函数实现数据重复

```
np.random.seed(42) #设置随机种子
In[1]:
        arr = np.random.randint(0, 10, size = (3,3))
        print('创建的数组为: \n',arr)
        创建的数组为:
        [[6 \ 3 \ 7]]
Out[1]:
        [469]
        [2 6 7]]
        print('重复后数组为: \n',arr.repeat(2, axis = 1)) #按列进行元素重复
In[3]:
        重复后数组为:
        [[6 6 3 3 7 7]
Out[3]:
        [4 4 6 6 9 9]
        [2 2 6 6 7 7]]
```

▶ 这两个函数的主要区别在于,tile函数是对数组进行重复操作,repeat函数是对数组中的每个元素进行重复操作。

常用的统计函数

当axis=0时,表示沿着纵轴计算。当axis=1时,表示沿着横轴计算。默认时计算一个总值。

函数	说明
sum	计算数组的和
mean	计算数组均值
std	计算数组标准差
var	计算数组方差
min	计算数组最小值
max	计算数组最大值
argmin	返回数组最小元素的索引
argmax	返回数组最小元素的索引
cumsum	计算所有元素的累计和
cumprod	计算所有元素的累计积

```
arr = np.arange(20).reshape(4,5)
In[1]:
       print('创建的数组为: \n',arr)
       创建的数组为:
       [[0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4]]
Out[1]: [5 6 7 8 9]
       [10 11 12 13 14]
       [15 16 17 18 19]]
In[2]:
       print('数组的和为: ',np.sum(arr)) #计算数组的和
Out[2]:
       数组的和为: 190
       print('数组横轴的和为: ',arr.sum(axis = 0)) #沿着横轴计算求和
In[3]:
Out[3]:
       数组横轴的和为: [30 34 38 42 46]
In[4]:
       print('数组纵轴的和为: ',arr.sum(axis = 1)) #沿着纵轴计算求和
Out[4]:
       数组纵轴的和为: [10 35 60 85]
```

In[1]:	print('数组的均值为: ',np.mean(arr))	#计算数组均值
Out[1]:	数组的均值为: 9.5	
In[2]:	print('数组横轴的均值为: ',arr.mean(axis = 0))	#沿着横轴计算数组均值
Out[2]:	数组横轴的均值为: [7.5 8.5 9.5 10.5 11.5]	
In[3]:	print('数组纵轴的均值为: ',arr.mean(axis = 1))	#沿着纵轴计算数组均值
Out[3]:	数组纵轴的均值为: [2.7.12.17.]	
In[4]:	print('数组的标准差为: ',np.std(arr)) #计算数约	且标准差
Out[4]:	数组的标准差为: 5.766281297335398	
In[5]:	print('数组的方差为: ',np.var(arr)) #计算数组为	方差
Out[5]:	数组的方差为: 33.25	

```
In[1]:
      print('数组的最小值为: ',np.min(arr)) #计算数组最小值
Out[1]:
      数组的最小值为: 0
      print('数组的最大值为: ',np.max(arr)) #计算数组最大值
In[2]:
Out[2]:
      数组的最大值为: 19
In[3]:
      print('数组的最小元素为: ',np.argmin(arr)) #返回数组最小元素的索引
Out[3]:
      数组的最小元素为: 0
In[4]:
      print('数组的最大元素为: ',np.argmax(arr)) #返回数组最大元素的索引
                                                                创建的数组为:
Out[4]:
      数组的最大元素为: 19
                                                                [[0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4]]
                                                                [5 6 7 8 9]
                                                                [10 11 12 13 14]
```

[15 16 17 18 19]]

cumsum函数和cumprod函数

```
arr = np.arange(2,10)
In[1]:
      print('创建的数组为: ',arr)
Out[1]: 创建的数组为: [23456789]
      print('数组元素的累计和为: ',np.cumsum(arr)) #计算所有元素的累计和
In[2]:
Out[2]: 数组元素的累计和为: [2 5 9 14 20 27 35 44]
In[3]:
      print('数组元素的累计积为: ',np.cumprod(arr)) #计算所有元素的累计积
Out[3]: 数组元素的累计积为: [ 2 6 24 120 720 5040 40320 362880]
```

读取iris数据集中的花萼长度数据(已保存为csv格式),并对其进行排序、去重,并求出和、累积和、均值、标准差、方差、最小值、最大值



1.读取数据

```
iris_sepal_length = np.loadtxt("iris_sepal_length.csv", delimiter=",") #读取文件
In[1]:
         print('花萼长度表为: \n',iris_sepal length)
         花萼长度表为:
         [5.1 4.9 4.7 4.6 5. 5.4 4.6 5. 4.4 4.9 5.4 4.8 4.8 4.3 5.8 5.7 5.4 5.1
         5.7 5.1 5.4 5.1 4.6 5.1 4.8 5. 5. 5.2 5.2 4.7 4.8 5.4 5.2 5.5 4.9 5.
         5.5 4.9 4.4 5.1 5. 4.5 4.4 5. 5.1 4.8 5.1 4.6 5.3 5. 7. 6.4 6.9 5.5
         6.5 5.7 6.3 4.9 6.6 5.2 5. 5.9 6. 6.1 5.6 6.7 5.6 5.8 6.2 5.6 5.9 6.1
Out[1]:
         6.3 6.1 6.4 6.6 6.8 6.7 6. 5.7 5.5 5.5 5.8 6. 5.4 6. 6.7 6.3 5.6 5.5
         5.5 6.1 5.8 5. 5.6 5.7 5.7 6.2 5.1 5.7 6.3 5.8 7.1 6.3 6.5 7.6 4.9 7.3
         6.7 7.2 6.5 6.4 6.8 5.7 5.8 6.4 6.5 7.7 7.7 6. 6.9 5.6 7.7 6.3 6.7 7.2
         6.2 6.1 6.4 7.2 7.4 7.9 6.4 6.3 6.1 7.7 6.3 6.4 6. 6.9 6.7 6.9 5.8 6.8
         6.7 6.7 6.3 6.5 6.2 5.9]
```

2.排序

In[2]:	iris_sepal_length.sort() #对数据进行排序 print('排序后的花萼长度表为: ',iris_sepal_length)
Out[2]:	排序后的花萼长度表为: [4.3 4.4 4.4 4.4 4.5 4.6 4.6 4.6 4.6 4.7 4.7 4.8 4.8 4.8 4.8 4.8 4.9 4.9 4.9 4.9 4.9 4.9 4.9 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5.

3.去重、求和、求均值

In[3]:	print('去重后的花萼长度表为: ',np.unique(iris_sepal_length))
Out[3]:	去重后的花萼长度表为: [4.3 4.4 4.5 4.6 4.7 4.8 4.9 5. 5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 6. 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 6.9 7. 7.1 7.2 7.3 7.4 7.6 7.7 7.9]
In[4]:	print('花萼长度表的总和为: ',np.sum(iris_sepal_length)) #计算数组总和
Out[4]:	花萼长度表的总和为: 876.5
In[5]:	print('花萼长度表的均值为: ',np.mean(iris_sepal_length)) #计算数组均值
Out[5]:	花萼长度表的均值为: 5.84333333333334

128

4.计算所有元素的累计和

In[6]:	print('花萼长度表的累计和为: ',np.cumsum(iris_sepal_length))
Out[6]:	花萼长度表的累计和为: [4.3 8.7 13.1 17.5 22. 26.6 31.2 35.8 40.4 45.1 49.8 54.6 59.4 64.2 69. 73.8 78.7 83.6 88.5 93.4 98.3 103.2 108.2 113.2 118.2 123.2 128.2 133.2 138.2 143.2 148.2 153.2 158.3 163.4 168.5 173.6 178.7 183.8 188.9 194. 199.1 204.3 209.5 214.7 219.9 225.2 230.6 236. 241.4 246.8 252.2 257.6 263.1 268.6 274.1 279.6 285.1 290.6 296.1 301.7 307.3 312.9 318.5 324.1 329.7 335.4 341.1 346.8 352.5 358.2 363.9 369.6 375.3 381.1 386.9 392.7 398.5 404.3 410.1 415.9 421.8 427.7 433.6 439.6 445.6 451.6 457.6 463.6 469.6 475.7 481.8 487.9 494. 500.1 506.2 512.4 518.6 524.8 531. 537.3 543.6 549.9 556.2 562.5 568.8 575.1 581.4 587.7 594.1 600.5 606.9 613.3 619.7 626.1 632.5 639. 645.5 652. 658.5 665. 671.6 678.2 684.9 691.6 698.3 705. 711.7 718.4 725.1 731.8 738.6 745.4 752.2 759.1 766. 772.9 779.8 786.8 793.9 801.1 808.3 815.5 822.8 830.2 837.8 845.5 853.2 860.9 868.6 876.5]

5.求标准差、方差、最大值、最小值

In[7]:	print('花萼长度表的标准差为: ',np.std(iris_sepal_length))
Out[7]:	花萼长度表的标准差为: 0.8253012917851409
In[8]:	print('花萼长度表的方差为: ',np.var(iris_sepal_length)) #计算数组方差
Out[8]:	花萼长度表的方差为: 0.681122222222223
In[9]:	print('花萼长度表的最大值为: ',np.max(iris_sepal_length)) #计算最大值
Out[9]:	花萼长度表的最大值为: 7.9
In[10]:	print('花萼长度表的最小值为: ',np.min(iris_sepal_length)) #计算最小值
Out[10]:	花萼长度表的最小值为: 4.3



Thank you!